Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИОМИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ДФ ФГБОУ ВО Должность: Ректор

ДФ ФІ БОУ ВО ДФ ФІ БОУ ВО Уникальный программный клюб Дагестанский государственный технический университет»

043f149fe29b39f38c91fa342d88c83cd0d6921f

Технический колледж

«Утверждаю» Завуч ТК <u> Явею сыв</u>-Г.Н.Айдаева « 38 » ов 2021г.

Методические рекомендации по выполнению самостоятельной работы по математике

для студентов по профессии СПО

23.01.08 Слесарь по ремонту строительных машин

ВВЕДЕНИЕ

Методическое пособие предназначено для организации самостоятельной работы студентов 1 курса по специальности СПО по математике: «Алгебра и начала анализа»

В данное методическое пособие включены проверочные работы, самостоятельные работы, за 1 и 2 полугодие.

Данное пособие предназначено для студентов 1 курса СПО всех специальностей, а также для преподавателей математики.

Самостоятельная работа является одним из видов учебной деятельности обучающихся, способствует развитию самостоятельности, ответственности и организованности, творческого подхода к решению проблем учебного и профессионального уровня.

Самостоятельная работа проводится с целью:

- систематизации и закрепления полученных теоретических знаний и практических умений обучающихся;
- углубления и расширения теоретических знаний;
- формирования умений использовать нормативную, правовую, справочную документацию и специальную литературу;
- развития познавательных способностей и активности обучающихся: творческой инициативы, ответственности и организованности;
- формирования самостоятельности мышления, способностей к саморазвитию, самосовершенствованию и самореализации;
- развития исследовательских умений.

Аулиторная самостоятельная работа по дисциплине выполняется на учебных занятиях под непосредственным руководством преподавателя и по его заданию.

Внеаудиторная самостоятельная работа выполняется по заданию преподавателя без его непосредственного участия.

Внеаудиторная самостоятельная работа по математике – спланированное, организованное и контролируемое мероприятие, выполняемое по тщательно разработанным заданиям преподавателя. Разрабатывая задания, преподаватель должен

учитывать профильную направленность изучения дисциплины, предельный объем заданий, оптимальные затраты времени на их выполнение, типичные ошибки при выполнении различных видов работ, причины их возникновения и способы устранения, вариативность заданий, уровень обученности студентов, особенности и способности обучающихся.

Внеаудиторная самостоятельная работа по математике — спланированное, организованное и контролируемое мероприятие, выполняемое по тщательно разработанным заданиям преподавателя. Разрабатывая задания, преподаватель должен учитывать профильную направленность изучения дисциплины, предельный объем заданий, оптимальные затраты времени на их выполнение, типичные ошибки при выполнении различных видов работ, причины их возникновения и способы устранения, вариативность заданий, уровень обученности студентов, особенности и способности обучающихся.

Объем времени, отведенный на внеаудиторную самостоятельную работу по математике это 50 % от общего количество часов.

Видами заданий для внеаудиторной самостоятельной работы могут быть:

- для овладения знаниями: чтение текста (учебника,первоисточника, дополнительной литературы); составление плана текста;графическое изображение структуры текста; конспектирование текста;выписки из текста; работа со словарями и справочниками; ознакомление снормативными документами; учебно исследовательская работа; использование аудио- и видеозаписей, компьютерной техники и Интернетаи др.;
- для закрепления и систематизации знаний: работа с конспектомлекции (обработка текста); повторная работа над учебным материалом(учебника, первоисточника, дополнительной литературы, аудио- ивидеозаписей); составление плана и тезисов ответа; составление таблицдля систематизации учебного материала; изучение нормативныхматериалов; ответы на контрольные вопросы; аналитическая обработкатекста (аннотирование, рецензирование, реферирование, контент анализи др.); подготовка сообщений к выступлению на семинаре, конференции;подготовка рефератов, докладов; составление библиографии, тематическихкроссвордов; тестирование и др.;
- для формирования умений: решение задач и упражнений по образцу; решение вариативных задач и упражнений; выполнение чертежей, схем; выполнение расчетно-графических работ; решение ситуационныхпроизводственных (профессиональных) задач; подготовка к деловым играм; проектирование и моделирование разных видов и компонентов профессиональной деятельности; подготовка курсовых и дипломных работ (проектов); экспериментально конструкторская работа; опытно экспериментальная работа; упражнения на тренажере; упражнения спортивно оздоровительного характера; рефлексивный анализ

профессиональных умений с использованием аудио- и видеотехники и др.

Виды заданий для внеаудиторной самостоятельной работы, их содержание и характер могут иметь вариативный и дифференцированный характер, учитывать специфику специальности, изучаемой дисциплины, индивидуальные особенности студента.

Уровни самостоятельной работы.

Следует выделить пять уровней самостоятельной работы обучаемых. За основу каждого уровня взято соотношение воспроизводящих и творческих процессов в деятельности учащихся. Студенту предоставляется возможность работать на том уровне, который для него приемлем в настоящее время. Иными словами, создаются условия для положительной мотивации процесса учения и развития способностей.

Каждый из уровней должен быть обеспечен как можно большим набором самостоятельных заданий различных форм. Это позволяет избежать монотонности в работе, делает студенческие работы оригинальными.

<u>Первый уровень</u> самостоятельных работ - дословное и преобразующее воспроизведение информации.

<u>Второй уровень</u> - самостоятельные работы по образцу. Это составление вопросов к текстам лекций по предложенным образцам. Разные по сложности, разнообразные по характеру и форме образцы вопросов направляют мышление студентов на поиски ответов, а затем и на самостоятельную формулировку вопросов, что является приобщением к умственному труду. Другая форма самостоятельных заданий этого уровня - составление тестовых заданий по предложенным правилам.

<u>Третий уровень</u> - реконструктивно-самостоятельные работы: преобразование текстовой информации в структурно-логические графы, составление кроссвордов, интервью, анкет, рассказов, преобразование типовых задач. Работы этого типа учат обобщать явления.

<u>Четвертый уровень</u> - эвристические самостоятельные работы. Такие задания направлены на разрешение проблемной ситуации, созданной преподавателем.

<u>Пятый уровень</u> - творческие (исследовательские) самостоятельные работы: написание работы с включением в нее форм заданий второго, третьего и четвертого уровней.

1. Организация и руководство внеаудиторной самостоятельной работой студентов

- заданий 1. При предъявлении видов на внеаудиторнуюсамостоятельную работу рекомендуется использовать дифференцированный подход к студентам. Перед выполнением студентами внеаудиторнойсамостоятельной работы преподаватель проводит инструктаж по выполнениюзадания, который включает цель задания, его содержание, срокивыполнения, ориентировочный объем работы, основные требования В крезультатам работы, критерии оценки. процессе инструктажапреподаватель предупреждает студентов 0 возможных типичных ошибках,встречающихся задания. Инструктаж при выполнении проводитсяпреподавателем объема отведенного счет времени, за на изучениедисциплины.
- 2. Во время выполнения студентами внеаудиторной самостоятельнойработы и при необходимости преподаватель может проводить консультацииза счет общего бюджета времени, отведенного на консультации.
- 3. Самостоятельная работа может осуществляться индивидуальноили группами студентов в зависимости от цели, объема, конкретнойтематики самостоятельной работы, уровня сложности, уровня уменийстудентов.
- 4. Контроль результатов внеаудиторной самостоятельной работыстудентов может осуществляться в пределах времени, отведенного наобязательные учебные занятия по дисциплине и внеаудиторнуюсамостоятельную работу студентов по дисциплине, может проходить вписьменной, устной или смешанной форме, с представлением изделия или продукта творческой деятельности студента.
- 5. В качестве форм и методов контроля внеаудиторнойсамостоятельной работы студентов могут быть использованы семинарскиезанятия, коллоквиумы, зачеты, тестирование, самоотчеты, контрольныеработы, защита творческих работ и др.
- 6. Критериями оценки результатов внеаудиторной самостоятельнойработы студента являются:
 - уровень освоения студентом учебного материала;
- умение студента использовать теоретические знания привыполнении практических задач;
 - сформированностьобщеучебных умений;
 - обоснованность и четкость изложения ответа;
- оформление материала в соответствии с требованиями.

3. Виды самостоятельных работ по дисциплине «Математика»

Можно предложить следующие виды самостоятельной работы студентов по математике:

- решение заданий по образцу;
- опережающие домашние задания;
- выполнение заданий по алгоритму;
- типовые расчеты;
- решение экзаменационных вариантов, в том числе ЕГЭ;
- составление алгоритмов для типовых заданий;
- составление и решение самостоятельно составленных заданий;
- выполнение расчетно-графических работ;
- составление и заполнение таблиц для систематизации учебного материала;
- составление теста и эталона к нему;
- ответы на контрольные вопросы;
- составление или решение математического кроссворда на математические понятия, определения и т.п.;
- творческие работы (реферат, доклад, сообщение, сочинение);
- изготовление геометрических фигур;
- разработка проекта, включающего элементы самостоятельного исследования и направленного на поиск новых методов решения поставленных задач (например, «Математика в моей профессии»).

4. Организация самостоятельной работы по дисциплине «Математика»

Организация самостоятельной работы студентов техникума требует определенного алгоритма (программы действий), который разрабатывается преподавателем. Этот алгоритм может отличаться в зависимости от профиля получаемого образования, от конкретной группы, и т.п. Предлагаем общий подход по созданию такого алгоритма организации самостоятельной работы по математике.

- 1. Преподаватель математики изучает квалификационную характеристику специалиста для выявления профессиональных компетенций, анализирует учебный план, Государственный стандарт.
- 2. Преподаватель заранее готовит инструкции (методические рекомендации) по выполнению каждой самостоятельной работы, определяет качественно-количественные критерии;
- 3. В начале учебного года (на первом занятии) преподаватель знакомит учащихся со структурой построения всего курса дисциплины «Математика», в которую должна быть органично вписана самостоятельная работа. Каждый студент после такого занятия должен понимать, сколько самостоятельных работ ему предстоит выполнить в период изучения дисциплины и каким образом он будет отчитываться перед преподавателем. Можно составить таблицу, по которой студенту легко будет ориентироваться по темам курса, видам самостоятельных работ, срокам выполнения.
- 4. Рекомендуется ведение отдельной тетради для выполнения всех предусмотренных рабочей программой самостоятельных работ.
- 5. Любая самостоятельная работа дается на определенный срок (день, неделя,...). Если работа в срок не выполнена, то она оценивается меньшим количеством баллов.
- 6. Непосредственно перед выполнением самостоятельной работы преподавателю необходимо провести консультацию-инструктаж.
- 7. При подборе индивидуальных заданий важно соблюдать дифференцированный подход.
- 8. Важным элементом при организации самостоятельной работы является контроль по выполнению всех видов работ.

5.Критериями оценки результатов самостоятельной работы студентов являются:

- уровень усвоения студентом учебного материала;
- умение студента использовать теоретические знания при выполнении практических задач;
- сформированность ключевых (общеучебных) компетенций;
- обоснованность и четкость изложения материала;
- уровень оформления работы.

Методические рекомендации по работе с текстом

Основные виды систематизированной записи текста

- 1. Аннотирование предельно краткое связное описание просмотренной или прочитанной книги (статьи), ее содержания, источников, характера и назначения;
- 2. Планирование краткая логическая организация текста, раскрывающая содержание и структуру изучаемого материала;
- 3. Тезирование лаконичное воспроизведение основных утверждений автора без привлечения фактического материала;
- 4. Цитирование дословное выписывание из текста выдержек, извлечений, наиболее существенно отражающих ту или иную мысль автора;
- 5. Конспектирование краткое и последовательное изложение содержания прочитанного.

Конспект – сложный способ изложения содержания книги или статьи в логической последовательности. Конспект аккумулирует в себе предыдущие виды записи, позволяет всесторонне охватить содержание книги, статьи. Поэтому умение составлять план, тезисы, делать выписки и другие записи определяет и технологию составления конспекта.

Методические рекомендации по составлению конспекта

- 1. Внимательно прочитайте текст. Уточните в справочной литературе непонятные слова. При записи не забудьте вынести справочные данные на поля конспекта;
 - 2. Выделите главное, составьте план;
- 3. Кратко сформулируйте основные положения текста, отметьте аргументацию автора;
- 4. Законспектируйте материал, четко следуя пунктам плана. При конспектировании старайтесь выразить мысль своими словами. Записи следует вести четко, ясно.
- 5. Грамотно записывайте цитаты. Цитируя, учитывайте лаконичность, значимость мысли

В тексте конспекта желательно приводить не только тезисные положения, но и их доказательства. При оформлении конспекта необходимо стремиться к емкости каждого предложения. Мысли автора книги следует излагать кратко, заботясь о стиле и выразительности написанного. Число дополнительных элементов конспекта должно быть логически обоснованным, записи должны распределяться в определенной последовательности, отвечающей логической структуре произведения. Для уточнения и дополнения необходимо оставлять поля.

Овладение навыками конспектирования требует от обучающегося целеустремленности, повседневной самостоятельной работы.

Методические рекомендации по написанию реферата

Реферат — это самостоятельная учебно-исследовательская работа обучающегося, где автор раскрывает суть исследуемой проблемы, приводит различные точки зрения, а также собственные взгляды на нее. Содержание материала должно быть логичным, изложение материала должно носить проблемно-поисковый характер.

Этапы работы над рефератом

- 1. Формулирование темы. Тема должна быть не только актуальной по своему значению, но оригинальной, интересной по содержанию.
 - 2. Подбор и изучение основных источников по теме (как правило, не менее 8-10).
 - 3. Составление библиографии в соответствии с ГОСТом.
 - 4. Обработка и систематизация информации.
 - 5. Разработка плана реферата.
 - 6. Написание реферата.
- 7. Публичное выступление с результатами исследования на семинарском занятии, заседании предметного кружка, студенческой научно-практической конференции.)

Содержание работы должно отражать

- знание современного состояния проблемы;
- обоснование выбранной темы;
- использование известных результатов и фактов;
- полноту цитируемой литературы, ссылки на работы ученых, занимающихся данной проблемой;
- актуальность поставленной проблемы;
- материал, подтверждающий научную либо практическую значимость.

Структура реферата

- Титульный лист
- План (простой или развернутый с указанием страниц реферата).
- Введение с актуальностью
- Основная часть, которая может быть разбита на главы и параграфы
- Заключение
- Литература
- Приложения

Защита реферата

Основной задачей устного выступления является не стремление обучающегося

максимально полно или кратко прочитать реферат, а краткими и выборочными доказательствами (по некоторым из перечня озвученных обобщений) рассказать о

своём реферате, подчёркивая его авторско-аналитические характеристики, логическую

структурность и завершённость.

На выступление дается примерно 10-15 минут, поэтому обучающийся дома

заблаговременно составляет расширенный план-конспект устного доклада (с кратким

изложением реферата).

Докладчику в процессе устной защиты реферата важно ответить на вопросы: Как

называется реферат? Из каких элементов состоит его структура (структура реферата –

его план)? О чём говорится в каждом разделе его структуры: во «Введении» (в чём

заключается актуальность научной проблемы, в чём заключаются цель и задачи реферата)? Какие источники использовал автор при написании своего реферата (дать

краткую характеристику раздела – «Литература»)?».

Критерии оценивания реферата:

1 Соответствие реферата теме (макс. 3 балла)

2 Глубина и полнота раскрытия темы (макс. 5 баллов)

3 Адекватность передачи первоисточников (тах 2 балла)

4 Логичность, связанность (макс. 2 балла)

5 Доказательность (макс. 2 балла)

6 Структурная упорядоченность (наличие введения, основной части, заключения, их

оптимальное соотношение) (макс. 3 балла)

7 Оформление (наличие плана, списка литературы, культура цитирования, сноски и т.

д.) (макс. 3 балла)

8 Языковая правильность (макс. 5 баллов)

Оценка: 23 – 25 баллов – «5»

18 – 22 баллов – «4»

меньше 18 баллов – «3»

10

Методические рекомендации по подготовке доклада

Доклад — вид самостоятельной работы, используется в учебных и внеаудиторных занятиях, способствует формированию навыков исследовательской работы, расширяет познавательные интересы, приучает критически мыслить. При написании доклада по заданной теме составляют план, подбирают основные источники. В процессе работы с источниками, систематизируют полученные сведения, делают выводы и обобщения. Подготовка доклада требует от обучающегося большой самостоятельности и серьезной интеллектуальной работы, которая принесет наибольшую пользу, если будет включать с себя следующие этапы:

- изучение наиболее важных научных работ по данной теме, перечень которых, как правило, дает сам преподаватель;
- анализ изученного материала, выделение наиболее значимых для раскрытия темы доклада фактов, мнений разных ученых и научных положений;
- обобщение и логическое построение материала доклада, например, в форме развернутого плана;
- написание текста доклада с соблюдением требований научного стиля.

Построение доклада включает три части: вступление, основную часть и заключение. Во вступлении указывается тема доклада, устанавливается логическая связь ее с другими темами или место рассматриваемой проблемы среди других проблем, дается краткий обзор источников, на материале которых раскрывается тема, и т.п. Основная часть должна иметь четкое логическое построение, в ней должна быть раскрыта тема доклада. В заключении обычно подводятся итоги, формулируются выводы, подчеркивается значение рассмотренной проблемы и т.п.

Критерии оценки доклада:

1. Четкость постановки цели (макс. 3 балла):

нет цели;

цель нечеткая;

цель четко обозначена.

2. Качество доклада (макс. 5 баллов):

докладчик зачитывает;

докладчик рассказывает, но не объясняет суть работы;

четко выстроен доклад;

доклад сопровождается иллюстративным материалом; доклад производит выдающееся впечатление.

3. Четкость выводов, обобщающих доклад (макс. 3 балла):

выводы имеются, но они не доказаны;

выводы не четкие;

выводы полностью характеризуют работу.

- 4. Качество ответов на вопросы (макс. 3 балла): докладчик не может четко ответить на вопросы; не может ответить на большинство вопросов; отвечает на большинство вопросов.
- 5. Умение держаться перед аудиторией (макс. 3 балла) ОЦЕНКА: «5»- 17- 14 баллов, «4» - 13-9 баллов, «3» в – 8-5 баллов

Методические указания к выполнению практической/лабораторной работы

Работа №1. Наименование, тема

Цель работы

Алгоритм выполнения работы

Форма отчетности

Методические рекомендации

по составлению мультимедийных презентаций

Логическая последовательность создания презентации:

- структуризация учебного материала,
- составление сценария презентации,
- разработка дизайна мультимедийного пособия,
- подготовка медиафрагментов (аудио, видео, анимация, текст),
- проверка на работоспособность всех элементов презентации.

Критерии оценивания презентаций:

(по каждому пункту отмечается 1 – присутствует, 0 – отсутствует)

1. Содержание презентации (макс. 3 балла)

соответствует представляемому материалу

Количество слайдов адекватно содержанию

Оформлен титульный слайд

2. Текст на слайд (макс. 3 балла)

Текст читается хорошо (выбран нужный размер шрифта)

Текст на слайде представляет собой опорный конспект (не перегружен словами)

Ошибки и опечатки отсутствуют

3. Анимация (макс. 3 балла)

Не используются эффекты с резкой сменой позиции (прыгающие, крутящиеся по экрану), которые мешают восприятию информации

Презентация не перегружена эффектами

Анимация применена целенаправленно

4. Иллюстрационный материал (макс. 3 балла)

Материал не скучен, есть иллюстрации

помогает наиболее полно раскрыть тему, не отвлекает от содержания выступления

средства визуализации (таблицы, схемы, графики) соответствует содержанию

5. Цветовое решение презентации (макс. 3 балла)

Выдержан единый стиль презентации

Цвет презентации не отвлекает внимание от содержания

Цвета фона и шрифта контрастны

ОЦЕНКА: «5»- 15-13 баллов, «4» - 12-9 баллов, «3» - 8-5

Методические рекомендации

по решению задач, выполнению графической работы

Критерии оценивания задач:

Оценка «5» ставится, если:

- работа выполнена полностью и в отведенные сроки;
- правильно выбран способ решения;
- решение сопровождается необходимыми объяснениями;
- верно выполнены нужные вычисления и преобразования;
- аккуратная запись решения;

Оценка «4» ставится, если:

- работа выполнена полностью;
- решение не сопровождается необходимыми объяснениями;
- допущена одна-две ошибки (в зависимости от количества решаемых задач);

Оценка «3» ставится, если:

- работа выполнена не полностью;
- решение не сопровождается необходимыми объяснениями;
- допущены более двух ошибок (в зависимости от количества решаемых задач).

Перечень самостоятельных работ по математике

для специальностей СПО (284ч)

№	Тема внеаудиторной самостоятельной	задание		
часа	работы	2.10 10 162 10 2.10		
2	Рациональные числа.	3-10, ctp.19, №2.10,2.10		
3	Изобретение комплексных чисел.	Интернет- ресурс, презентация Учебник A-10.§33		
3	Действительная и мнимая часть, модуль и	учеоник А-10.§33		
4	аргумент комплексного числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы	3-10,стр.184, № 34.4		
	записи комплексных чисел	-		
5	Арифметические действия над комплексными числами в разных формах записи.	3-10, стр.191, № 35.11, практическая работа (2 вар)		
6	Комплексно сопряженные числа.	Интернет- ресурс Сообщение, презентация		
7	Теорема Безу. История появления.	Интернет- ресурс		
	Что такое Бином Ньютона?	Сообщение, презентация		
8	Формулы сокращенного умножения для	Интернет- ресурс		
	старших степеней(4,5).	сообщение		
9	Теорема Безу. История появления. Что такое Бином Ньютона?	Интернет- ресурс сообщение		
10				
10 11	Решение уравнений высоких степеней. Степенные функции и их свойства. (составить	Практическая работа (3 вар) Учебник 11		
	конспект)	§4		
12	Составить словарь терминов по пройденным темам (15-20 слов)	Конспект занятий		
13	График степенной функции	Учебник 11 §4		
14	Свойства степени с действительным	3-11,		
	показателем.	стр.41, № 7.22, 7.23		
15	Свойства степени с действительным	3-11,		
	показателем.	стр.48, № 8.22,		
		8.27		
16	Возникновение термина логарифм	Интернет- ресурс		
		Сообщение, презентация		
17	Определение логарифма. Основное	Учебник 11		
	логарифмическое тождество	§17. Практическая работа (2 вар)		
18	Десятичные и натуральные логарифмы. Число	Интернет- ресурс		
	e.	сообщение		
19	Составить алгоритм решения логарифмических уравнений.	Учебник 11 §17. Практич.работа		
20	Способы решения логарифмических	Оформить конспект		
	уравнений.	Учебник 11		
	JF	§17 Практич.работа		
21	Решение логарифмических уравнений	Практическая работа (2 вар)		
22	История возникновения и развития геометрии	Интернет- ресурс		
	r	Сообщение, презентация		
23	Основные виды треугольников.	Интернет- ресурс		
24	Ученый Герон и его вклад в развитие	Интернет- ресурс		
	математики.	1 1 11		
25	Виды углов.	Интернет- ресурс		

26	Геометрические места точек.	Интернет- ресурс			
27	Эллипс, гипербола, парабола и их графики.	Интернет- ресурс			
28	Число π. История его изобретения.	Интернет- ресурс			
29	Радианная мера угла.	3-10 кл, стр. 77			
30	Основные тригонометрические тождества.	3-10 кл, стр. 78			
31	Преобразование тригонометрических выражений	практическая работа (2 вар)			
32	Преобразование тригонометрических выражений	практическая работа (2 вар)			
33	Преобразование тригонометрических выражений	практическая работа (2 вар)			
34	Преобразование тригонометрических выражений	практическая работа (2 вар)			
35	Преобразование тригонометрических выражений	практическая работа (2 вар)			
36	Обратные тригонометрические функции.	Практическая работа (2 вар)			
37	Определение арккосинуса.	3-10 кл, стр. 117			
		Выучить определение			
38	Определение арксинуса.	3-10 кл, стр. 117			
		Выучить определение			
39	Решение тригонометрических неравенств	Алгоритм составить			
		3-10 кл, стр. 132			
40	Решение тригонометрических уравнений	Практическая работа (2 вар)			
41	Решение тригонометрических уравнений	Практическая работа (2 вар)			
42	Решение тригонометрических систем уравнений	Практическая работа (2 вар)			
43	Стереометрия.	Интернет- ресурс Сообщ. Или кроссворд			
44	Аксиомы стереометрии.	Учебник Г-10-11 Стр.3-6			
45	Параллельные прямые в пространстве.	Учебник Г-10-11 Стр 17			
46	Доказательство Теоремы о трех перпендикулярах.	Учебник Г-10-11 Стр.42			
47	Двугранный угол	Учебник Г-10-11 Стр.47-48			
48	Параллельность плоскостей.	Учебник Г-10-11 Стр.20			
49	Решение задач на нахождение расстояния между плоскостями.	Составить конспект, практ. работа			
50	Решение задач на нахождение расстояния между плоскостями.	Составить конспект, практ. работа			
51	Графики элементарных функций.	Пособие, практи.работа			
52	Свойства функции: монотонность, четность,	Учебник A-10, §8, стр.67.			
	нечетность, ограниченность, периодичность.	7071			
53	Промежутки возрастания и убывания	Учебник A-10, §8, стр.67			
54	Обратные функции. График обратной	Пособие			
	A				
55	функции График степенной функции.	Учебник A-11, §9, стр.56			

56	График степенной функции.	Учебник A-11, §9, стр.56		
57	График функции <i>y=sinx</i>	Учебник A-10, §16, стр.123		
58	График функции <i>y=cosx</i>	Учебник A-10, §16, стр.123		
59	График функции	Учебник А-10, §16, стр.123		
	y = tgx, y = ctgx	TV 5		
60	Графики обратных тригонометрических	Учебник A-10, §21, стр.150		
<i>C</i> 1	функций.	V C A 11 815 105		
61	График логарифмической функции.	Учебник A-11, §15, стр.105		
02	Домашняя контрольная работа.(Преобразования графиков)	Практическая работа		
63	Домашняя контрольная	Практическая работа		
05	работа.(Преобразования графиков)	Tipakin leekan paoota		
64	Развертки параллелепипеда, призмы, куба.	Изготовить развертки на листе А4.		
65	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера.	Интернет- ресурс		
	Леонард Эйлер.	Сообщен		
66	Призма.	Учебник Г-10-11		
		Стр.59		
67	Правильная призма.	Учебник Г-10-11		
		Стр.59		
68	Куб.	Интернет- ресурс		
		Сообщен		
69	Пирамида и история.	Интернет- ресурс		
70	Davidore de Torres de Torr	Сообщен, презентация		
70 71	Решение задач по теме «Пирамида»	Практическая работа		
72	Усеченная пирамида. Сечения многогранников	Построение чертежа усеч. пирамиды Заполнить сравнит таблицу		
73		Изготовить модель прав. Или полуправильного		
13	Правильные многогранники.	многогранника		
74	Предел последовательности	Интернет- ресурс		
, .	предел последовательности	Сообщен.		
75	Предел последовательности	·		
76	Вычисление пределов последовательности.	Карточки с инд.заданиями		
77	Существование предела монотонной			
	ограниченной последовательности.			
78	Вычисление пределов последовательностей.	Карточки с инд. заданиями		
79	Вычисление пределов последовательностей.	Карточки с инд. заданиями		
80	Вычисление производной	Тест		
81	Вычисление производной	тест		
82	Решение задач по нахождению производных.	Учебник A-10, стр.340.§41-42		
83	Решение прикладных задач.	Практическая работа (2 вар)		
84	Исследование и построение графиков	Практическая работа (2 вар)		
0.5	функции	Проучилогия побеть (2 тех)		
85	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.	Практическая работа (2 вар)		
86	Применение производных.	Составить презентацию.		
00	применение производных.	Интернет- ресурс		
		интернет- ресурс		
87	Вычисление первообразной.	Практическая работа (2 вар)		
88	Вычисление первообразной.	Практическая работа (2 вар)		
89	История появления неопределенного	Интернет- ресурс		
	интеграла.	Сообщ.		
90	Определённый интеграл.	Учебник А-11, . §21,стр.149, конспект		
91	Вычисление площади.	Практическая работа (2 вар)		

93 Ванискение интеграла Практическая работа (2 вар) 94 Визискение пипивдии. Решение задач. Практическая работа (2 вар) 95 Применение интеграла. Интернет- ресуре 96 Вторая производная Интернет- ресуре 97 Модели тел вращения. Изготовление разверток 98 Модели тел вращения. Изготовление разверток 100 Вытискение плопадей поверхности и объёмов пространственных тел. Практическая работа (2 вар) 101 Вытискение плопадей поверхности и объёмов пространственных тел. Практическая работа (2 вар) 102 Вытискение плопадей поверхности и объёмов пространственных тел. Практическая работа (2 вар) 103 Визы уравнений. Составить схему. Практическая работа (2 вар) 104 Решение систем уравнений Составить схему. Практическая работа 105 Основные методы решения рациональных уравнений. Оформить конспект 106 Решение прациональных уравнений. Практическая работа 107 Решение прациональных уравнений. Практическая работа 108 Решение рациональных уравнений. Трактическая работа 109	92	Вычисление площади.	Практическая работа (2 вар)			
95 Применение интеграла. Интернет-ресурс Сообии. 96 Вторая производная Интернет-ресурс Сообии. 97 Модели тел вращения. Интернет-ресурс Сообии. 98 Модели тел вращения. Интеговление моделей. 99 Вырасление площадей поверхности и объёмов пространственных тел. Практическая работа (2 вар) объёмов пространственных тел. 101 Вачисление площадей поверхности и объёмов пространственных тел. Практическая работа (2 вар) объёмов пространственных тел. 102 Вычисление площадей поверхности и объёмов пространственных тел. Практическая работа (2 вар) объёмов пространственных тел. 103 Виды уравнений Составить таблицу 104 Решение систем уравнений Составить схему. Практическая работа 105 Решение перециональных уравнений. Практическая работа 106 Решение прерациональных уравнений. Практическая работа 107 Решение прациональных уравнений. Практиче работа 108 Решение рагиональных уравнений Практич. работа 109 Показательно-теленные уравнений Практич. работа 110 Решение откраженых уравнений Практич. работа	93		1 1			
Вторая производная	94	Вычисление площади. Решение задач.	1 1/			
Ссобш Модели тел вращения. Изготовление разверток Модели тел вращения. Изготовление разверток Изготовление моделей. 98 Модели тел вращения. Изготовление моделей. 100 60-68м програщетвенных тел. 110 Вычисление площадей поверхности и объемов пространственных тел. 110 Вычисление площадей поверхности и объемов пространственных тел. 110 Вычисление площадей поверхности и объемов пространственных тел. 110 Вычисление площадей поверхности и объемов пространительных тел. 110 Вычисление площадей поверхности и объемов пространительных тел. 110 Вычисление площадей поверхности и объемов простраников и тел вращения тел. 110	95	Применение интеграла.				
Модели теп вращения. Изготовление моделей.	96	Вторая производная				
Модели теп вращения. Изготовление моделей.	97	Модели тел вращения.	,			
объёмов пространственных тел. 101 Вычисление площадей поверхности и объёмов пространственных тел. 102 Вычисление площадей поверхности и объёмов пространственных тел. 103 Виды уравнений поверхности и объёмов пространственных тел. 104 Решение систем уравнений Составить схему. Практическая работа (2 вар) объёмов пространственных тел. 105 Виды уравнений Составить схему. Практическая работа Оформить конспект Учебник А-11., §27,стр.211, практи. работа Оформить конспект Учебник А-11., §27,стр.211, практи. работа Практическая работа Практическая работа Практическая работа Практическая работа Практическая работа Оформить конспект Учебник А-11., §27,стр.211, практи. работа Практическая работа Практич. работа Интернет- ресуре Создать презентацию Интернет- ресуре Создать презентацию Практическая работа (2 варианта) Многогранников и тел вращения. 100 Объём пирамиды. Практическая работа (2 варианта) Многогранников и тел вращения.	98					
объёмов пространственных тел. 101 Въгчисление плопадей поверхности и объёмов пространственных тел. 102 Вычисление плопадей поверхности и объёмов пространственных тел. 103 Виды уравнений. 104 Решение систем уравнений 105 Основные методы решения рациональных уравнений. 106 Решение иррациональных уравнений. 107 Решение иррациональных уравнений. 108 Решение иррациональных уравнений. 109 Показательно-теленных уравнений. 109 Показательно-теленных уравнений. 100 Решение иррациональных уравнений. 100 Практическая работа 1010 Практическая работа 102 Решение иррациональных уравнений. 103 Практическая работа 104 Решение иррациональных уравнений. 105 Практическая работа 106 Решение иррациональных уравнений. 107 Решение пригономальных уравнений. 108 Практическая работа 109 Показательно-теленные уравнения и Практич. работа 110 Решение пригонометрических Карточки индив (с ответами) уравнений. 111 Решение тригонометрических Карточки индив (с ответами) уравнений. 112 Решение логарифмических неравенств 113 Решение достем уравнений и систем практич. работа 114 Решение достем уравнений и систем практич. работа 115 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. 116 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. 117 Графическое решение уравнений и неравенств 118 Объём параллеленипеда. 119 Объём призмы. 110 Объём призмы. 111 Практическая работа (2 варианта) 112 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 112 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 112 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 112 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 114 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 115 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 116 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 117 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 118 Решение задач на нахождение о	99		Практическая работа (2 вар)			
объёмов пространственных тел. 102 Вычисление площадей поверхности и объёмов пространителенных тел. 103 Виды уравнений . Составить таблицу 104 Решение систем уравнений . Составить таблицу 105 Основные методы решения рациональных уравнений . Учебник А-11 , \$27, стр. 211, практи. работа 106 Решение пррациональных уравнений . Практическая работа 107 Решение иррациональных уравнений . Практическая работа 108 Решение рациональных уравнений . Практическая работа 109 Показательно-степенные уравнений . Практическая работа 110 Решение показательных уравнений . Практическая работа 111 Решение показательных уравнений . Практич. работа 112 Решение однородных тригонометрических уравнений . Практич. работа 113 Решение показательных уравнений . Практич. работа 114 Решение показательных уравнений . Практич. работа 115 Неравенства . Практич. работа 116 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины Практич. работа 117 Графическое решение уравнений и неравенств . Практич. работа 118 Объём параллеленинеда Интернет-ресуре сообщение . Интернет-ресуре . Создать презентацию 119 Объём призмы Интернет-ресуре . Создать презентацию 120 Объём призмы Интернет-ресуре . Создать презентацию . Интернет-ресуре . Создать презентацию	100		Практическая работа (2 вар)			
Податическая работа (2 вар) Практическая работа (2 вар) Практическая работа (2 вар) Податическая работа (2 вар) Податическая работа (2 вар) Податическая работа (2 вар) Податическая работа (2 вариния (2 вар	101		Практическая работа (2 вар)			
Поз Виды уравнений Составить таблицу	102	Вычисление площадей поверхности и	Практическая работа (2 вар)			
Основные методы решения рациональных уравнений. Оформить конспект учебник А-11, . \$27,стр.211, практи. работа	103	2 2	Составить таблицу			
Оформить конспект учаений Оформить конспект учаений Оформить конспект Учаеник А-11, . §27,стр.211, практи. работа Практическая работа (2 варианта) Практическая	104	Решение систем уравнений	Составить схему. Практическая работа			
учебник А-11, . §27,стр.211, практи. работа		* *	, 1 1			
107 Решение иррациональных уравнений. Практическая работа 108 Решение рациональных уравнений. тест 109 Показательно-степенные уравнения и неравенства. 110 Решение показательных уравнений Практич. работа 111 Решение показательных уравнений. Практич. работа 112 Решение однородных тригонометрических уравнений. Практич. работа 113 Решение однородных тригонометрических уравнений. 114 Решение однородных тригонометрических уравнений. 115 Решение систем уравнений и систем неравенств Практич. работа 116 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. 116 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. 117 Графическое решение уравнений и неравенств Практич. работа 118 Объём тела. Интернет- ресурс сообщение 119 Объём параллелепипеда. Интернет- ресурс Создать презентацию 120 Объём пирамиды. Интернет- ресурс Создать презентацию 121 Объём пирамиды. Интернет- ресурс Создать презентацию 122 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 123 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 124 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 125 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 125 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 125 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 126 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 127 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 128 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 129 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 120 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 120 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 129 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 120 Решение задач на нахождение объёмов многотранников и тел вращения. 121 Рактическая работа (2 варианта) 122 Реше		уравнений.	Учебник А-11, . §27,стр.211, практи. работа			
108 Решение рациональных уравнений тест 109 Показательно-степенные уравнения и неравенства 110 Решение показательных уравнений Практич. работа 111 Решение пригонометрических уравнений Практич. работа 112 Решение однородных тригонометрических уравнений Карточки индив (с ответами) 113 Решение логарифмических неравенств Практич. работа 114 Решение логарифмических неравенств Практич. работа 115 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. 116 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. 117 Графическое решение уравнений и неравенств Практич. работа 118 Объём тела. Интернет- ресурс 119 Объём параллеленипеда. Интернет- ресурс 120 Объём призмы. Интернет- ресурс 120 Объём призмы. Интернет- ресурс 121 Объём пирамиды. Интернет- ресурс 122 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 123 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 126 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 126 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 127 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 128 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 129 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 120 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 121 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 122 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 126 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 127 Решение задач на нахождение объёмов многогранник		**	1			
Показательно-степенные уравнения и неравенства. Практич. работа		**	Практическая работа			
Неравенства. Практич. работа Практич. раб						
111 Решение тригонометрических уравнений. Практич. работа 112 Решение однородных тригонометрических уравнений. Карточки индив (с ответами) 113 Решение логарифмических неравенств Практич. работа 114 Решение систем уравнений и систем неравенств Практич. работа 115 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. Карточки индив 116 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. Интернет- ресурс 117 Графическое решение уравнений и неравенств Практич. работа 118 Объём тела. Интернет- ресурс 119 Объём параллелепипеда. Интернет- ресурс Создать презентацию Интернет- ресурс Создать презентацию Интернет- ресурс Создать презентацию Интернет- ресурс Создать презентацию Создать презентацию 121 Объём пирамиды. Интернет- ресурс Создать презентацию Практическая работа (2 варианта) 122 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 123 Решение задач на нахождение объёмов многогр	109	· -	Практич. работа			
112 Решение однородных тригонометрических уравнений. 113 Решение логарифмических неравенств Практич. работа Интернет- ресурс Знаком абсолютной величины. Практич. работа Интернет- ресурс Знаком абсолютной величины. Практич. работа Интернет- ресурс Собем тела. Интернет- ресурс Собем пела. Интернет- ресурс Создать презентацию Практичение	110	Решение показательных уравнений				
уравнений. 113 Решение логарифмических неравенств Практич. работа 114 Решение систем уравнений и систем неравенств Практич. работа 115 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. 116 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. 117 Графическое решение уравнений и неравенств Практич. работа 118 Объём тела. Интернет- ресурс сообщение 119 Объём параллелепипеда. Интернет- ресурс Создать презентацию 120 Объём пирамы. Интернет- ресурс Создать презентацию 121 Объём пирамиды. Интернет- ресурс Создать презентацию 122 Решение задач на нахождение объёмов Многогранников и тел вращения. 123 Решение задач на нахождение объёмов Многогранников и тел вращения. 124 Решение задач на нахождение объёмов Многогранников и тел вращения. 125 Решение задач на нахождение объёмов Многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) Многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) Многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) Многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) Многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) Многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) Многогранников и тел вращения.						
114 Решение систем уравнений и систем неравенств Практич. работа 115 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. Карточки индив 116 Неравенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. Интернет- ресурс 117 Графическое решение уравнений и неравенств Практич. работа 118 Объём тела. Интернет- ресурс сообщение 119 Объём параллелепипеда. Интернет- ресурс Создать презентацию 120 Объём призмы. Интернет- ресурс Создать презентацию 121 Объём пирамиды. Интернет- ресурс Создать презентацию 122 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 123 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта)	112	уравнений.	Карточки индив (с ответами)			
Неравенств		Решение логарифмических неравенств				
Знаком абсолютной величины. Перавенства, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины. Практич. работа Практиченте ресурс Создать презентацию Практиченте ресурс Создать презентацию Практическая работа (2 варианта) Практическая работа (2 варианта		7.2				
знаком абсолютной величины. 117 Графическое решение уравнений и неравенств 118 Объём тела. 119 Объём параллелепипеда. 120 Объём призмы. 121 Объём пирамиды. 122 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 123 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 125 Решение задач на нахождение объёмов практическая работа (2 варианта) многогранников и тел вращения. 126 Решение задач на нахождение объёмов практическая работа (2 варианта) многогранников и тел вращения. 127 Решение задач на нахождение объёмов практическая работа (2 варианта) многогранников и тел вращения. 128 Решение задач на нахождение объёмов практическая работа (2 варианта) многогранников и тел вращения. 129 Решение задач на нахождение объёмов практическая работа (2 варианта) многогранников и тел вращения.	115		Карточки индив			
118 Объём тела. Интернет- ресурс сообщение 119 Объём параллелепипеда. Интернет- ресурс Создать презентацию 120 Объём призмы. Интернет- ресурс Создать презентацию 121 Объём пирамиды. Интернет- ресурс Создать презентацию 122 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 123 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта)	116		Интернет- ресурс			
118 Объём тела. Интернет- ресурс сообщение 119 Объём параллелепипеда. Интернет- ресурс Создать презентацию 120 Объём призмы. Интернет- ресурс Создать презентацию 121 Объём пирамиды. Интернет- ресурс Создать презентацию 122 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 123 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта)	117	Графическое решение уравнений и неравенств	Практич. работа			
Создать презентацию 120 Объём призмы. 121 Объём пирамиды. 122 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 123 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 126 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 127 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 128 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 129 Практическая работа (2 варианта) Практическая работа (2 варианта)	118	Объём тела.	Интернет- ресурс			
Тобъём призмы. Интернет- ресурс Создать презентацию	119	Объём параллелепипеда.	1 1 1			
121 Объём пирамиды. Интернет- ресурс Создать презентацию 122 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 123 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта)	120	Объём призмы.	Интернет- ресурс			
многогранников и тел вращения. 123 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 126 Практическая работа (2 варианта) Практическая работа (2 варианта) Практическая работа (2 варианта)	121	Объём пирамиды.	Интернет- ресурс			
многогранников и тел вращения. 124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. 126 Практическая работа (2 варианта) Практическая работа (2 варианта)	122		Практическая работа (2 варианта)			
124 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта) 125 Решение задач на нахождение объёмов многогранников и тел вращения. Практическая работа (2 варианта)	123	Решение задач на нахождение объёмов	Практическая работа (2 варианта)			
125 Решение задач на нахождение объёмов Практическая работа (2 варианта) многогранников и тел вращения.	124	Решение задач на нахождение объёмов	Практическая работа (2 варианта)			
	125	Решение задач на нахождение объёмов	Практическая работа (2 варианта)			
	126		Интернет- ресурс			

		сообщ.
127	Декартова система координаты. Рене Декарт.	Интернет- ресурс
		сообщ
128	Уравнения сферы и плоскости.	Учебник Г-10-11
	• • •	Стр.98-99
129	Векторы.	Учебник Г-10-11
		Стр.96, № 428
130	Коллинеарные векторы.	Презентация, интернет-ресурс
131	Решение задач по теме «Векторы»	Практическая работа (2 вар)
132	Решение задач. Разложение вектора по двум	Практическая работа (2 вар)
	неколлинеарным векторам.	
133	Решение задач по теме: «Координаты и	Практическая работа
	векторы»	
134	Решение задач. Использование координат и	Практическая работа (2 вар)
	векторов при решении математических и	
	прикладных задач.	
135	Решение задач. Использование координат и	Практическая работа (2 вар)
	векторов при решении математических и	
	прикладных задач.	
136	Комбинаторика.	Интернет- ресурс, презентация
137	Табличное и графическое представление	Интернет- ресурс, презентация
	данных.	
120	(примеры)	THE CONTRACTOR OF THE CONTRACT
138	Решение комбинаторных задач.	Практическая работа
139	Формула бинома Ньютона. Решение задач.	Практическая работа
140	Треугольник Паскаля.	Практическая работа
1.41	Решение задач	П
141	Несовместные и противоположные события.	Практическая работа
1.40	Решение задач.	П
142	Понятие о независимости событий.	Практическая работа
1.42	Решение задач.	П
143	Вероятность и статистическая частота	Практическая работа
1.4.4	наступления события. Решение задач.	Пистина
144	Решение уравнений и систем уравнений.	Практическая работа
145	Решение текстовых задач.	Практическая работа

<u>Самостоятельная работа № 1</u> «Рациональные числа.»

Цель: Знать определение рационального числа.

Методические рекомендации

- 1. Изучив тему, письменно ответьте на вопросы:
- 1⁰. Сформулируйте определение рационального числа.
- 2^{0} . Приведите примеры.
- 2. Выполните письменно задания: 3-10, стр.19, №2.10,2.10.

<u>Самостоятельная работа № 2</u> «Изобретение комплексных чисел.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации или сообщения ПО заявленной теме.

Методические рекомендации

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентаций.

<u>Самостоятельная работа № 3</u> «Действительная и мнимая часть, модуль и аргумент комплексного числа.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации или сообщения ПО заявленной теме.

Методические рекомендации

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентаций и сообщений.

Теоретическая часть: Учебник A-10.§33

<u>Самостоятельная работа № 4</u> «Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексных чисел .»

Цель: Знать тригонометрическую и показательную форму записи комплексных чисел и уметь выполнять действия над к.ч., заданными этими формами.

- 1. Изучив тему, письменно ответьте на вопросы:
- 1°. Запись к.ч. в тригонометрической форме.
- 2^{0} . Формулы перехода от алгебраической формы к.ч. к тригонометрической и наоборот. 3^0 . Действия над к.ч. в тригонометрической форме.
- 4⁰. Запись к.ч. в показательной форме.
- 5^0 . Формулы перехода от алгебраической формы к.ч. к показательной и наоборот.
- 6° . Действия над к.ч. в показательной форме.
- 2. Выполните письменно задания: 3-10,стр.184, № 34.4

<u>Самостоятельная работа № 5</u> «Арифметические действия над комплексными числами в разных формах записи.»

Цель: Уметь выполнять действия над к.ч., заданными разными формами.

Методические рекомендации

Формы комплексного числа.

 $\overline{1}$. Алгебраическая z = a + bi

сложение:
$$(a_1 + b_1 i) + (a_2 + b_2 i) = (a_1 + a_2) + (b_1 + b_2)i$$

умножение:
$$(a_1 + b_1 i) \cdot (a_2 + b_2 i) = a_1 a_2 + (a_1 b_2 + a_2 b_1) i - b_1 b_2$$

деление:
$$\frac{a_1 + b_1 i}{a_2 + b_2 i} = \frac{(a_1 + b_1 i)(a_2 - b_2 i)}{(a_2 + b_2 i)(a_2 - b_2 i)}$$

2. Тригонометрическая $z = r(\cos \varphi + i \sin \varphi)$

умножение: $z_1 \cdot z_2 = r_1 r_2 (\cos(\varphi_1 + \varphi_2) + i \sin(\varphi_1 + \varphi_2))$

деление:
$$\frac{z_1}{z_2} = \frac{r_1}{r_2} \left(\cos(\varphi_1 - \varphi_2) + i \sin(\varphi_1 - \varphi_2) \right)$$

$$z_2$$
 r_2
возведение в степень: $z^n = r^n \left(\cos n\varphi + i\sin n\varphi\right)$
извлечение корня: $z = r^n \left(\frac{\Psi}{\cos n} + \frac{2\pi k}{n}\right) + i\sin\left(\frac{\Psi}{n} + \frac{2\pi k}{n}\right)$, $k = 0,1,2,3,...$

3. Показательная $z = r \cdot e^{i\varphi}$

умножение: $z_1 \cdot z_2 = e^{i(\varphi_1 + \varphi_2)}$

деление:
$$\frac{z_1}{z_2} = e^{i(\varphi_1 - \varphi_2)}$$

возведение в степень: $z^n = e^{in\phi}$

Используя методические рекомендации, выполните задания:

1 вариант

1. Найдите
$$\frac{z_1}{z_2}$$
, если $z_1 = 3 + i$, $z_2 = 2 - 8i$ 1. Найдите $\frac{z_1}{z_2}$, если $z_1 = 1 + 2i$,

- 2. Найдите модуль к.ч. $z = -2 + 2\sqrt{3}i$
- 3. Найдите $z_1 \cdot z_2$, если $z_1 = 6 2i$, $z_2 = 3 - 4i$
- 4. Изобразите число на комплексной плоскости z = 2 + 4i
- 5. Вычислите: $(-5x + 4y^2i) \cdot (5x 4y^2i)$
- 6. Разложите на множители:

a)
$$x^2 + 1$$
; 6) $25x^2 + 9y^2$

- 7. Решите уравнения:
- a) $x^2 + x + 1 = 0$; 6) $x^2 + 2x + 2 = 0$
- 8. Выполнить умножение, деление и возведение в степень к.ч.

$$(z_1 \cdot z_2, \frac{z_1}{z_2}, z_1^2, z_2^3)$$
, если

a)
$$z_1 = \cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3}$$
,

$$z_2 = 2(\cos\frac{\pi}{3} + i\sin\frac{\pi}{3})$$

6)
$$z_1 = e^{i\frac{\pi}{5}}; z_2 = e^{i\frac{4\pi}{5}}$$

- 9. Запишите в тригонометрической и показательной форме к.ч.
- a) $z = \sqrt{3} + i$; 6) z = -1 + i

2 вариант

1. Найдите
$$\frac{z_1}{z_2}$$
, если $z_1 = 1 + 2i$, $z_2 = -4 + 2i$

- 2. Найдите модуль к.ч. $z = 3 4\sqrt{5}i$
- 3. Найдите $z_1 \cdot z_2$, если $z_1 = 1 + 2i$, $z_2 = 3 + i$
- 4. Изобразите число на комплексной плоскости z = -3 + 4i
- 5. Вычислите: $(6x^3 + yi) \cdot (-6x^3 + yi)$
- 6. Разложите на множители:

a)
$$x^2 + y^2$$
; 6) $16x^2 + 9y^2$

- 7. Решите уравнения:
- a) $5x^2 = 7x + 3 = 0$; 6) $2x^2 + 2x + 1 = 0$
- 8. Выполните умножение, деление и возведение в степень к.ч.

$$(z_1 \cdot z_2, \frac{z_1}{z_2}, z_1^2, z_2^3)$$
, если

a)
$$z_1 = 3(\cos\frac{5\pi}{4} + i\sin\frac{5\pi}{4}),$$

 $z_2 = 2(\cos\frac{7\pi}{4} + i\sin\frac{7\pi}{4})$

$$z_{2} = 2(\cos\frac{7\pi}{4} + i\sin\frac{7\pi}{4})$$

6)
$$z_1 = 3e^{i\frac{\pi}{4}}$$
; $z_2 = 4e^{i\frac{\pi}{3}}$

9. Запишите в тригонометрической и показательной форме к.ч.

a)
$$z = \sqrt{3} - i$$
; 6) $z = 1 - i$

Если предложенные варианты вам показались сложными, то выполните письменно задания:

3-10,стр.191, № 35.11

<u>Самостоятельная работа № 6</u> «Комплексно сопряженные числа.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации или сообщения по заявленной теме.

Методические рекомендации

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентаций и сообщений.

<u>Самостоятельная работа № 7</u>«Теорема Безу. История появления. Что такое Бином Ньютона?»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации или сообщения по заявленной теме.

Методические рекомендации

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентаций и сообщений.

<u>Самостоятельная работа № 8</u>«Формулы сокращенного умножения для старших степеней (3,4,5).»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации или сообщения по заявленной теме.

Методические рекомендации

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентаций и сообщений.

<u>Самостоятельная работа № 9</u>«Теорема Безу. История появления. Что такое Бином Ньютона?»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации или сообщения по заявленной теме.

Методические рекомендации

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентаций и сообщений.

<u>Самостоятельная работа № 10</u>«Решение уравнений высоких степеней.»

Цель: уметь применять знания о делении многочлена на многочлен, уметь решать уравнения высоких степеней по схеме Горнера.

Методические рекомендации

Используя теоретический материал занятий решить предложенные варианты.

Вариант 1

1. Найдите частное от деления
$$x^2 - 5x + 6$$
 на $x - 2$.

2. Найдите частное от деления
$$3x^2 - 2x - 1$$
 на $3x + 1$

3. Найдите частное от деления
$$2x^3 - 7x^2 + x - 20$$
 на $x - 4$.

4. Найдите частное и остаток от деления
$$x^3 - 19x - 30$$
 на $x^2 + 1$

5. Сократите дробь
$$\frac{2x^2 - 3x - 2}{3x^2 + x - 14}.$$

6. Решите уравнение
$$x^3 + 2x^2 - x - 2 = 0$$
.

7. Решите уравнение
$$x^4 + 2x^3 - 11x^2 - 12x + 36 = 0$$

Вариант 2

1. Найдите частное от деления
$$x^2 - 4x + 3_{\text{ на}} x - 3_{\text{.}}$$

2. Найдите частное от деления
$$4x^2 - x - 3_{\text{ Ha}} 4x + 3$$
.

3. Найдите частное от деления
$$3x^3 + 5x^2 + 4x + 12_{\text{ на}}x + 2$$
.

4. Найдите частное и остаток от деления
$$x^3 + 6x^2 + 11x + 6_{\text{ Ha}}x^2 - 1_{\text{.}}$$

$$\frac{3x^2 + 7x + 4}{5x^2 + 7x + 3}$$

5. Сократите дробь
$$\overline{5x^2 + 7x + 2}$$
.

6. Решите уравнение
$$x^3 + 2x^2 + x + 2 = 0$$
.

7. Решите уравнение
$$x^4 + 4x^3 - 2x^2 - 12x + 9 = 0$$

Вариант 3

1. Найдите частное от деления
$$9x^2 - 7x - 2$$
 на $x - 1$.

2. Найдите частное от деления
$$x^3 + 9x^2 + 23x + 15_{\text{ Ha}} x^2 + 8x + 15_{\text{.}}$$

3. Найдите частное от деления
$$x^3 - 19x - 30_{\text{ Ha}} x^2 + 1$$
.

4. Найдите частное и остаток от деления
$$x^3 + 3x^2 - 18x - 40$$
 на $x + 2$.

$$\frac{x^3 - 6x^2 + 11x - 6}{x^2 + 11x - 6}$$

5. Сократите дробь
$$x^3 - 5x^2 + 6x$$

6. Решите уравнение
$$2x^3 - 4x^2 - x - 15 = 0$$
.

7. Решите уравнение
$$x^4 - x^3 - 13x^2 + x + 12 = 0$$

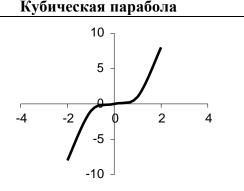
<u>Самостоятельная работа № 11</u> «Степенные функции и их свойства.»

Цель: *Рассмотреть всевозможные степенные функции, начертить их графики и описать свойства.*

Методические рекомендации

1. Рассмотрим следующие степенные функции:

$y = x^2$ - степенная функция						$y = x^3$	³ - степе	енная ф	ункция				
x -3 -2 -1 0 1 2 3					х	-2	-1	0	1	2			
У	9	4	1	0	1	4	9	У	-8	1	0	1	8
Парабола						Куб	бическ	ая пар	абола				



Свойства:

- 1) Область определения функции (ООФ) все х
- 2) х=0, то у=0 (график проходит через начало координат)
- 3) $x \neq 0$, то y>0 (график расположен выше оси х в I и II четверти)
- 4) $(-x)^2 = x^2$, т.е. противоположным значениям х соответствует одно и то же значение у
- 5) Область значений функции (ОЗФ) $\text{Bce y} \ge 0$

Принадлежит ли точка А(4,-16) графику ϕ ункции $y = x^2$

Подставим x=4 и y=-16 в формулу: -16= 4^2 : -16 = 16 (ложно) Значит, точка A(4, -

16) не принадлежит графику, т.е. А ∉у

- Область определения функции $(OO\Phi)$ – BCE X
- 2) x=0, то y=0 (график проходит через начало координат)
- 3) x>0, то y>0 (график расположен в I и III четвертях) x<0, to y<0
- 4) $(-x)^3 = -x^3$, T.e. противоположным значениям х соответствуют противоположные значения у
- 5) Область значений функции $(O3\Phi)$ – BCe y

Принадлежит ли точка $B(1\frac{1}{2}; 3\frac{3}{8})$

графику функции $y = x^3$

Если В \in y , то $3\frac{3}{8} = (1\frac{1}{2})^3 ; \frac{27}{8} = (\frac{3}{2})^3$

или $\frac{27}{8} = \frac{27}{8}$ (истинно), т.е. $B \in y$

- Рассмотрите следующие степенные функции: $y=x^4$, $y=\frac{1}{2}y=x$. 2.
- 3. Теоретическая часть: Учебник 11§4.

<u>Самостоятельная работа № 12</u> «Составить словарь терминов по пройденным темам (15-20 слов)»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: работа с математической терминологией.

Методические рекомендации

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по работе с текстом (Приложение 1).

Например: Алгебра- это часть математики, развивающаяся в связи с задачами о решении алгебраических уравнений.

<u>Самостоятельная работа № 13</u>«График степенной функции»

Цель: Изучить графики степенных функций и укажите их названия.

Методические рекомендации

- 1. Начертите все графики степенных функций и укажите их названия.
- 2. **Теоретическая часть**: Учебник 11,§4.

<u>Самостоятельная работа № 14.15</u> «Свойства степени с действительным показателем.»

Цель: Изучить свойства степени с действительным показателем.

$$(a/b)^n = a^x/b^x$$
, $a^x = b^{x \log_b a}$,

$$a^{x}a^{y} = a^{x+y}$$
, $(a^{x})^{y} = a^{xy}$, $(ab)^{x} = a^{x}b^{x}$,

- 2.Выполните письменно следующие задания:3-11,стр.41, № 7.22,7.23
- 3. Выполните письменно следующие задания:3-11,стр.48, № 8.22,8.27

<u>Самостоятельная работа № 16</u>«Возникновение термина логарифм»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

<u>Самостоятельная работа № 17</u>«Определение логарифма. Основное логарифмическое тождество»

Цель:Знать основное логарифмическое тождество, свойства логарифмов, уметь применять их при преобразовании выражений.

Методические рекомендации

- І. Свойства логарифмов.
 - 1. Основное логарифмическое тождество: $a^{\log_a x} = x$
 - 2. $\log_a(x \cdot y) = \log_a x + \log_a y$

3.
$$\log_a \frac{x}{v} = \log_a x - \log_a y$$

4.
$$\log_a x^n = n \log_a x$$

5.
$$\log_a a = 1$$

6.
$$\log_a 1 = 0$$

6.
$$\log_a 1 = 0$$

7. $\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$

8.
$$\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}$$
 - формула перехода к другому основанию

$$9. \log_{a^n} x = \frac{1}{n} \log_a x$$

II. Используя методические рекомендации, выполните задания:

1 вариант

1. Найдите значение числового выражения:

$$\log_3 27 - \log_{\frac{7}{3}} 27 - \log_{\frac{7}{3}} 27 - \log_{\frac{7}{3}} (\frac{64}{27})$$

- 2. Вычислите:
- a) $2\log_6 2 + \log_6 9$; 6)

$$\log_{11} 484 - 2\log_{11} 2$$
;

B)
$$3^{\log_{3\sqrt{9}}4} + 2^{\log_{16}4}$$

3. Найдите log₅ 72, если известно, что

$$\log_5 2 = a$$
, $\log_5 3 = b$.

- 4. Вычислить:
- a) $(\log_7 15 + \log_7 4 \log_7 6) \cdot \lg 7$;

6)
$$\frac{1}{2} \log_7 36 - \log_7 14 - 3\log_7 \sqrt[3]{21}$$

III. **Теоретическая часть:**Учебник 11,§17.

2 вариант

1. Найдите значение числового выражения:

$$(\log_{\frac{1}{4}} \sqrt[3]{\frac{1}{4}} + 6\log_{\frac{1}{4}} (\frac{1}{2}) - 2\log_{\frac{1}{16}} (\frac{1}{4}) \div \log_{\sqrt{2}} \sqrt[5]{8}$$

- 2. Вычислите:
- a) $\log_5 100 2\log_5 2$; 6) $4\log_{12} 2 + 2\log_{12} 3$;

$$\mathrm{B})3^{\frac{3}{\frac{1}{3}2}} + (\frac{1}{9})^{\frac{\log_2 3}{\log_2 9}}$$

3. Вычислите log 5 30, если известно, что

$$\log_5 2 = a$$
, $\log_5 3 = b$.

- 4. Вычислить:
- a) $\lg 2 \cdot (\log_2 75 \log_2 15 + \log_2 20)$;
- 6) $\log_8 12 2\log_8 \sqrt{15} + \log_8 20$

<u>Самостоятельная работа № 18</u>«Десятичные и натуральные логарифмы. Число е.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат или презентацию по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат или презентация должны быть выполнены с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата или созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 19</u> «Составить алгоритм решения логарифмических уравнений.»

Цель: Составить и выучить алгоритм решения логарифмических уравнений.

Методические рекомендации

- 1. Изучить алгоритм решения логарифмического уравнения. Записать в тетрадь.
 - 1) Определить, является ли данное уравнение простейшим, т.е. вида
 - 2) $\log_a f(x) = \log_a q(x)$; если «да», то п. 4, если «нет» п. 2.

- 3) Установить, какие и в каком порядке нужно выполнить тождественные и равносильные преобразования, чтобы привести уравнение к простейшему (основанные на определении и свойствах логарифмов, потенцирование).
- 4) С помощью выбранных преобразований привести уравнение к простейшему.
- 5) Исходя из свойств логарифмической функции, перейти от простейшего
- 6) логарифмического уравнения к уравнению f(x) = q(x), т.е. если
- 7) $\log_a f(x) = \log_a q(x)$, to f(x) = q(x).
- 8) Решить полученное уравнение.
- 9) Сделать проверку, через ОДЗ.
- 10) Записать ответ.
- 2. Используя алгоритм решить уравнение: $\log_{\frac{1}{2}}(x^2 17x + 9) = -3$;
- 3. Если вы не справились с заданием 2 решите следующее уравнения согласно алгоритму: x x

<u>Самостоятельная работа № 20</u>«Способы решение логарифмических уравнений.»

Цель: Изучить основные способы решения логарифмических уравнений.

Методические рекомендации

- 1.Изучите теоретическую часть: Учебник 11,§17.
- 2. Изучив теоретическую часть решите следующие примеры:
 - 1) $\log_3(2x-5) = \log_3 X$
 - 2) $log_3(2x-1) = 2$
 - 3) $\log_3(x^2-3) = \log_3(2x)$

<u>Самостоятельная работа № 21</u>«Решение логарифмических уравнений.»

Цель: Знать методы решения логарифмических уравнений и уметь применять их при решении соответствующих заданий.

Методические рекомендации

Используя методические рекомендации к самостоятельным работам №17-19 выполните следующие задания.

1 вариант

2 вариант

Решите уравнение:

1.
$$\log_5 (3x - 4) = \log_5 (12 - 5x)$$
.

2.
$$\log_3(x^2 + 3x - 7) = 1$$
.

3.
$$\lg(x-1) + \lg(x+1) = \lg(9x+9)$$
.

$$4 2 \log_4^2 x + 5 \log_4 x - 3 = 0;$$

Решите уравнение:

1.
$$\log_2(4x + 5) = \log_2(9 - 2x)$$
.

2.
$$\log_3(x^2 - 5x - 23) = 0$$
.

3.
$$\lg(x+2) + \lg(x-2) = \lg(5x+10)$$
.

$$\int_{4} \log_{3}^{2} x - \log_{3} x - 6 = 0;$$

<u>Самостоятельная работа № 22</u>«История возникновения и развития геометрии.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат или презентацию по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат или презентация должны быть выполнены с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата или созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 23</u>«Основные виды треугольников.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат или презентацию по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат или презентация должны быть выполнены с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата или созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 24</u>«Ученый Герон и его вклад в развитие математики.»

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат или презентацию по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат или презентация должны быть выполнены с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата или созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 25</u> «Виды углов.»

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат или презентацию по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат или презентация должны быть выполнены с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата или созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 26 «Геометрические места точек.»</u>

Форма самостоятельной деятельности: подготовить сообщение или презентацию по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат или презентация должны быть выполнены с соблюдением методических рекомендаций по написанию сообщения или созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 27 «Эллипс, гипербола, парабола и их графики.»</u>

Цель: Знать графики основных элементарных функций и уметь их начертить на координатной плоскости.

Методические рекомендации

Используйте методические рекомендации к Самостоятельной работе № 11.

2. Начертите графики эллипса, гиперболы, параболы и составьте соответствующие им функции.

<u>Самостоятельная работа № 28 «Число </u> л. История его изобретения.»

Форма самостоятельной деятельности: подготовить сообщение или презентацию по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат или презентация должны быть выполнены с соблюдением методических рекомендаций по написанию сообщения или созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 29</u> «История развития и становления тригонометрии. Радианная мера угла.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

1.

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Методические рекомендации

1. Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

<u>Самостоятельная работа № 30</u> «Основные тригонометрические тождества.»

Цель: Изучить основные тригонометрические тождества.

Методические рекомендации

І.Основные тригонометрические тождества.

1.
$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$
; $\sin^2 x = 1 - \cos^2 x$; $\cos^2 x = 1 - \sin^2 x$

1.
$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$
; $\sin^2 x = 1 - \cos^2 x$
2. $tgx = \frac{\sin x}{\cos x} \Rightarrow \sin x = tgx \cdot \cos x$

3.
$$ctgx = \frac{\cos x}{\sin x} \Rightarrow \cos x = ctgx \cdot \sin x$$

4.
$$tgx \cdot ctgx = 1 \Rightarrow tgx = \frac{1}{ctgx}$$
 $\forall ctgx = \frac{1}{tgx}$

5.
$$1+tg^2x = \frac{1}{\cos^2 x}$$

6.
$$1 + ctg^2 x = \frac{1}{\sin^2 x}$$

II. Формулы сложения.

1.
$$\sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha \cos\beta + \cos\alpha \sin\beta$$

2.
$$\sin(\alpha - \beta) = \sin\alpha \cos\beta - \cos\alpha \sin\beta$$

3.
$$\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cos\beta - \sin\alpha \sin\beta$$

4.
$$\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha \cos\beta + \sin\alpha \sin\beta$$

5.
$$tg(\alpha + \beta) = \frac{tg\alpha + tg\beta}{2}$$

$$1 - tg\alpha tg\beta$$

5.
$$tg(\alpha + \beta) = \frac{tg\alpha + tg\beta}{1 - tg\alpha tg\beta}$$

6. $tg(\alpha - \beta) = \frac{tg\alpha - tg\beta}{1 - tg\alpha tg\beta}$

$$1 + tg\alpha tg\beta$$

III. Формулы двойного и половинного аргументов.

1.
$$\sin 2\alpha = 2\sin\alpha \cdot \cos\alpha$$

2.
$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$
; $\cos 2\alpha = 2\cos^2 \alpha - 1$; $\cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha$
3. $tg2\alpha = \frac{2tg\alpha}{2}$

3.
$$tg2\alpha = \frac{2tg\alpha}{}$$

$$1-tg^2\alpha$$

4.
$$\sin \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}}$$

5.
$$\cos \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{2}}$$

6.
$$tg \frac{\alpha}{2} = \sqrt{\frac{1 - \cos\alpha}{1 + \cos\alpha}}$$

IV. Формулы суммы и разности одноименных тригонометрических функций.

1.
$$\sin \alpha + \sin \beta = 2\sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$$

1.
$$\sin \alpha + \sin \beta = 2\sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$$

2. $\sin \alpha - \sin \beta = 2\cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$

3.
$$\cos\alpha + \cos\beta = 2\cos\frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos\frac{\alpha - \beta}{2}$$

4. $\cos\alpha - \cos\beta = -2\sin\frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \sin\frac{\alpha - \beta}{2}$
5. $tg\alpha \pm tg\beta = \frac{\sin(\alpha \pm \beta)}{\cos\alpha \cdot \cos\beta}$

Значения тригонометрических функций

град	00	30°	45 ⁰	60°	90°
радиан	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
sinα	0		$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
cosα	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$		0
tg 🛚	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	√3	не существ
ctg a	Не существ	√3	1	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	0

<u>Самостоятельная работа № 31-33 «</u>Преобразование тригонометрических выражений»

Цель:Знать основные формулы тригонометрии, уметь использовать полученные знания при преобразовании тригонометрических выражений.

Методические рекомендации

Используя методические рекомендации к Самостоятельной работе №30 выполните практическую работу.

1 вариант

1. Вычислите:

a)
$$\sqrt{3} \sin 60^{\circ} + \cos 60^{\circ} \sin 30^{\circ} - tg45^{\circ} ctg135^{\circ} + ctg90^{\circ}$$
;

6)
$$\cos \frac{\pi}{6} - \sqrt{2} \sin \frac{\pi}{4} + \sqrt{3} t g \frac{\pi}{3}$$
.

2. Упростите выражение:

a)
$$\frac{(1-\cos\alpha)(1+\cos\alpha)}{\sin\alpha}$$
, $\alpha \neq \pi n, n \in z$;

- 6) $\sin(2\pi + \alpha) + \cos(\pi + \alpha) + \sin(-\alpha) + \cos(-\alpha)$.
- 3. Вычислите:
 - a) $(\sin \alpha + \cos \alpha)^2 2\sin \alpha \cos \alpha$;
 - б) $tg\alpha + ctg\alpha$, если $\sin\alpha\cos\alpha = 0.4$.
- 4. Найдите такие углы α, для каждого из которых выполняется равенство:

a)
$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$$
;

6)
$$\cos\alpha = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$
;

B)
$$tg\alpha = \sqrt{3}$$
;

$$\Gamma$$
) $ctg\alpha = -1$.

- 5. Вычислите:
 - а) $tg^2\alpha + ctg^2\alpha$, если $tg\alpha + ctg\alpha = 3$;
 - б) $\frac{3\sin\alpha 4\cos\alpha}{5\sin\alpha + 6\cos\alpha}$, если $tg\alpha = -3$.
- 2 вариант
- 1. Вычислите:

a)
$$\sqrt{2} \sin 45^{\circ} - \cos 30^{\circ} \sin 60^{\circ} + ctg 45^{\circ} tg 135^{\circ} - tg 0^{\circ};$$

6)
$$\sin \frac{\pi}{3} + \sqrt{2} \cos \frac{\pi}{4} - \sqrt{3} ctg \frac{\pi}{6}$$
.

2. Упростите выражение:

a)
$$\frac{(1-\sin\alpha)(1+\sin\alpha)}{\cos\alpha}$$
, $\alpha \neq \frac{\pi}{2} + \pi n$, $n \in \mathbb{Z}$;

6)
$$\sin(\pi + \alpha) + \cos(2\pi + \alpha) - \sin(-\alpha) - \cos(-\alpha)$$
.

3. Вычислите:

a)
$$(\sin \alpha - \cos \alpha)^2 + 2\sin \alpha \cos \alpha$$
;

- б) $tg\alpha + ctg\alpha$, если $\sin\alpha\cos\alpha = 0.2$.
- 4. Найдите все такие углы α, для каждого из которых выполняется равенство:

a)
$$\sin \alpha = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$
;

$$6) \cos\alpha = \frac{1}{2};$$

B)
$$tg\alpha = -\sqrt{3}$$
;

$$\Gamma$$
) $ctg\alpha = 1$.

5. Вычислите:

- a) $tg^2\alpha + ctg^2\alpha$, если $tg\alpha ctg\alpha = -3$;
- б) $\frac{6\sin\alpha + 5\cos\alpha}{4\sin\alpha 3\cos\alpha}$, если $tg\alpha = 3$.

<u>Самостоятельная работа № 34-35«</u>Преобразование тригонометрических выражений»

Цель:Знать основные формулы тригонометрии, уметь использовать полученные знания при преобразовании тригонометрических выражений.

Методические рекомендации

Используя методические рекомендации к Самостоятельной работе N = 30 выполните практическую работу.

1 вариант

- 1) Упростите выражение:
- $4 \sin^2 2x 9 + 4\cos^2 2x$.
- 1) -1; 2)-5; 3) 5; 4) 13.
- 2) Найдите tg β , если sin $\beta = 1/\sqrt{10}$ и

 $\pi < \beta < 3 \pi/2$.

- 1) -1/3; 2) 3/10; 3) 1/3; 4) $3/\sqrt{10}$.
- 3) Найдите значение выражения:

 $7\cos(\pi + \alpha) - \sin(3\pi/2 + \alpha)$, если $\cos\alpha = 0.6$.

- 1) 4cosa; 2) 3,6; 3) -3,6; 4) sina.
- 4) Упростите выражение:
- $(1 + \cos 2\alpha) : (1 \cos 2\alpha).$
- 1) $tg^2\alpha$; 2) $1/\sin 2\alpha$; 3) $ctg 2\alpha$; 4) $ctg^2\alpha$.
- 5) Вычислите: $\sin(-19\pi/6) + \sin \pi/8 \cdot \cos \pi/8$.
- 1) $\sqrt{2/2}$; 2) 1; 3) $(-2 + \sqrt{2})/4$; 4) $(2 + \sqrt{2})/4$.

2 вариант

1) Найдите значение выражения:

 $5\sin^2 3x - 6$,если $\cos^2 3x = 0$,6.

- 1) 2,8; 2) -3; 3) 8; 4) -4.
- 2) Найдите tga, если $\cos \alpha = 1/\sqrt{5}$ и

 $0 < \alpha < \pi/2$.

- 1) $1/\sqrt{5}$; 2) 2; 3) $\frac{1}{2}$; 4) $\sqrt{5}$.
- 3) Упростите выражение:

 $\sin(3\pi/2 - \alpha) \cdot \cos(\pi/2 + \alpha) + \sin(2\pi - \alpha) +$ $+ \cos(3\pi/2 + \alpha) + \cos\alpha \cdot \sin\alpha.$

- 1) $-2\sin\alpha$; 2) $\sin 2\alpha$; 3) 0; 4) $2\cos \alpha$.
- 4) Найдите значение выражения:

 $(tg\alpha + ctg\alpha)^2 - 2$ при $\alpha = -\pi/4$.

- 1) -2; 2) 2; 3) -1; 4) 0.
- 5) Вычислите: $(\sin 75^{\circ} + \sin 45^{\circ})$: $\sin 285^{\circ}$.
- 1) $\sqrt{3}$; 2) $\sqrt{3/2}$; 3) 3; 4) $\sqrt{3}$.

<u>Самостоятельная работа № 36</u> «Обратные тригонометрические функции.»

Цель: Научиться находить обратные тригонометрические функции с помощью таблицы тригонометрических функций.

Методические рекомендации

Используя методические рекомендации к Самостоятельной работе №30 выполните практическую работу.

1 вариант

- 1. Вычислите:
 - a) $\arcsin \frac{\sqrt{2}}{2} + \arcsin (-1) 2 \arcsin 0;$
 - 6) $\arcsin\left(\operatorname{ctg}\frac{\pi}{4}\right)$;
 - B) $\cos \left(\arcsin\left(-\frac{1}{2}\right) \arcsin 1\right)$.
 - 1. Вычислите
 - a) $arcctg(-1) + arctg(\frac{\sqrt{3}}{3}) arcctg(0)$;
 - 6) ctg $\left(\arccos \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$; B) arctg $(\cos \pi)$.

2 вариант

- 1. Вычислите:
 - a) $\arcsin\left(-\frac{1}{2}\right) + \arcsin\frac{\sqrt{2}}{2} \arcsin\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$;
 - 6) $\arcsin\left(\sqrt{2}\sin\frac{\pi}{6}\right)$;
 - B) $\sin \left(\arccos \left(-1 \right) + \arcsin \frac{\sqrt{3}}{2} \right)$.
 - 2.Вычислите
 - a) $\operatorname{arcctg}\left(-\frac{\sqrt{3}}{3}\right) + \operatorname{arctg}(-1) \operatorname{arcctg} 0;$
 - 6) cos (arcctg $\sqrt{3}$); B) arctg $\left(\operatorname{ctg} \frac{2\pi}{3}\right)$.

<u>Самостоятельная работа № 37 «</u>Определение арккосинуса.»

Цель:Выучить определение арккосинуса..

Методические рекомендации

Используя теоретический материал (3-10 кл, стр. 117) выучить определение арккосинуса.

<u>Самостоятельная работа № 38 «</u>Определение арксинуса.»

Цель:Выучить определение арксинуса..

Методические рекомендации

Используя теоретический материал (3-10 кл, стр. 117) выучить определение арксинуса.

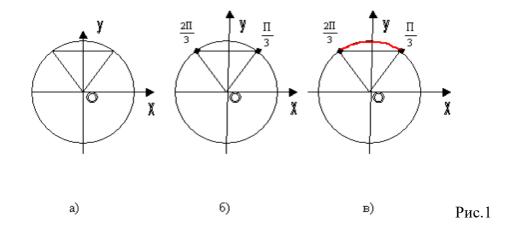
<u>Самостоятельная работа № 39«</u>Решение тригонометрических неравенств.»

Цель: Составить и выучить алгоритм решения тригонометрических неравенств.

Методические рекомендации

- 1. Алгоритм решения тригонометрических неравенств.
 - 1) На оси ординат единичной окружности отмечаем точку, соответствующую значению а (примерно).
 - 2) Через полученную точку проводим прямую параллельно другой оси системы координат до пересечения с окружностью (Точки пересечения можно соединить с центром окружности).
 - 3) На единичной окружности в точках пересечения записываем числа, соответствующие этим точкам.
 - 4) Мысленно перемещаем нашу прямую параллельно оси координат в зависимости от значения а.
 - 5) Выделяем штриховкой ту часть дуги единичной окружности, которую перемещающая прямая ее пересекает. Если неравенство строгое, то точки на концах дуги не заштриховываются (выколотые точки).
 - 6) Записываем ответ.
- 2. Рассмотримрешение неравенства sinx>-

Далее по алгоритму учитель на доске, а учащиеся на карточке проводят последовательные операции на единичных окружностях (рис. 1, а, б, в), рассматривая решение неравенства $\sin x > \frac{1}{2}$



$$\left(\frac{\pi}{3} + 2\kappa\pi, \frac{2\pi}{3} + 2\kappa\pi\right), \ \kappa \in \mathbb{Z}$$
 или
$$\frac{\pi}{3} + 2\kappa\pi < x < \frac{2\pi}{3}, \kappa \in \mathbb{Z}$$
 Это и есть ответ.

- 3. Запишите алгоритм решения тригонометрического неравенства в тетрадь
- 4. Теоретический материал: 3-10 кл, стр. 132

<u>Самостоятельная работа № 40-41 «</u>Решение тригонометрических уравнений.»

Цель: Знать методы решения тригонометрических уравнений, формулы для нахождения корней, уметь использовать полученные знания при решении уравнений.

Методические рекомендации

І. Решение простейших тригонометрических уравнений.

Уравнение	Формулы решения	Частные случаи		
$\sin x = a$	при $ a \le 1$ $x = (-1)^k \arcsin a + \pi k$, $k \in \mathbb{Z}$ при $ a > 1$ - решений нет	$\sin x = 0; \ x = \pi k, \ k \in \mathbb{Z}$ $\sin x = 1; \ x = \frac{\pi}{2} + 2\pi k, \ k \in \mathbb{Z}$ $\sin x = -1, x = -\frac{\pi}{2} + 2\pi k,$ $k \in \mathbb{Z}$		
$\cos x = a$	при $ a \le 1$ $x = \pm \arccos a + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$ при $ a > 1$ - решений нет	$\cos x = 0; \ x = \frac{\pi}{2} + 2\pi n, \ n \in z$ $\cos x = 1; \ x = 2\pi n, \ n \in z$ $\cos x = -1; \ x = \pi + 2\pi n, \ n \in z$ $n \in z$		
tgx = a	a - любое число $x = arctga + \pi k$, $k \in \mathbb{Z}$	-		
ctgx = a	a - любое число $x = arcctga + \pi k$, $k \in \mathbb{Z}$	<u>-</u>		

II. Тригонометрические уравнения.

11. Трисопометрические урионения		
Уравнение	Способ решения	Формулы
1. Уравнение содержит только	Уравнение сводится к	$\sin^2\alpha = 1 - \cos^2\alpha$
синусы или косинусы	квадратному	$\cos^2\alpha = 1 - \sin^2\alpha$
(синусы и косинусы) вида	(биквадратному)	$ax^2 + bx + c = 0$
$a\sin^2 f(x) + b\sin f(x) + c = 0$	относительно синуса	$-b+\sqrt{D}$
$a\cos^2 f(x) + b\cos f(x) + c = 0$	(косинуса)	$x = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$
и т.д.		Δα
2. Однородное уравнение I	Деление обеих частей на	$\frac{\sin\alpha}{\cos\alpha} = tg\alpha$
степени вида	$\cos x \neq 0$. Получаем:	$-ig\alpha$ $\cos\alpha$
$a\sin x + b\cos x = 0$	atgx + b = 0	
$(a \neq 0, b \neq 0)$		
3. Однородное уравнение II	Деление обеих частей на	$tg\alpha = \frac{\sin\alpha}{}$
степени вида	$\cos^2 x \neq 0$. Получаем:	$\cos \alpha$
$a\sin^2 f(x) + b\sin f(x)$	$atg^2 f(x) + btgx + k = 0$	

$-\cos f(x) + k\cos^2 f(x) = 0$		$1 + tg^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$
4. Уравнение вида $atgx + bctgx + c = 0$	Уравнение сводится к квадратному относительно тангенса заменой $ctgx = \frac{1}{tgx}$	$tgx \cdot ctgx = 1$ $ctgx = \frac{1}{tgx}$

Используя методические рекомендации выполните практическую работу:

1 вариант

Решите уравнение:

1.
$$\log_5 (3x - 4) = \log_5 (12 - 5x)$$
.

2.
$$\log_3(x^2 + 3x - 7) = 1$$
.

3.
$$\lg(x-1) + \lg(x+1) = \lg(9x+9)$$
.

$$_{4} 2 \log_{4}^{2} x + 5 \log_{4} x - 3 = 0;$$

2 вариант

Решите уравнение:

1.
$$\log_2(4x + 5) = \log_2(9 - 2x)$$
.

2.
$$\log_3(x^2 - 5x - 23) = 0$$
.

3.
$$\lg(x+2) + \lg(x-2) = \lg(5x+10)$$
.

$$4. \log_3^2 x - \log_3 x - 6 = 0;$$

Самостоятельная работа № 42 «Решение тригонометрических систем уравнений»

Цель: Знать методы решения тригонометрических уравнений, формулы для нахождения корней, уметь использовать полученные знания при решении уравнений повышенной сложности.

Метолические рекомендации

При решении систем тригонометрических уравнений мы используем те же методы, что и в алгебре (замены, подстановки, исключения и т.д.), а также известные методы и формулы тригонометрии. Рассмотрим некоторые примеры.

Пример 1. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x + y = \pi/3, \\ \sin x + \sin y = 1. \end{cases}$$
Решение.
$$\begin{cases} x + y = \pi/3, \\ x + y = \pi/3, \\ 2 \sin \frac{x - y}{2} \cos \frac{x - y}{2} = 1, \\ \cos \frac{x - y}{2} \cos \frac{x - y}{2} = 1, \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = \pi/3, \\ x - y = 4\pi k, \end{cases} x = \pi/6 + 2\pi k,$$

$$\begin{cases} x - y = 4\pi k, \\ y = \pi/6 - 2\pi k. \end{cases}$$

Пример 2. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \sin x \cdot \cos y = 0.25, \\ \sin y \cdot \cos x = 0.75. \end{cases}$$

Решение. Складывая и вычитая эти два уравнения, получим:

$$\begin{cases} \sin(x+y) = 1, & x+y = \pi/2 + 2\pi k, \\ \sin(y-x) = 0.5, & y-x = (-1)^n \cdot \pi/6 + \pi n, \end{cases}$$

Рассмотрим отдельно каждую из ветвей второго уравнения:

1)
$$\begin{cases} x + y = \pi / 2 + 2\pi k, & x = \pi / 6 + \pi (k - n), \\ y - x = \pi / 6 + 2\pi n, & y = \pi / 3 + \pi (k + n); \end{cases}$$

2)
$$\begin{cases} x + y = \pi / 2 + 2\pi k, & x = -\pi / 6 + \pi (k - m), \\ y - x = 5\pi / 6 + 2\pi m, & y = 2\pi / 3 + \pi (k + m). \end{cases}$$

Используя методические рекомендации выполните практическую работу:

$$\begin{cases} x + y = \frac{\pi}{2}, \\ \sin x + \sin y = -\sqrt{2} \\ x + y = \pi, \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = \frac{\pi}{2}, \\ \cos x - \cos y = \sqrt{2} \end{cases}$$

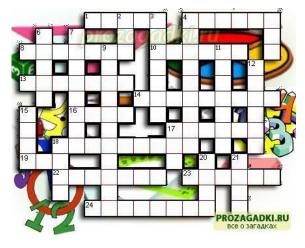
Самостоятельная работа № 43 «Стереометрия.»

Цель: *Развитие интереса к предмету, интуиции, логического мышления*. Кроссворд-это игра, состоящая в разгадывании слов по определениям.

Метолические рекомендации

При выполнении задания воспользуйтесь методическими рекомендациями по составлению кроссворда.

Образец оформления и составления кроссвордов



По горизонтали:

- 1. Сторона прямоугольного треугольника.
- 4. Он есть у функции и последовательности.
- 8. Его штаны равны во все стороны.
- 10. Полный круг вращения.
- 13. Французский математик, специалист теории вероятностей.
- 14. Арифметическое действие.
- Гектар ... площади.
- 17. Часть матрицы.

- 18. Свойство углов.
- 19. Полупрямая.
- 22. Нейтральный элемент относительно умножения.
- 23. Группа повторяющихся цифр в бесконечной десятичной дроби.
- 24. Наибольший общий ...

По вертикали:

- 2. Бублик как математический объект.
- 3. Положение, нуждающееся в доказательстве.
- 4. Поверхность, имеющая 2 измерения.
- 5. Линейное алгебраическое уравнение.
- 6. Тригонометрическая функция.
- 7. Один из двух экстремумов.
- 9. Функция по своей сути.
- 11. Часть прямой.

По горизонтали:

- 12. Линия.
- 15. Геометрическая фигура, образованная двумя лучами.
- 17. Полный квадрат первого двузначного числа.
- 18. Для него необходимы натуральные числа.
- 20. В теории графов: маршрут, все ребра которого различны.
- 21. В теории графов: замкнутый маршрут, все ребра которого различны.

По вертикали:

Ответы:

1	
1-катет;	2-тор;
4-предел;	3-теорема;
8-пифагор;	4-плоскость;
10-оборот;	5-лау;
13-пуассон;	8-синус;
14-умножение;	7-максимум;
16-мера;	9-отображение;

17- строка; 11-отрезок; 18- смежность; 12-кривая; 19-луч; 15-угол; 22-единица; 17- сто; 23-период; 18- счёт; 24-делитель; 20-цепь; 21-шикл.

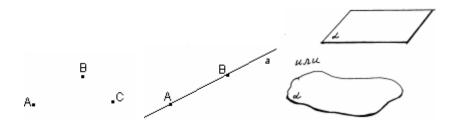
Самостоятельная работа № 44 «Аксиомы стереометрии.»

Цель: Изучить аксиомы стереометрии и их следствия.

Метолические рекоменлации

Основные фигуры в пространстве: точки, прямые и плоскости.

рис. 1 рис. 2 рис. 3



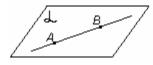
Основные свойства точек, прямых и плоскостей, касающиеся их взаимного расположения, выражены в аксиомах.

А1. Через любые три точки, не лежащие на одной прямой, проходит плоскость, и притом только одна.



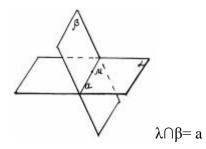
 $A \in \lambda, B \in \lambda, C \in \lambda$ (точки A, B, C лежат в плоскости)

А2. Если две точки прямой лежат в плоскости, то все точки прямой лежат в этой плоскости.



 $AB \subset \lambda$ Прямая а и плоскость λ пересекаются в точке M.

А3. Если две плоскости имеют общую точку, то они имеют общую прямую, на которой лежат все общие точки этих плоскостей.



λи β пересекаются по прямой а.

Следствие 1. Через прямую и не лежащую на ней точку проходит плоскость, и притом только одна.

Следствие 2. Через две пересекающиеся прямые проходит плоскость, и притом только одна.

Задание: Выучите аксиомы стереометрии.

Теоретический материал:Учебник Г-10-11,Стр.3-6

<u>Самостоятельная работа № 45 «</u>Параллельные прямые в пространстве.»

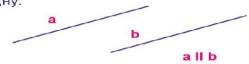
Цель: Знать определение параллельных прямых в пространстве.

Метолические рекоменлации

Определение

Две прямые в пространстве называются параллельными, если они не пересекаются и лежат в одной плоскости.

Значит, через две параллельные прямые можно провести плоскость и только одну.



- 1. Теоретический материал: Учебник Г-10-11, Стр. 3-6
- 2. Записать определение с помощью символьных знаков.

<u>Самостоятельная работа № 46«Доказательство Теоремы о трех перпендикулярах.»</u>

Цель: Знать теорему и доказательство теоремы о трех перпендикулярах.

Методические рекомендации

- 1. Изучите теоретический материал изложенный в учебнике: Учебник Г-10-11,Стр. 42.
- 2. Запишите доказательство теоремы используя символы.

Самостоятельная работа № 47«Двугранный угол».

Форма самостоятельной деятельности: подготовить сообщение или презентацию по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат или презентация должны быть выполнены с соблюдением методических рекомендаций по написанию сообщения или созданию презентации.

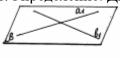
Теоретический материал: Учебник Г-10-11,Стр.47-48.

<u>Самостоятельная работа № 48«</u>Параллельность плоскостей.»

Цель: Знать определение параллельных плоскостей в пространстве.

Метолические рекомендации

1. Определение. Две плоскости называются параллельными, если они не имеют общих точек.





Параллельность плоскостей и обозначается так: ||.

- 2. Запишите определение с помощью символьных знаков.
- 3. Теоретический материал: Учебник Г-10-11,Стр.20.
- 4. Выполните практическую работу:
- 1). Запишите параллельные плоскости параллелепипеда А...D1.
- 2). Верны ли утверждения:

- -1) Через точку, не принадлежащую данной плоскости, проходит единственная плоскость, параллельная данной.
- -2) Если две прямые, лежащие в одной плоскости, соответственно параллельны двум прямым, лежащим в другой плоскости, то эти плоскости параллельны.
- -3) Существует бесконечно много прямых, параллельных данной плоскости и проходящих через точку, не принадлежащую этой плоскости.
- -4) Если одна из двух данных плоскостей параллельна двум пересекающимся прямым, лежащим в другой плоскости, то эти плоскости параллельны.
- 3). Докажите, что две плоскости, параллельные одной и той же третьей плоскости, параллельны между собой.
- 4). Отрезки AB и CD лежат соответственно в параллельных плоскостях а и b (рис. 2). Как могут располагаться относительно друг друга прямые AC и BD? Могут ли они быть параллельными?

<u>Самостоятельная работа № 49-50 «</u>Решение задач на нахождение расстояния между плоскостями.»

Цель: Знать основные формулы на нахождение расстояния между плоскостями и применять их при решении задач.

Методические рекомендации

- 1. Расстояние между плоскостями равно длине перпендикуляра, опущенного с одной плоскости на другую.
- 2. Формула для вычисления расстояния между плоскостями

Если заданы уравнения параллельных плоскостей $Ax + By + Cz + D_1 = 0$ и $Ax + By + Cz + D_2 = 0$, то расстояние между плоскостями можно найти, используя следующую формулу

$$d = \frac{|D_2 - D_1|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}}$$

3. Пример . Найти расстояние между плоскостями 2x + 4y - 4z - 6 = 0 и x + 2y - 2z + 9 = 0.

Решение. Проверим, параллельны ли плоскости, для этого умножим уравнение второй плоскости на 2

$$2x + 4y - 4z + 18 = 0$$

Так как коэффициенты при неизвестных величинах у полученного уравнения и первого уравнения равны, то для вычисления расстояния между плоскостями можно использовать приведенную выше формулу:

$$d = \frac{|18 - (-6)|}{\sqrt{2^2 + 4^2 + (-4)^2}} = \frac{|24|}{\sqrt{36}} = \frac{24}{6} = 4$$

- 4. Оформите решение задачи в тетради.
- 5. Решите задачу, используя методические указания: Найти расстояние между плоскостями 2x + 10y + 3z 2 = 0 и x + y 2z + 1 = 0.

<u>Самостоятельная работа № 51 «</u>Графики элементарных функций.»

Цель: Уметь строить графики элементарных функций.

Методические рекомендации

Используя методические указания к Самостоятельной работе №11 и 13 начертите графики следующих функций:

1)
$$y = x-2$$

3)
$$Y = 2x^2 + 4x$$

2)
$$y = x^2 - 4$$

4)
$$y=3x^3-1$$

<u>Самостоятельная работа № 52«</u>Свойства функции: монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность.»

Цель: *Изучить основные свойства функции: монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность.*

Методические рекомендации

Изучить основные свойства используя теоретический материал учебника A-10, §8, стр.67.

<u>Самостоятельная работа № 53«</u>Промежутки возрастания и убывания»

Цель: Изучить свойство возрастания и убывания функции.

Методические рекомендации

Изучить основные свойства используя теоретический материал учебника A-10, §8, стр.67.

<u>Самостоятельная работа № 55-56 «</u>График степенной функции.»

Цель: Рассмотреть всевозможные степенные функции, начертить их графики.

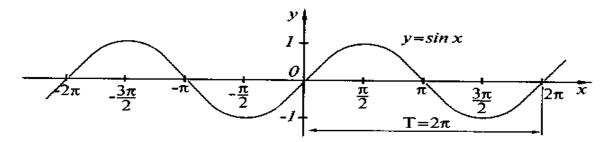
Методические рекомендации

- 1.Используя методические указания к Самостоятельной работе №11 и 13 начертите графики степенных функций.
- 2. Теоретический материал:Учебник А-11, §9, стр.56

<u>Самостоятельная работа № 57 «</u>График функции *y=sinx*»

Цель: Изучить основные свойства функции и начертить график.

Методические рекомендации



Основные свойства функции $y = \sin x$

Область определения функции — множество всех действительных чисел.

Множество значений функции — отрезок [-1; 1], значит, синус — функция ограниченная.

Функция **нечётная**: sin(-x) = -sin x для всех $x \in \mathbb{R}$.

Функция периодическая с наименьшим положительным периодом 2π

 $\sin (x + 2\pi k) = \sin x$, где $k \in \mathbb{Z}$ для всех $x \in \mathbb{R}$.

sin x = 0 πρи $x = \pi k$, $k \in \mathbb{Z}$.

 $\sin x > 0$ (положительная) для всех $x \in (2\pi k, \pi + 2\pi k), k \in \mathbb{Z}$.

 $\sin x < 0$ (отрицательная) для всех $x \in (\pi + 2\pi k, 2\pi + 2\pi k), k \in \mathbb{Z}$. Функция возрастает от -1 до 1 на промежутках:

 $\frac{\pi}{2} + 2\pi k; \frac{\pi}{2} + 2\pi k , k \in \mathbb{Z}$

Функция убывает от 1 до -1 на промежутках: $\left[\frac{\pi}{2} + 2\pi k; \frac{3\pi}{2} + 2\pi k\right], k \in \mathbb{Z}$

$$\left[\frac{\pi}{2} + 2\pi k; \frac{3\pi}{2} + 2\pi k\right], k \in \mathbb{Z}$$

Наибольшее значение функции $\sin x = 1$ в точках:

$$x = \frac{\pi}{2} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$$

Наименьшее значение функции $\sin x = -1$ в точках:

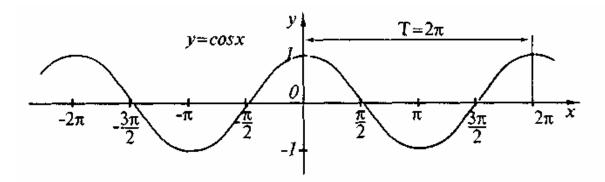
$$x = \frac{3\pi}{2} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$$

- 1. Используя методические рекомен6дации начертите график функции и запишите свойства этой функции.
- 2. Теоретический материал:Учебник А-10, §16, стр. 123

Самостоятельная работа № 58 «График функции *y=cosx* »

Цель: Изучить основные свойства функции и начертить график.

Метолические рекоменлации



Основные свойства функции y = cos x

Область определения функции— множество всех действительных чисел $x \in \mathbf{R}$.

Множество значений функции— отрезок [-1; 1], эначит, косинус— функция **ограниченная**

Функция **чётная** $\cos{(-x)} \simeq \cos{x}$ для всех $x \in \mathbf{R}$. График функции симметричен относительно оси *OY*.

Функция **периодическая** с наименьшим положительным периодом 2π .

 $\cos(x + 2\pi k) = \cos x$, где $k \in \mathbb{Z}$ для всех $x \in \mathbb{R}$.

$$\cos x = 0$$
при $x = \frac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$.

$$\cos x > 0$$
для всех $x \in \left(-\frac{\pi}{2} + 2\pi k; \frac{\pi}{2} + 2\pi k\right), k \in \mathbb{Z}$.

$$\cos x < 0$$
для всех $x \in \left(\frac{\pi}{2} + 2\pi k; \frac{3\pi}{2} + 2\pi k\right) k \in \mathbb{Z}$.

Функция возрастает от -1 до 1 на промежутках: $[-\pi + 2\pi k; 2\pi k], k \in \mathbb{Z}$.

Функция убывает от 1 до -1 на промежутках: $[2\pi k; \pi + 2\pi k], k \in \mathbf{Z}.$

Наибольшее значение функциисов x = 1, в точках: $x = 2\pi k$; $k \in \mathbb{Z}$.

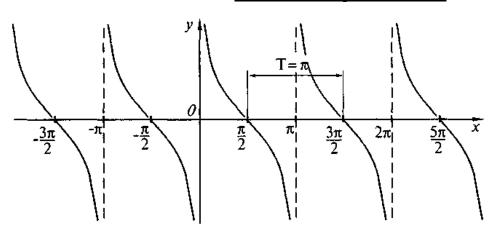
Наименьшее значение функциисов x = -1, в точках: $x = \pi + 2\pi k$, $k \in \mathbf{Z}$.

- 1. Используя методические рекомен6дации начертите график функции и запишите свойства этой функции.
- 2. Теоретический материал:Учебник А-10, §16, стр.123

<u>Самостоятельная работа № 59 «</u>График функции*y= ctgx*»

Цель: Изучить основные свойства функции и начертить график.

Методические рекомендации



Основные свойства функции y = ctg x

Область определения функции — множество всех действительных чисел, кроме чисел $\pi k, k \in \mathbf{Z}$.

Множество значений — вся числовая прямая, таким образом, котангенс — функция **неограниченная**,

Функция **нечётная**: ctg(-x) = -ctg x для всех x из области определения.

Функция **периодическая** с наименьшим положительным периодом π , τ . e. ctg $(x + \pi k) = \operatorname{ctg} x, k \in \mathbb{Z}$, для всех x из области определения.

ctg x = 0 при
$$x = \frac{\pi}{2} + \pi k$$
, $k \in \mathbb{Z}$.

$$\operatorname{ctg} x \ge 0$$
 для всех $x \in \left(\pi k; \frac{\pi}{2} + \pi k\right) k \in \mathbb{Z}$.

ctg x < 0 для всех
$$x \in \left(-\frac{\pi}{2} + \pi k; \pi k\right) k \in \mathbf{Z}$$
.

Функция убывает на каждом из промежутков (πk ; $\pi + \pi k$), $k \in \mathbb{Z}$.

- 1. Используя методические рекомен6дации начертите график функции и запишите свойства этой функции.
- 2. Теоретический материал:Учебник А-10, §16, стр. 123

<u>Самостоятельная работа № 60«</u>Графики обратных тригонометрических функций.»

Цель: Изучить графикиобратных тригонометрических функций.

Форма самостоятельной деятельности: подготовить сообщение или презентацию по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат или презентация должны быть выполнены с соблюдением методических рекомендаций по написанию сообщения или созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 61«</u>График логарифмической функции.»

Цель: Изучить основные свойства функции и начертить график.

Методические рекомендации

Функция $y = \log_a x$, где a - 3аданное число, a > 0, $a \ne 1$, называется логарифмической функцией.

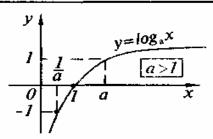
Свойства логарифмической функции $y = \log_a x$

- 1. Область определения функции множество всех положительных чисел (x > 0).
- 2. Область значений функции множество *R* всех действительных чисел.
- 3. Монотонность функции:

если a > 1, то функция является возрастающей; если 0 < a < 1, то функция является убывающей.

4. Промежутки постоянного знака:

Значения аргумента	a > 1	0 < a < 1
0 < x < 1	y < 0	y > 0
x > 1	y > 0	y < 0



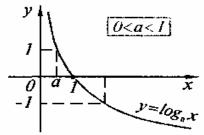
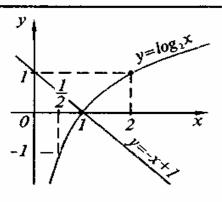


График логарифмической функции $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ расположен правее оси ОУ и проходит через точку (1; 0).

Пример. Решить графически уравнение $\log_2 x = -x + 1$

Решение. Построим графики функций $y = \log_2 x$ и y = -x + 1 на одной координатной плоскости. Графики этих функций пересекаются в точке с абсциссой x = 1. Проверка показывает, что x = 1 — корень данного уравнения.



- Ответ: x = 1
- 1. Используя методические рекомен6дации начертите график функции и запишите свойства этой функции.
- 2. Теоретический материал:Учебник А-11, §15, стр. 105.
- 3. Изучив методические рекомендации, выполните задание:

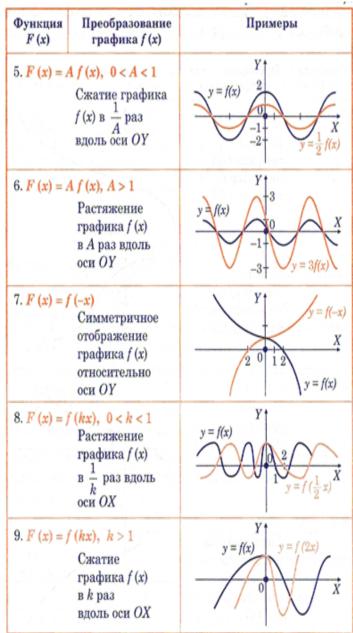
<u>Самостоятельная работа № 62-63 «Домашняя контрольная работа.</u>(Преобразования графиков)» Цель: Изучить основные преобразования графиков функции.

Методические рекомендации

График функции f(x) — множество точек координатной плоскости с координатами (x; f(x)), где $x \in D(f)$.

! Зная график функции f(x), можно построить графики функций |f(x)|, f(|x|), Af(ax+b)+B, где $a,b,A,B\in R$, и т.п.

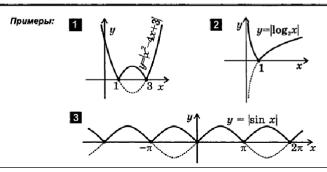
Функция <i>F</i> (x)	Преобразование графика f (x)	Примеры
1. F(x) = f	(x) + b Перенос графика f (x) на вектор (0; b) вдоль оси OY	Y = ((x) + 2) $y = ((x) + 2)$ $y = ((x) + 2$
2. F(x) = f	Перенос графика <i>f</i> (<i>x</i>) на вектор (– <i>a</i> ; 0) вдоль оси <i>OX</i>	$ \begin{array}{cccc} Y & y & y & y & y & y & y & y & y & y & $
3. F(x) = f	(x + a) + b Перенос графика $f(x)$ на вектор $(-a; b)$	$ \begin{array}{c} Y \\ 0 \\ 1 \\ 3-1) \\ Y = \{(x-3) \\ X \end{array} $
4. F(x) = -	f (x) Симметричное отображение графика f (x) относительно оси OX	y = f(x) $y = -f(x)$



построение графика функции y = |f(x)|

Части графика функции y=f(x), лежащие выше оси x и на оси x, остаются без изменения, а лежащие ниже оси x — симметрично отражаются относительно этой оси (вверх).

3ameuahue. Функция y = |f(x)| неотрицательна (ее график расположен в верхней полуплоскости).



Изучив методические рекомендации, выполните домашнюю контрольную работу.

1.Постройте в одной и той же системе координат графики функций:

$$y=-3x^2$$
; $y=-3x^2-1$; $y=-3(x+2)^2$; $y=-3(x-1)^2+3$.

2. Постройте в одной и той же системе координат графики функций:

$$y=-\frac{1}{x}$$
; $y=-\frac{1}{x+3}$; $y=-\frac{1}{x}+2$; $y=-\frac{1}{x+1}-2$;

$_{3}$. Постройте график функции $y = \sin x - 1$;

4. Постройте график функции: y = 2|x|

5. Постройте график функции: $y = 2\sin(-2x)$.

<u>Самостоятельная работа № 64«</u>Развертки параллелепипеда, призмы, куба.»

Цель: *Закрепить понятие многогранника при изготовлении моделей, используя развертки*. Форма самостоятельной деятельности: изготовление моделей многогранников.

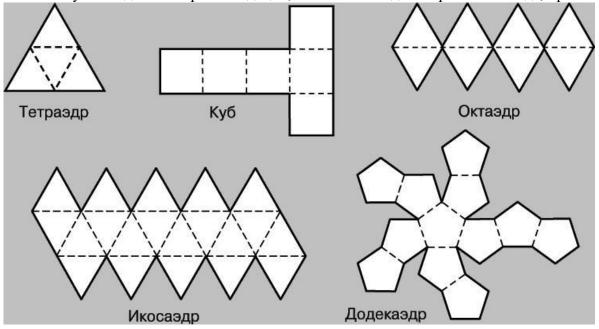
Метолические рекоменлации

Одним из способов изготовления правильных многогранников является способ с использованием, так называемых, развёрток.

Если модель поверхности многогранника изготовлена из гибкого нерастяжимого материала (бумаги, тонкого картона и т. п.), то эту модель можно разрезать по нескольким рёбрам и развернуть так, что она превратится в модель некоторого многоугольника. Этот многоугольник называют развёрткой поверхности многогранника. Для получения модели многогранника удобно сначала изготовить развёртку его поверхности. При этом необходимыми инструментами являются клей и ножницы. Модели многогранников можно сделать, пользуясь одной разверткой, на которой будут расположены все грани. Однако в этом случае все грани будут одного цвета.

1.Используя методические рекомендации, изготовьте модели изученных вами многогранников.





<u>Самостоятельная работа № 65«Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера.</u>

Леонард Эйлер.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

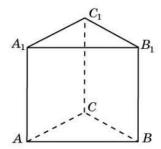
Самостоятельная работа № 66«Призма.»

Цель: Изучить определение призмы и составить схему « Виды призмы»

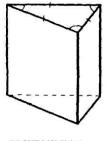
Методические рекомендации

ПРЯМАЯ ПРИЗМА

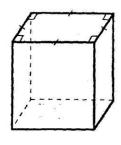
Призма называется прямой, если её боковые грани — прямоугольники.



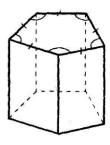
На рисунке изображена прямая треугольная призма, ABB_1A_1 — прямоугольник.



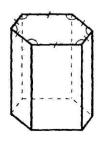
треугольная



четырехугольная



пятиугольная



шестиугольная

- 1.Используя методические рекомендации, составьте схему «Виды призм». В схеме должны быть использованы чертежи.
- 2. Теоретический материал:Учебник Г-10-11,Стр.59.

<u>Самостоятельная работа № 67«</u>Правильная призма.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

Теоретический материал: Учебник Г-10-11, Стр. 59.

Самостоятельная работа № 68 «Куб.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 69 «</u>Пирамида и история.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 70 «</u>Решение задач по теме «Пирамида»

Цель: *Научиться выполнять грамотно чертеж пирамиды и приобрести навык в оформлении и решении задач.*

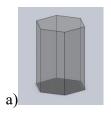
Методические рекомендации

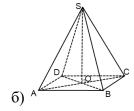
1. Алгоритм построения изображения пирамид

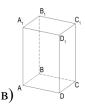
- 1) Построить изображение основания пирамиды.
- 2) Построить изображение точки пересечения высоты пирамиды с плоскостью основания.
- 3) Построить изображение высоты пирамиды.
- 4) Выбрать на высоте точку вершины пирамиды.
- 5) Построить изображение ребер.

2. Выполните задания, используя алгоритм построения пирамиды:

- 1. Изобразите правильную треугольную пирамиду и ее высоту.
- 2. Изобразите правильную четырехугольную пирамиду и ее высоту.
- 3. У правильной пирамиды все ребра равны по 4 см. Вычислите поверхность пирамиды.
- 4. Укажите соответствие между чертежом геометрического тела и его названием и заполните таблицу ответов







- 1) Пирамида
- 2) Параллелепипед
- 3) Призма

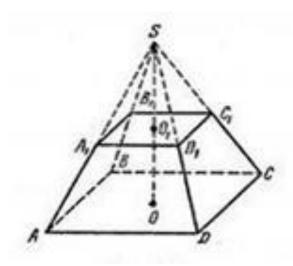
<u>Самостоятельная работа № 71 «</u>Усеченная пирамида.»

Цель: Приобрести навык в грамотном построении чертежа усеченной пирамиды.

Методические рекомендации

1. Алгоритм построения изображения усеченной пирамиды

- 1) Построить изображение основания пирамиды.
- 2) Построить изображение точки пересечения высоты пирамиды с плоскостью основания.
- 3) Построить изображение высоты пирамиды.
- 4) Выбрать на высоте точку вершины пирамиды.
- 5) Построить изображение ребер.
- 6) Используя параллельное проектирование построить второе основание на ребрах пирамиды.
- 7) Лишнее построение убрать с помощью ластика или оставить в пунктирной форме.
- 8) Обозначить пирамиду.



2. Исходя из методических рекомендаций, построить чертежи:

- 1) Правильная треугольная усеченная пирамида;
- 2) Пятиугольная усеченная пирамида.

<u>Самостоятельная работа № 72 «</u>Сечения многогранников»

<u>Самостоятельная работа №73 «</u>Правильные многогранники. Полуправильные многогранники» <u>Самостоятельная работа №7 4«</u>Предел последовательности»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа №7 5«</u>Предел последовательности»

Цель: Знать определение последовательности и способы ее задания. Иметь понятие о пределе последовательности, бесконечно убывающей геометрической последовательности и ее сумме.

- 1. Изучив тему, письменно ответьте на вопросы:
- 1⁰. Сформулируйте определение последовательности.
- 2⁰. Перечислите способы задания последовательности.
- 3⁰. Сформулируйте определение предела последовательности.
- 4⁰. Дайте понятие бесконечно убывающей геометрической прогрессии и ее сумме.

<u>Самостоятельная работа №76-79 «Вычисление пределов последовательности.»</u>

Цель: Сформировать навыки вычисления различных пределов переменных величин.

- 1. Контрольные вопросы
- а) дать определение предела переменной величины;
- б) перечислить свойства пределов;
- в) дать определение б.м. и б.б. величин;
- г) даны величины: $\frac{1}{a}$; a^2 ; $\frac{1}{a^3+1}$; a^4+3 . Предел каких величин

равен 0 при $a \rightarrow \infty$?

2. Вычислить пределы:

1)
$$\lim_{x\to 1} (4x + 3x^2 - 1);$$

9)
$$\lim_{x\to -1} (8x-6)$$
;

2)
$$\lim_{x \to -2} (3x - 4x^2)$$
;

10)
$$\lim_{x\to 7} \frac{49-x^2}{7-x}$$
;

3)
$$\lim_{x\to 5} \frac{25-x^2}{5-x}$$
;

11)
$$\lim_{x\to 2} \frac{x^2 + 3x - 10}{x - 2}$$
;

4)
$$\lim_{x\to 2} \frac{x^2+x-6}{x}$$
;

12)
$$\lim_{x \to 11} \frac{121x - x^3}{11 - x}$$
;

5)
$$\lim_{x\to 3} \frac{x^3 - 9x}{x}$$
;

13)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{4x-3+2x^4}{4x^4-5}$$
;

6)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{x^5 + 8x^2 - 3}{4x + 3x^5}$$
;

7)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{4x^2 - x}{x}$$
;

14)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{x^2 + 3x}{x}$$
;

$$8) \lim_{x\to\infty}\frac{4x+5}{x};$$

15)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{8 - 3x}{x}$$
.

<u>Самостоятельная работа № 80-81 «</u>Вычисление производной»

Цель: Уметь применять правила дифференцирования и основные формулы при решении примеров. Методические рекомендации

Правила.

1.
$$(U \pm \vartheta)' = U' \pm \vartheta'$$

2.
$$(U \cdot \vartheta)' = U' \cdot \vartheta + U \cdot \vartheta'$$

3.
$$\left(C \cdot f(x)\right)' = C \cdot f'(x)$$

$$4. \left(\frac{U}{9}\right)' = \frac{U' \cdot 9 - U \cdot 9'}{9^2}$$

Производные основных элементарных функций.

1.
$$C' = 0$$

2.
$$x' = 0$$

3.
$$(x^n)' = n \cdot x^{n-1}, \ n \neq 0$$

$$10. \left(tgx\right)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$4. \left(e^x\right)' = e^x$$

$$11. \left(ctgx \right)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$$

5.
$$(\ln x)' = \frac{1}{x}$$

12.
$$(\arcsin x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$6. \left(a^x\right)' = a^x \cdot \ln a$$

13.
$$(\arccos x)' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$7. \left(\log_a x\right)' = \frac{1}{x \cdot \ln a}$$

14.
$$(arctgx)' = \frac{1}{1+x^2}$$

$$8. \left(\sin x\right)' = \cos x$$

15.
$$(arcctgx)' = -\frac{1}{1+x^2}$$

$$9. \left(\cos x\right)' = -\sin x$$

Используя методические рекомендации ,выполните следующий тест. Внимательно будьте при записи

А1. Найдите производную функции $y = 4x^3$.

1)
$$12x^2$$

3)
$$4x^2$$

4)
$$12x^3$$

А2. Найдите производную функции y = 6x - 11.

$$y = 6x - 11$$

A3. Найдите производную функции y=

$$x-1$$
 y
 x

1)
$$-\frac{1}{x^2}$$
 2) $\frac{x-1}{x^2}$ 3) $\frac{2x+1}{x^2}$ 4) $\frac{1}{x^2}$

A4. Найдите производную функции $y = x \sin x$.

1) $\sin x - x \cos x$ 2) $\sin x + x \cos x$ 3) $\cos x$ 4) $x + x \cos x$

А5. Найдите производную функции $y = x^2 + \sin x$ в точке $x_0 = \pi$.

1)
$$\pi^2 - 1$$

2)
$$2\pi + 1$$

3)
$$2\pi - 14$$
) 2π

А6. Вычислите значение производной функции $y = \frac{x^4}{2} - \frac{3x^2}{2} + 2x$ в точке $x_o = 2$.

1) 10

A7. Найдите производную функции $y = \sin(3x+2)$

1)
$$\cos(3x+2)$$

2)
$$-3\cos(3x+2)$$
 3) $3\cos(3x+2)$ 4) $-\cos(3x+2)$

3)
$$3\cos(3x+2)$$

4)
$$-\cos(3x+2)$$

А8. Вычислите значение производной функции $y = 3x^2 - 12\sqrt{x}$ в точке $x_o = 4$. 1) 21 2) 24 3) 0 4) 3,5

А9. Вычислите значение производной функции $y = \frac{1}{2}tg(4x - \pi) + \frac{\pi}{4}$

 $_{\rm BTO^4Ke} \ x = \frac{\pi}{1} \ .$

1) 2 2)
$$\frac{\pi}{4}$$
 3) 4 4) $\frac{\pi}{2}$

A10. Найдите производную функции $y = x^2 \cos x$

1) $2x\sin x$ 2) $-2x\sin x$ 3) $2x\cos x + x^2\sin x$ 4) $2x\cos x - x^2\sin x$

В1. Вычислите значение производной функции $y = 14\sqrt{2x-3}$

В2. Найдите значение x, при которых производная функции $y = \frac{x-2}{x^2}$ равна θ .

<u>Самостоятельная работа № 82 «Решение задач по нахождению производных</u>.»

Цель: сформировать навыки применения таблицы производных и правил дифференцирования для решения задач.

Используйте методические рекомендации к Самостоятельной работе N = 80, выполните практическую

- 1. Контрольные вопросы
- а) чему равна производная тригонометрических функций?
- б) вычислить y', если $y = x^6 + 8x 1$;

$$y = 5\cos x - 16x^2 + \frac{1}{3}x^6$$
.

2. Вычислить производную:

1)	$y = \frac{x^3}{1}$;	
	$\frac{y}{2x+4}$	
2)	$y = \frac{\sin x}{};$	

4)
$$y = \frac{x^2}{3 - 4x}$$
;
5) $y = \frac{\cos x}{x}$;

$$2) \quad y = \frac{\sin x}{x};$$

$$5) \quad y = \frac{\cos x}{x} \; ;$$

3)
$$y = \sqrt{x} \cdot \cos x$$
;

$$6) \quad y = \sqrt{x} \cdot \sin x$$

3. Решить уравнение у'=0, если:

1)
$$y = 8x^2 - 4x$$

$$2) \ y = 6x^2 + 2x$$

4. Решить неравенство у'>0, если:

1)
$$y = x^3 - x^4$$
;

3)
$$y = \frac{1}{5}x^5 - \frac{5}{3}x^3 + 6x$$
;

2)
$$y = -4\cos x + 2x$$
;

4)
$$y = -4\sin x + 2x$$
.

Самостоятельная работа № 83 «Решение прикладных задач.»

Цель: Уметь применять определение производной и ее механический смысл к решению прикладных задач.

Метолические рекоменлации

Физический смысл первой производной.

Физический смысл производной заключается в том, что мгновенная скорость движения $\vartheta(t)$ в момент времени t есть производная пути по времени, т.е.

$$\vartheta(t) = \frac{dS(t)}{dt} = S'(t)$$

Физический смысл второй производной.

Ускорение прямолинейного движения в данный момент времени есть первая производная скорости по времени или вторая производная пути по времени.

$$a(t) = \vartheta'(t) = S'(t)$$

Пример.

1. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задана уравнением

$$S = t^3 - 6t^2 - 12t + 3$$
.

В какой момент времени ускорение движения точки будет равно 24 м/с²?

Решение.

а) Найдем скорость движения точки по формуле: $\vartheta(t) = S'(t)$

$$9(t) = (t^3 - 6t^2 - 12t + 3)' = 3t^2 - 12t - 12$$

б) Найти ускорение движения точки по формуле: a(t) = 9'(t)

$$a(t) = (3t^2 - 12t - 12)^t = 6t - 12$$

в) Из условия a = 24 м/с², найти момент времени:

$$6t - 12 = 24$$

$$6t = 36$$

$$t = 6 c$$

Ответ: 6 с.

Используя методические указания к Самостоятельной работе №82, выполните практическую работу: 2 вариант

1 вариант

1. Тело движется вверх по закону

$$S(t) = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$$
 с начальной скоростью

$$v_0 = 30 \, \text{м/c}$$
, $g = 9.8 \, \text{м/c}^2$. Через сколько

секунд скорость станет равной 10 m/c?

2. Найдите силу, действующую на тело массой 5кг, движущееся по закону

$$S(t) = \frac{1}{3}t^3 - 2t + 1$$
 в момент времени $t = 3c$.

3. Определить кинетическую энергию точки, массой $m = 2\kappa z$, движущейся по закону

$$S(t) = 3t^2 + 4$$
 в момент времени $t = 2c$.

4. Точка движется попрямой по закону

$$S(t) = 2t^2 - 3t - 1$$
. Найти ускорение точки в

момент времени t = 2c.

1. Тело движется вверх по закону

$$S(t) = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$$
 с начальной скоростью

 $v_0 = 50 \, \text{м/c}, \ g = 9.8 \, \text{м/c}^2$. Через сколько

секунд скорость станет равной 20 m/c.

2. Тело массой 3кг движется попрямой согласно уравнению $S(t) = 2t^3 - 2t + 3$.

Найдите действующую на него силу в момент времени t = 5c.

3. Определить кинетическую энергию точки, массой $m = 3\kappa z$, движущейся по закону

$$S(t) = 5t^2 + 2$$
 в момент времени $t = 3c$.

4. Точка движется попрямой по закону

$$S(t) = 3t^2 + 4t - 2$$
. Найти ускорение точки в момент времени $t = 1c$.

Самостоятельная работа № 84 «Исследование и построение графиков функций.»

Цель: Научиться применять производную для исследований функций на монотонность и экстремумы.

Методические рекомендации

В этой работе можно использовать методические рекомендации к Самостоятельной работе №80. Ответьте на теоретические вопросы:

<u>I вариант</u>	<u>II вариант</u>			
1. Контрольные вопросы				
а) что такое интервалы монотонности?				
б) что такое тах и тіп для функции?				
в) вспомнить алгоритм исследова	ния функции на экстремумы.			

- 2. Записать обшую схему исследования функции для построения графиков:
- 1) найти область определения;
- 2) определить свойства функции и точки пересечения с осями координат, если можно;
- 3) исследовать на монотонность и составить схему;
- 4) определить экстремумы и значение функции в них;
- 5) найти дополнительно несколько точек;
- 6) построить график функции
- 3. Используя данные о производной у', приведенные в таблице, ответить на вопросы:
- а) промежутки возрастания;
- б) промежутки убывания;
- в) точки максимума;
- г) точки минимума.

-		П		•							
гивиц	риа		x	(-∞;- 5)	5	(-5;- 2)	-2	(-2;8)	8	(8;+∞)	
	1 82		<i>y</i> ′	+	0	-	0	+	0	+	

Ĺ		1				
риан	x	(- ∞;2)	2	(2;3)	3	(3;+∞)
Пва	<i>y</i> '	+	0	1	0	+

^{4.} Используя вышеизложенную схему, исследовать и построить график функции:

<u>Самостоятельная работа №85 «</u>Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.»

Цель: научиться применять производную для отыскания наибольших и наименьших значений величин. Методические рекомендации

Правило нахождения наибольшего и наименьшего значений функции f(x) на отрезке [a;b]

Чтобы найти наибольшее и наименьшее значения непрерывной функции f(x) на промежутке [a;b], нужно

- 1. вычислить её значения f(a) и f(b) на концах данного промежутка
- 2. вычислить её значения в критических точках, принадлежащих этому промежутку
- 3. выбрать из них наибольшее и наименьшее.

Записывают так: **max f(x) и min f(x)**

[a;b] [a;b]

Используя методические рекомендации, выполните практическую работу:

<u> I вариант</u>	<u> II вариант</u>					
1. Контрольные вопросы						
а) что такое критические точки ф	ункции?					
б) что такое экстремумы функци	и?					
2. Решить задачу:						
	3) Разность двух чисел равна					
1) Сумма двух целых чисел	10. Найти эти числа, если					
равна 24. Найти эти числа, если известно, что их произведени						
их произведение принимает	принимает наименьшее					
наибольшее значение.	значение.					
2) Площадь прямоугольника	4) Площадь прямоугольника					
составляет 16 см ² . Каковы его	составляет 64 см ² . Каковы					
размеры, если периметр	должны быть его размеры,					
принимает наименьшее	чтобы периметр					
значение.	прямоугольника был					
	наименьший?					

<u>Самостоятельная работа № 86 «</u>Применение производных.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа №87-88 «</u>Вычисление первообразной.»

Цель: Уметь применять правила и основные формулы при решении примеров.

Методические рекомендации

Правила нахождения первообразных:

Пусть F(x), G(x) — первообразные для функций f(x) и g(x) соответственно, a, b, k постоянные, $k \neq 0$. Тогда:

F(x) + G(x) — первообразная для функции f(x) + g(x);

aF(x) — первообразная для функции af(x);

 $rac{1}{k}F(k\!x\!+\!b)$ — первообразная для функции $f(k\!x\!+\!b)$.

Формула Ньютона-Лейбница: $\int\limits_{a}^{b}f(x)dx=F(b)-F(a)\;.$

Таблица первообразных

Ne	Функция	Первообразная
1	f(x) = k	F(x) = kx
2	f(x) = x'	$F(x) = \frac{x^{r+1}}{r+1}$
3	$f(x)=\frac{1}{x}$	$F(x) = \ln x $
4	$f(x) = e^x$	$F(x) = e^x$
5	$f(x) = a^x$	$F(x) = \frac{a^x}{\ln a}$
6	$f(x) = \sin x$	$F(x) = -\cos x$
7	$f(x) = \cos x$	$F(x) = \sin x$
8	$f(x) = \frac{1}{\sin^2 x}$	$F(x) = -\operatorname{ctg} x$
9	$f(x) = \frac{1}{\cos^2 x}$	$F(x) = \operatorname{tg} x$
10	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$F(x) = \arcsin x$
11	$f(x) = \frac{1}{1+x^2}$	$F(x) = \operatorname{arctg} x$

Вариант 1

Найдите первообразную для следующих функций:

A)
$$f(x) = \sqrt{3}$$
;

Б)
$$f(x) = x$$
;

B)
$$f(x) = \frac{1}{x}$$
;

$$\Gamma$$
) $f(x) = 2^{2} - x^{4} + 3x$

B)
$$f(x) = \frac{1}{x}$$
,
 Γ) $f(x) = 2 - x^4 + 3x$;
 Π) $f(x) = \frac{1}{\cos^2 x} - \frac{2}{3}$;

E)
$$f(x) = (4x -)^2$$
;

$$\mathbb{K}$$
) $f(x) = (\frac{\pi}{2} 6x)$.

2. Найдите первообразную для следующих функций, проходящую через точку М:

A)
$$f(x) = 3x^2 - 8x^3 + 5$$
, $M(-2; 10)$;

Вариант 2

Найдите первообразную для следующих функций:

A)
$$f(x) = \frac{1}{x}$$
;

Б)
$$f(x) = x$$
;

B)
$$f(x) = \frac{1}{x}$$
:

B)
$$f(x) = \frac{1}{x}$$
;
 Γ) $f(x) = \frac{1}{x} + 8x^3 - \sqrt{7}$;

$$\Pi$$
) $f(x) = 4 + x$

E)
$$f(x) = (2 - x)^{4}$$

Д)
$$f(x) = 4 + x$$
;
E) $f(x) = (2 - x)^{4}$;
Ж) $f(x) = \frac{1}{\sin^{2}(4x - x^{2})}$

2. Найдите первообразную для следующих функций, проходящую через точку М:

A)
$$f(x) = 4x^3 + 10x - 9$$
, M(3; 15);

Б)
$$f(x) = -8 \cos x$$
, $M(\frac{1}{6})$. Б) $f(x) = \frac{6}{\cos^2 x}$, $M(\frac{1}{4})$. Самостоятельная работа №89 «История появления неопределенного интеграла.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа №90 «</u>Определённый интеграл.»

Цель: сформировать навык вычисления определенного интеграла.

Методические рекомендации

Используя таблицу интегралов выполните практические работы:

$$1) \int dx = x + C;$$

2)
$$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + c, n \neq -1$$

$$3) \int \frac{dx}{x} = \ln|x| + C;$$

$$4) \int e^{\pi} dx = e^{\pi} + C;$$

$$5) \int a^{\pi} dx = \frac{a^{x}}{\ln a} + C;$$

6)
$$\int \sin x \, dx = -\cos x + C$$
;

7)
$$\int \cos x \, dx = \sin x + C$$
;

8)
$$\int \frac{dx}{\cos^2 x} = \operatorname{tg} x + C;$$

9)
$$\int \frac{dx}{\sin^2 x} = -\operatorname{ctg} x + C;$$

10)
$$\int \frac{dx}{\sqrt{1 \cdot x^2}} = \arcsin x + C = -\arccos x + C,$$
11)
$$\int \frac{dx}{x^2 + 1} = \arctan t g x + C = -\arctan t g x + C,$$

11)
$$\int \frac{dx}{x^2 + 1} = \arctan x + C = -\arctan x + C$$
,

12)
$$\int \frac{dx}{\sqrt{x^2 \pm a^2}} = \ln \left| x + \sqrt{x^2 \pm a^2} \right| + c$$
.

13)
$$\int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}} = \arcsin \frac{x}{a} + c$$

$$14) \int \frac{\mathrm{dx}}{a^2 + x^2} = \frac{1}{a} \operatorname{arctg} \frac{x}{a} + c$$

15)
$$\int \frac{dx}{a^2 - x^2} = \frac{1}{2a} \ln \left| \frac{a + x}{a - x} \right| + c$$

«Заполни пропуски»

$$\int (2x^5 + \frac{2}{x^3} - \frac{3}{x}) dx = \boxed{ *x \Box - \boxed{ } - 3 * \Box + C}$$

$$\int (e^{2x} - \cos 3x) dx = \boxed{ *e^{2x} - \boxed{ * \Box + C}}$$

$$\int (2\sin \frac{x}{5} - 5e^{2x+\frac{1}{3}}) dx = \boxed{ * \Box - \boxed{ *e \Box + C}}$$

$$\int (\frac{2x^4 - 4x^3 + x}{3}) dx = \boxed{ *x \Box - \boxed{ *x \Box + C}}$$

$$\int ((x - 3x)(1 + 2x)) dx = \boxed{ *x \Box - x \Box + C}$$

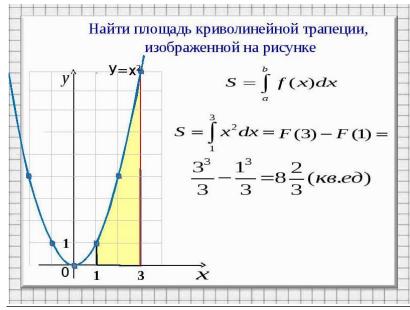
$$\int \sin x \cos x dx = \boxed{ * \Box - x \Box + C}$$

- 1. Контрольные вопросы
- а) что такое определенный интеграл?
- б) в чем заключается его геометрический смысл?
- в) записать формулу Ньютона-Лейбница.

Самостоятельная работа № 91-92 «Вычисление площади.»

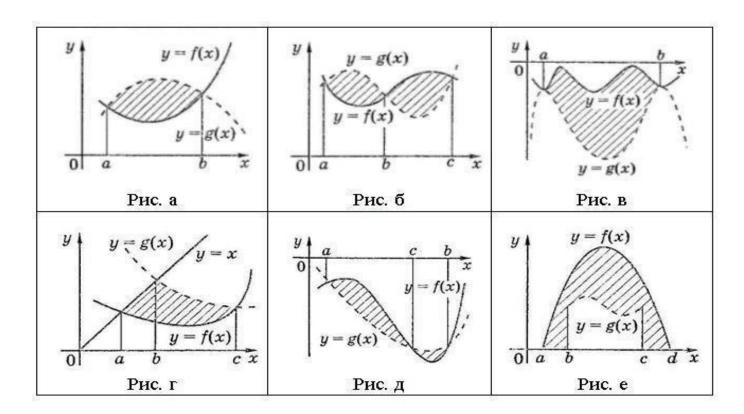
Цель: Сформировать навык вычисления площади криволинейной трапеции с помощью интеграла.

Методические рекомендации

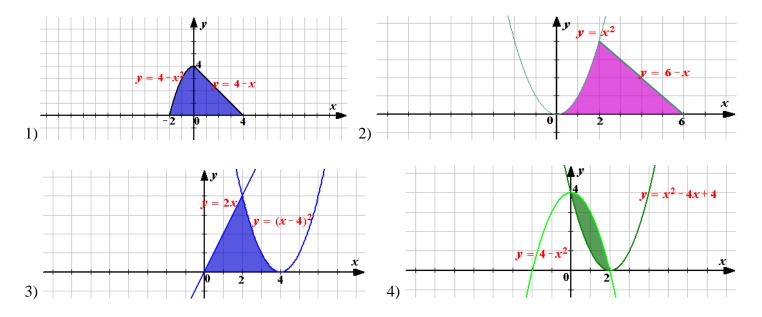


Используя методические указания к Самостоятельным работам №87,90, выполните практическую работу:

Задание 1. Запишите формулы для вычисления площади заштрихованных фигур изображенных на рисунке.



Задание 2. Вычислить площадь заштрихованной фигуры.



Теоретический материал: Учебник А-11 . §21,стр.149.

Самостоятельная работа № 93 «Вычисление интеграла»

Цель: Сформировать навык вычисления интеграла.

Методические рекомендации

Используя методические указания к Самостоятельным работам №87,90, выполните практическую работу:

1. Вычислите неопределенный интеграл.

$$\int \frac{dx}{\sqrt{x^2 + 25}}, \qquad \int \sqrt{x^2 - 16} dx, \qquad \int \sqrt{x^2 - 16} dx, \qquad \int \frac{dx}{\sqrt{x^2 + 25}}, \qquad \int \frac{dx}{\cos^2 x}, \qquad \int \frac{dx}{\cos^2 x}, \qquad \int \frac{dx}{\sin(2x + 3)} dx.$$

2. Вычислите определенный интеграл

1)
$$\int_{0}^{2} x^{3} dx$$

2) $\int_{0}^{2} (6x^{2} - 2x + 5) dx$
3) $\int_{-2}^{0} (3x^{2} - 10) dx$
4) $\int_{0}^{\frac{1}{3}} (3x + 1)^{3} dx$
5) $\int_{-1}^{0} \frac{dx}{(6x - 1)^{4}}$

<u>Самостоятельная работа № 94</u> «Вычисление площади. Решение задач.»

Цель: Сформировать навык вычисления площади криволинейной трапеции с помощью интеграла.

Метолические рекомендации

Используя методические указания к Самостоятельным работам №87,90,91, выполните практическую работу:

paoory.		
А1 Найти 0 С В 2 х	А2 Найти площадь фигуры,	АЗ Найти площадь фигуры,
площадь		ограниченной линиями
фигуры, ограниченной линиями $y=-x^2$, $y=x-2$, $y=0$	ограниченной линиями $y=x^2-2$, $y=x$	$y = 4 - x^2$, $y = x^2 - 2x$
В1. Найти площадь	В2. Найти площадь	ВЗ. Найти площадь
фигуры, ограниченной	фигуры, ограниченной	фигуры, ограниченной
графиками функций	графиками функций	графиками функций
$y=x^2-2x+3, y=3x-1$	$y=x^2$, $y=1+3/4x^2$	$y=4/x^2, x=1, y=x-1$
С1. Найти площадь	С2. Найти площадь	С3. Найти площадь
фигуры, ограниченной	фигуры, ограниченной	фигуры, ограниченной
графиками функций	графиками функций	графиками функций
$y=-x^2+4$, $y=-2/x$, $y=-1-x$	$y=x^2-4$, $y=-2/x$, $y=1-x$	$y = log_3 x, y = 3x, x = 1, y = -3$
1 вариант	2 вариант	3 вариант

<u>Самостоятельная работа № 95 «</u>История интеграла.»

Цель: Развитие интереса к предмету, интуиции, логического мышления.

Кроссворд-это игра, состоящая в разгадывании слов по определениям.

Методические рекомендации

При выполнении задания воспользуйтесь методическими рекомендациями по составлению кроссворда к Самостоятельной работе №43.

Составьте кроссворд по теме: «Интеграл и его история» (20 слов)

Самостоятельная работа № 96 «Вторая производная»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 97-98«</u>Модели тел вращения.»

Цель: Закрепить понятие тел вращения при изготовлении моделей, используя развертки.

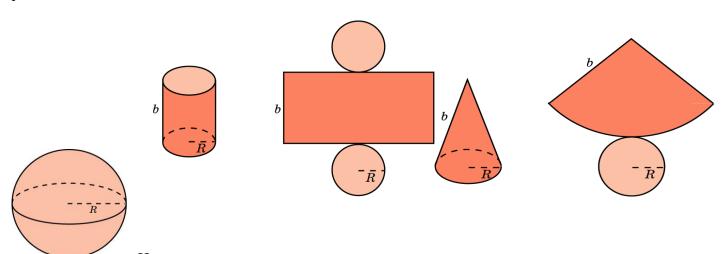
Форма самостоятельной деятельности: изготовление моделей тел вращения.

Методические рекомендации

Одним из способов изготовления тел вращения является способ с использованием, так называемых, развёрток.

Если модель поверхности тела вращения изготовлена из гибкого нерастяжимого материала (бумаги, тонкого картона и т. п.), то эту модель можно разрезать по образующей, отделить основание и развернуть так, чтобы она превратится в модель некоторого многоугольника плюс круг. Эту фигуру называют развёрткой поверхности тела вращения. Для получения модели тела вращения удобно сначала изготовить развёртку его поверхности. При этом необходимыми инструментами являются клей и

ножницы. Модели тел вращения можно сделать, пользуясь одной разверткой, на которой будут расположены все элементы.



Используя развертки тел вращения, изготовьте модели цилиндра и конуса.

<u>Самостоятельная работа № 99-102 «Вычисление площадей поверхности пространственных тел.»</u> Цель: Знать формулы для нахождения площадей поверхностей многогранников и тел вращения.

Методические рекомендации

Основные формулы

	Основные формулы							
№ п/п	Наименование многогранника	Изображение	Площадь боковой и полной поверхности					
1	Куб		$S_{\Pi} = 6a^2$					
2	Прямоугольный параллелепипед		$S_{\Pi} = 2ab + 2ac + 2ac$					
3	Призма		$S_6 = p \cdot H$ $S_\Pi = S_6 + 2S_o$					
4	Пирамида	S B D	$S_{6} = \frac{1}{2}p \cdot h$ $S_{n} = S_{6} + S_{o}$					

Теоретический материал

<u>№</u> п/п	Наименование фигуры	Изображение	Формула площадей полной и боковой поверхности
1	Цилиндр		$S_6 = 2\pi RH$ $S_{\Pi} = 2\pi RH + 2\pi R^2$ $S_o = \pi R^2$
2	Конус	b - R	$S_6 = \pi R l$ $S_{\Pi} = \pi R l + \pi R^2$ $S_o = \pi R^2$
3	Сфера, шар	R	$S_{\Pi} = 4\pi R^2$

Используя методические рекомендации, решите задачи:

1 вариант

- 1. Прямоугольный треугольник с катетами 6 см и 8 см вращается вокруг меньшего катета. Найти площадь боковой и полной поверхностей образованного при этом вращении конуса.
- 2. Образующая конуса равная 10 см наклонена к плоскости основания под углом 30°. Найдите площадь и длину основания конуса.
- 3. Докажите, что площадь полной поверхности равностороннего конуса (осевое сечение равносторонний треугольник) равна площади поверхности шара, имеющего диаметром высоту конуса.
- 4. Прямоугольник со сторонами 12 см и 3 см вращается вокруг большей стороны. Найдите площадь полной поверхности полученного тела вращения.

2 вариант

- 1. Прямоугольный треугольник с катетами 4 см и 3 см вращается вокруг большего катета. Найти площадь боковой и полной поверхностей образованного при этом вращении конуса.
- 2. Образующая конуса равная 20 см наклонена к плоскости основания под углом 60°. Найдите площадь и длину основания конуса.
- 3. Найдите площадь поверхности шара, вписанного в равносторонний цилиндр (осевое сечение квадрат), диагональ осевого сечения которого равна *a*.
- 4. Прямоугольник со сторонами 10 см и 2 см вращается вокруг меньшей стороны. Найдите площадь полной поверхности полученного тела вращения.

<u>Самостоятельная работа № 103 «</u>Виды уравнений .»

Цель: Изучитьосновные виды уравнений.

Методические рекомендации

Виды уравнений

1) Целые рациональные уравнения:

- -линейные
- -квадратные
- -f(x)=0<, где f(x)- многочлен n-ой степени.
- 2) Дробно-рациональные уравнения

$$\frac{f(x)}{g(x)} = f(x) \quad g(x) -$$

3) Иррациональные уравнения

$$\sqrt{f(x)}=a$$
 ,где $f(x)$ –

,a∈ R

4)Тригонометрические уравнения

 $\sin x = a$, $\cos x = a$, $\tan x = a$, $\cot x = a$.

5)Показательные уравнения

$$a^{(x)} = b$$
, где где $f(x)$ —

,
$$a > 0$$
, $a \ne 1$, $b \in R$

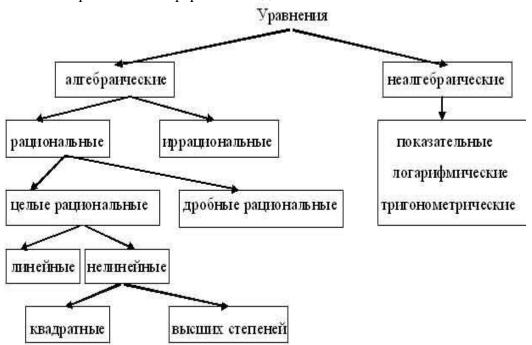
6)Логарифмические уравнения

o
$$f(x) = ,$$
 где $a > 0, a \ne 1, b \in \mathbb{R}, f(x) -$

7) Уравнение с модулем

|f(x)|=a, где $a \in R$

Данный материал можно оформить в виде схемы:



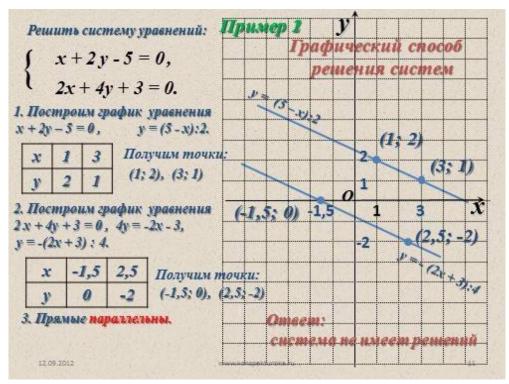
Оформите виды уравнений в виде таблицы.

<u>Самостоятельная работа № 104 «</u>Решение систем уравнений»

Цель :Изучить основные способы решения систем уравнений.



- 1. Запишите в тетрадь схему.
- 2. Рассмотрите пример решения системы уравнений графическим способом.

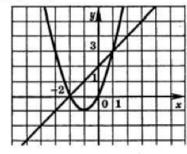


3. Решите данную систему уравнений графическим способом.

$$\begin{cases}
y = x^2 + 2 \\
v = x + 4
\end{cases}$$

4. Выполните задание

На рисунке изображены графики уравнений, составляющих одну из данных систем. Укажите эту систему.



- 1) $\begin{cases} y + (x+1)^2 + 1 = 0 \\ y = 2 0 \end{cases}$
- 2) $\begin{cases} y (x+1)^2 + 1 = 0 \\ y = x 2 = 0 \end{cases}$
- 3) $\begin{cases} y + (x-1)^2 + 1 = 0 \\ y + x + 2 = 0 \end{cases}$
- 4) $\begin{cases} y (x-1)^2 1 = 0 \\ y + x 2 = 0 \end{cases}$

Теоретический материал: Учебник A-11, . §27,стр.211

<u>Самостоятельная работа № 105 «</u>Основные методы решения рациональных уравнений.»

Цель :Изучить основные способы решения рациональных уравнений.

Методические рекомендации

Если обе части уравнения являются рациональным выражением, то такое уравнение называют рациональным уравнением.

Рациональные уравнения

Целые рациональные уравнения

$$\frac{2x+3}{5} = 5x;$$

$$x^2 + 6x + 8 = 0$$
;

$$\frac{x+5}{4} = \frac{x-9}{6}.$$

Дробно-рациональные уравнения

$$\frac{2x+3}{5+x} = 4x;$$
$$\frac{x^2 + 6x + 8}{x+2} = 0;$$

$$\frac{x+5}{4x} = \frac{x-9}{6}.$$

1.
$$\frac{x}{2} + \frac{7-x}{3} = \frac{1}{6} + x$$

2.
$$\frac{2x-1}{3x+7} = 0$$

3.
$$\frac{x-4}{2x+1} = \frac{x-9}{x}$$

4.
$$x^2 - \frac{1}{3}x - 2 = 0$$

5.
$$x - \frac{5}{x} = -3x + 19$$

6.
$$\frac{x^2-9x}{x+3} = \frac{36}{x+3}$$

7.
$$\frac{5x-8}{x-1} = \frac{14x+12}{3x+5}$$

8.
$$\frac{1}{x-4} - \frac{1}{x+6} = \frac{5}{28}$$

9.
$$\frac{14}{x^2 - 2x} - \frac{21}{x^2 + 2x} = \frac{5}{x}$$

Пример:

$$\frac{X}{X-2} - \frac{5}{X^2 - 4} = 2$$

Решение

$$\frac{X(X+2)}{X-2} - \frac{5}{(X-2)(X+2)} = 2$$

$$\Rightarrow \frac{X(X+2)-5}{X^2-4} = 2 \Rightarrow \frac{X^2+2X-5}{X^2-4} = 2$$

$$\Rightarrow X^2+2X-5=2X^2-8$$

$$\Rightarrow X^2-2X-3=0 \Rightarrow D=4-4(-3)=16$$

$$\Rightarrow X_1 = \frac{2+4}{2} = 3$$

$$\Rightarrow X_2 = \frac{2-4}{2} = -1$$

Изучив методические рекомендации, выполните практическую работу:

<u>Самостоятельная работа № 106-107«</u>Решение иррациональных уравнений.»

Цель :Изучить основные способы решения иррациональных уравнений.

Методические рекомендации

- 1. Уравнения вида \sqrt{a} = возвести обе части в степень п. Проверка обязательна
- 2. Уравнения вида $\sqrt{f(x)}=\varphi(x)$ $\sqrt{f(x)}=\varphi(x)-\{\varphi(x)=\varphi(x)\}$
- 3. Уравнения вида: $\sqrt{f(x)} = \sqrt{\varphi(x)}$

$$\sqrt{f(x)} = \sqrt{\varphi(x)} \Leftrightarrow egin{cases} f(x) = \varphi(x) \\ f(x) \ge 0 \end{cases}$$
 или $\begin{cases} f(x) = \varphi(x) \\ \varphi(x) \ge 0 \end{cases}$

Пример 1: Решить уравнение $\sqrt{x-1} = 3-x$

$$\sqrt{x-1} = 3 - x$$

$$(\sqrt{x-1})^2 = (3-x)^2$$

$$x-1 = 9 - 6x + x^2$$

$$x^2 - 7x + 10 = 0$$

$$x_1 = 2, x_2 = 5$$

Проверка: $x_1 = 2$

$$\sqrt{2-1} = 3-2$$

$$x_2 = 5$$

 $\sqrt{5-1} \neq 3-5$ — не является корнем

Omeem: x = 2

Изучив методические рекомендации, выполните практическую работу:

$$_{1)}\sqrt{2x-1}=3$$

$$(2)\sqrt{x} + 1 = 0$$

$$3)\sqrt{3+x} = 3-x$$

4)
$$\sqrt{4x^2 + 5x - 2} = 2$$

$$5)\sqrt{x^2 + 4x - 50} = 3$$

<u>Самостоятельная работа № 108 «</u>Решение рациональных уравнений.»

Цель :Изучить основные способы решения рациональных уравнений.

Методические рекомендации

Используя методические указания к Самостоятельной работе №105, выполните тест:

Часть I

Решите уравнение $\frac{2x^2 - 7x - 9}{x + 1} = 0.$

$$A. -\frac{9}{2}$$
; -1

B.
$$\frac{9}{2}$$
 ;-1 **B.** $-\frac{9}{2}$

B.
$$-\frac{9}{2}$$

$$\Gamma$$
. $\frac{9}{2}$

Решите уравнение $\frac{2x^2 - x - 10}{x + 2} = 0$. **A**. $-\frac{5}{2}$ **B**. $\frac{5}{2}$

$$A. - \frac{5}{2}$$

B.
$$\frac{5}{2}$$

B.
$$\frac{5}{2}$$
; -2

$$\Gamma. -\frac{5}{2} ; -2$$

Решите уравнение $5x - 9 = \frac{2}{x}$. Укажите расстояние между его корнями.

Решите уравнение $4x-5=\frac{6}{x}$. Укажите расстояние между его корнями. **A.** 5 **B.** 11 **B.** 1,25 **Г.** 2,75

Решите уравнение $13 - \frac{14}{x} = 3x$. Укажите расстояние между его

A.
$$\frac{1}{3}$$

$$\Gamma. \, 4\frac{1}{3}$$

Решите уравнение $3x = \frac{8}{y} + 2$. Укажите расстояние между его корнями.

A.
$$\frac{2}{3}$$

B.
$$1\frac{1}{3}$$
 B. 2

$$\Gamma. 3\frac{1}{3}$$

Решите уравнение $9+9x=\frac{4}{x}$. Укажите расстояние между его корня-

A.
$$\frac{1}{3}$$

B.
$$\frac{5}{3}$$

Решите уравнение $\frac{(y-8)(y-4)}{y+4} = 0$.

Решите уравнение $\frac{(y-8)(y+4)}{y-8} = 0$.

Pешите уравнение $\frac{7}{x-3} = \frac{3}{x+2}$.

Решите уравнение $\frac{2x^2 - x - 10}{x + 2} = 0$.

Решите уравнение $\frac{2x^2 - 7x - 9}{x + 1} = 0.$

<u>Самостоятельная работа № 109-110 «</u>Решение показательных уравнений и неравенств».

Цель: Рассмотреть основные способы решения показательных уравнений и неравенств.

Методические рекомендации

Теорема. Если
$$a > 0$$
, $a ≠ 1$ и $a^{x_1} = a^{x_2}$, то $x_1 = x_2$.

Решение показательных уравнений часто сводится к решению уравнения $a^x = a^b$, что равносильно x = b.

Примеры. Решить уравнения:

$$4 \cdot 2^{x} = 1 \qquad 2^{3x} \cdot 3^{x} = 576$$

$$2^{2} \cdot 2^{x} = 1 \qquad 8^{x} \cdot 3^{x} = 576$$

$$2^{2+x} = 2^{0} \qquad 24^{x} = 24^{2}$$

$$2 + x = 0 \qquad x = 2$$

$$0 = 2$$

$$0 = 2$$

$$0 = 2$$

$$0 = 3^{x+1} - 2 \cdot 3^{x-2} = 25$$

$$3^{x-2} \cdot 3^{3} - 2 \cdot 3^{x-2} = 25$$

$$3^{x-2} \cdot 25 = 25$$

$$3^{x-2} \cdot 25 = 25$$

$$3^{x-2} = 1$$

$$3^{x-2} = 3^{0}$$

$$x - 2 = 0$$

$$x = 2$$

 $9^x - 4 \cdot 3^x - 45 = 0$.

Пусть $3^x = t$. Данное уравнение сводится к квадратному $t^2 - 4t - 45 = 0$. Корни уравнения находим по теореме Виета: $t_1 = 9$, $t_2 = -5$.

3^x = 9, *x* = 2, 3^x = -5 — не имеет корней.

Ответ: x = 2.

OtBOT:X = 2

2. Неравенства

a > 1, y = a ^x —		0 < a < 1, y = a*	
возрастающая функция		убывающая функция	
a* > a⁵	a* < a ^b	a ^x > a ^b	a* < a*
x > b	x < b	x < b	x > b

Решить неравенства:

4 ^x < 16 4 ^x < 4 ² x < 2 Otset; (-∞; 2)	$3^{x^2-4} \ge 1$ $3^{x^2-4} \ge 3^0$ $x^2-4 \ge 0$ $(x-2)(x+2) \ge 0$ $x \le -2; \ x \ge 2$ $Other: (-\infty; -2] \cup [2; +\infty)$	$2^{x-1} + 2^{x+3} > 17$ $2^{x-1} + 2^{x-1} \cdot 2^4 > 17$ $2^{x-1} (1 + 16) > 17$ $2^{x-1} > 1$ $2^{x-1} > 2^0$ $x - 1 > 0$ $x > 1$ $Otset: (1; \infty)$
		x > 1

Изучив методические рекомендации, выполните практическую работу:

1)Решите показательные уравнения:

1.
$$5^{x+1} + 5^x + 5^{x-1} = 31$$

5.
$$36 \cdot 216^{3\kappa+1} = 1$$

9.
$$3^{x+2} - 5 \cdot 3^x = 36$$

2.
$$27^{1-x} = \frac{1}{81}$$

6.
$$3^{2x+1} - 8 \cdot 3^x = 3^x$$

1.
$$5^{x+1} + 5^x + 5^{x-1} = 31$$
 5. $36 \cdot 216^{3x+1} = 1$ 9. $3^{x+2} - 5 \cdot 3^x = 36$
2. $27^{1-x} = \frac{1}{81}$ 6. $3^{2x+1} - 8 \cdot 3^x = 3$ 10. $49^{x+1} = \left(\frac{1}{7}\right)^x$

3.
$$9^x - 3^{x+1} = 54$$

3.
$$9^{x} - 3^{x+1} = 54$$
 7. $3^{x} - \left(\frac{1}{3}\right)^{2-x} = 4$ 11. $7^{x+2} - 14 \cdot 7^{x} = 5$
4. $4^{x} - 3 \cdot 2^{x} - 4 = 0$ 8. $4^{2x+2} + 4^{x+1} - 1 = 0$ 12. $9 \cdot 81^{1-2x} = 27^{2-x}$

11.
$$7^{x+2} - 14 \cdot 7^x = 5$$

4.
$$4^x - 3 \cdot 2^x - 4 = 0$$

8.
$$4^{2x+2} + 4^{x+1} - 1 = 0$$

12.
$$9 \cdot 81^{1-2x} = 27^{2-x}$$

2)Решите показательные неравенства:

$$3^{x \cdot 2} \le \frac{1}{81}$$

$$(\frac{1}{5})^{2x} \ge \frac{1}{125}$$

$$(\frac{1}{4})^{3x} \le \frac{1}{64}$$

$$(\frac{1}{6})^{2x} > 216$$

$$5. \left(\frac{1}{3}\right)^{x-1} < 81$$

$$2^{3x} > \frac{1}{8}$$
6.

6.
$$8$$

$$3^{x+2} \le \frac{1}{81}$$

$$4^{2x+1} \le \frac{1}{256}$$

<u>Самостоятельная работа № 111 «Решение тригонометрических уравнений»</u>

Цель: Изучить основные виды тригонометрических уравнений и способы их решения Методические рекомендации

В этой таблице представлены 4 вида тригонометрических уравнений и способы из решений

Уравнение	Способ решения	Формулы
1. Уравнение содержит только синусы или косинусы (синусы и	Уравнение сводится к квадратному (биквадратному) относительно	$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha$ $\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha$
косинусы) вида	синуса (косинуса)	$ax^2 + bx + c = 0$
$a \sin^2 f(x) + b \sin f(x) + c = 0$ $a \cos^2 f(x) + b \cos f(x) + c = 0$		$x = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$
и т.д. 2.Однородное уравнение I степени вида $a\sin x + b\cos x = 0$ $(a \neq 0, b \neq 0)$	Деление обеих частей на $\cos x \neq 0$. Получаем: $atgx + b = 0$	$\frac{\sin\alpha}{\cos\alpha} = tg\alpha$
3.Однородное уравнение II степени вида $a \sin^2 f(x) + b \sin f(x) \cdot \cos f(x) + k \cos^2 f(x) = 0$	Деление обеих частей на $\cos^2 x \neq 0$. Получаем: $atg^2 f(x) + btgx + k = 0$	$tg\alpha = \frac{\sin\alpha}{\cos\alpha}$ $1 + tg^2\alpha = \frac{1}{\cos^2\alpha}$
4. Уравнение вида $atgx + bctgx + c = 0$	Уравнение сводится к квадратному относительно тангенса заменой $ctgx = \frac{1}{tgx}$	$tgx \cdot ctgx = 1$ $ctgx = \frac{1}{tgx}$

1. Запишите таблицу в тетрадь.

2. Используя методические рекомендации к Самостоятельной работе №40, выполните практическую работу:

1)
$$2\sin x \cdot \cos x + \sqrt{3} - 2\cos x - \sqrt{3}\sin x = 0$$

$$\frac{1}{1+\cos^2 x} + \frac{1}{1+\sin^2 x} = \frac{16}{11}$$

2)
$$\sin x(\sin x + \cos x) = 1$$
;

Самостоятельная работа № 112«Решение однородных тригонометрических уравнений.»

Цель: Изучить однородные тригонометрические уравнения и способы их решений

Методические рекомендации

Однородные уравнения.

1. Уравнение asinx+всоsx=0 называется однородным уравнением первой степени.

Разделим обе части уравнения почленно на соѕх,получим

$$2tgx-3=0 tgx=\frac{3}{2}$$
$$x=arctg\frac{3}{2}+\pi n, n-целое$$

2).
$$\cos(2\pi-2x)=\cos(2x-\frac{\pi}{2})$$

 $\sin 2x - \cos 2x = 0$ cos2x = sin2x

Разделим обе части уравнения на
$$\cos 2x$$
 $tg2x = 1$ $tg2x = 1$ $2x = \frac{\pi}{4} + \pi n$ $x = \frac{\pi}{8} + \frac{\pi n}{2}, n$ -целое

2. Уравнение asin²x+bsinx cosx+ccos²x=0 называется однородным уравнением второй степени.

3).
$$\sin^2 x - 3\sin x \cos x + 2\cos^2 x = 0$$

Разделим обе части уравнения на cos²x≠0

$$tg^2x - 3tgx + 2 = 0$$
 Пусть $t = tgx$, тогда $t^2 - 3t + 2 = 0$ $t = 1$ или $t = 2$ а). $tgx = 1$ б). $tgx = 2$ $x = \frac{\pi}{4} + \pi n$ $x = arctg2 + \pi n$

Решим самостоятельно:

- 4). $\sqrt{3}$ sinx+cosx=0
- 5). $3\sin^2 x + \sin x \cos x 2\cos^2 x = 0$
- 6). $\sin^2 x + \sin x \cos x 2\cos x^2 x = 0$

4).
$$-\frac{\pi}{6} + \pi k$$

5). $-\frac{\pi}{4} + \pi k, \operatorname{arctg} \frac{2}{3} + \pi n$
6). $\frac{\pi}{4} + \pi k, -\operatorname{arctg} 2 + \pi n$

Используя методические указания, выполните практическую работу и проверьте ответы.

<u>Самостоятельная работа № 113 «</u>Решение логарифмических неравенств»

Цель: Изучить алгоритм решения логарифмических неравенств.

Методические рекомендации

Алгоритм решения логарифмических неравенств

- Определить область определения функции, т.е. ООФ.
- Определить, является ли данное неравенство простейшим, т.е. вида $\log_a f(x) > \log_a q(x)$; если «да», то п. 5, если «нет» — п. 3.
- 3. Установить, какие и в каком порядке нужно выполнить тождественные и равносильные преобразования, чтобы привести неравенство к простейшему (основанные на определении и свойствах логарифмов, потенцирование).
- 4. С помощью выбранных преобразований привести неравенство к простейшему.
- Исходя из свойств логарифмической функции, перейти от простейшего логарифмического неравенства к неравенству f(x) > q(x) при a > 1 и

$$f(x) < q(x)$$
 при $0 < a < 1$, т.е. «Так как $a > 1$, то $f(x) > q(x)$ или так как

$$0 < a < 1$$
, to $f(x) < q(x)$ ».

- 6. Решить полученное неравенство.
- 7. «Исходное неравенство равносильно системе неравенств»:
 - неравенство из ООФ;
 - полученное неравенство из п. 6.
- 8. Решить полученную систему.
- Записать ответ.

Пример:
$$\log_{0.5}(2x-4) < \log_{0.5}(x+1)$$

Находим ОДЗ

$$\begin{cases} 2x-4>0\\ x+1>0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x>4\\ x>-1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x>2\\ x>-1 \end{cases} \Leftrightarrow x\in (2;+\infty)$$

Перейдем в неравенства от логарифмов к выражениям, стоящим под знаком логарифма, при этом, так как основание логарифма меньше единицы (0,5<1), знак неравенства поменяем на противоположный:

$$2x - 4 > x + 1$$

$$2x - x > 1 + 4$$

С учетом ОДЗ, окончательно имеем, что $x \in (5; +\infty)$.

Otbet.
$$x \in (5; +\infty)$$

Используя методические указания, выполните практическую работу:

Решите логарифмические неравенства:

1)
$$log_2(2x-5) > log_2(x-7)$$

2)
$$log_5(3x-2) > log_5(x+6)$$

3)
$$log_3(3x-1) < log_3(2x+3)$$

4)
$$log_{\frac{1}{2}}(4x-3) \ge log_{\frac{1}{2}}(x+3)$$

<u>Самостоятельная работа № 114«</u>Решение систем уравнений и систем неравенств»

Цель: Изучить основные способы решений систем уравнений и систем неравенств Методические рекомендации

Пример 1:

$$\begin{cases}
6^{x} \cdot 36^{y} = 162 \cdot 48, & \begin{cases}
6^{x+2y} = 6^{5}, & \begin{cases}
x + 2y = 5, \\
3^{x} \cdot 4^{y} = 48, & \end{cases}
\end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 5 - 2y, \\ 3^{5-2y} \cdot 4^y = 48, \Leftrightarrow \begin{cases} x = 5 - 2y, \\ \frac{3^5 4^y}{9^y} = 48, \Leftrightarrow \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 5 - 2y, \\ \left(\frac{4}{9}\right)^y = \frac{48}{3^5} \Leftrightarrow \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 5 - 2y, \\ \left(\frac{4}{9}\right)^{y} = \left(\frac{4}{9}\right)^{z}, \Leftrightarrow \begin{cases} y = 2, \\ x = 1. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3^{-x} \cdot 2^{y} = 1152; \\ \log \sqrt{s} (x+y) = 2. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3^{-x} \cdot 2^{y} = 1152, \\ \log \sqrt{s} (x+y) = 2; \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3^{-x} \cdot 2^{y} = 1152; \\ x+y = 5, \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3^{-x} \cdot 2^{y} = 1152; \\ y = 5 - x. \end{cases}$$

$$3^{-x} \cdot \frac{2^{5}}{2^{x}} = 1152$$

$$6^{-x} = 6^{2}$$

$$x = -2 \Rightarrow y = 7.$$

Находим среднее арифметическое значение х и у: (-2+7)/2=5/2.

Используя методические рекомендации, выполните практическую работу:

$$\begin{cases} 3^{x} - 2^{2y} = 77, \\ \sqrt{3^{x}} - 2^{y} = 7. \end{cases}$$
 Решите систему уравнений
$$\begin{cases} 2^{x} \cdot 2^{-y} = \frac{1}{128}; \\ \log_{3} x + \log_{3} y = 2 + \log_{3} 2. \end{cases}$$

Самостоятельная работа № 115 -116 « Уравнения, содержащие неизвестное под знаком абсолютной величины.»

Цель: Рассмотреть способ решения уравнения, содержащего неизвестное под знаком модуля.

Методические рекомендации

Приведу два способа замены уравнения : |()| = ()

Совокупностью систем.

Совокупностью систем.
$$f(x) = g(x)$$
1.способ. $|f(x)| = g(x) - I$

$$I_{\{} -f(x) = g(x)$$

$$I_{$$

$$\begin{aligned} || - || - || &= & \text{Проверка:} \\ |x - 1| - 1 &= 2 & \text{и} |x - 1| - 1 &= -2 \\ |x - 1| &= 3 & |x - 1| &= -1 \\ x - 1 &= 3 & x - 1 &= -3 \\ x &= 4 & x &= -2. \end{aligned} \qquad \begin{aligned} ||x - 1|| &= 1 \\ ||x - 1|| &= 2 \\ ||x - 1|| &= 2 \\ ||x - 1|| &= 2 \end{aligned} \qquad \qquad \begin{aligned} ||3| - 1| &= 2 \\ |2| &= 2 \\ ||-2| - 1| - 1| &= 2 \\ ||-3| - 1| &= 2 \\ |2| &= 2 \end{aligned}$$
 Ответ: -2: 4.

Ответ: -2; 4.

Пример 2:

Используя методические рекомендации выполните практическую работу:

• решить неравенства

$$||3x-4|x-5| > 1$$

 $||x-4|x-2| < 3$
 $|2x+5| < x+4$
 $|x-3| < 6-3x$

Дополнительное задание

$$|x-1|+|x-3| \le x+1$$

 $|x+2|-|x-3| \ge 2x-1$

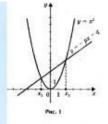
<u>Самостоятельная работа № 117 «Графиче</u>ское решение уравнений »

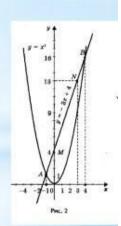
Цель: Изучить графический способ решения уравнений

Методические рекомендации

Пример 1:

- * 7. СПОСОБ: Графическое решение квадратного уравнения.
- * Если в уравнении
- $x^2 + px + q = 0$
- * перенести второй и третий члены в правую часть, то получим
- $x^2 = px q$
- * Построим графики зависимости $y = x^2$ и y = -px q.
- График первой зависимости парабола, проходящая через начало координат. График второй зависимости -
- * прямая (рис.1). Возможны следующие случаи:
- * прямая и парабола могут пересекаться в двух точках,
- абсциссы точек пересечения являются корнями квад- ратного уравнения;
- - прямая и парабола могут касаться (только одна общая точка), т.е. уравнение имеет одно решение;
- прямая и парабола не имеют общих точек, т.е. квадратное уравнение не имеет корней.
- * Решим графически уравнение $x^2 3x 4 = 0$ (рис. 2).
- * Решение. Запишем уравнение в виде $x^2 = 3x + 4$.
- ** Построим параболу $y = x^2$ и прямую y = 3x + 4. Прямую
- v = 3x + 4 можно построить по двум точкам M(0; 4) и
- * N (3; 13). Прямая и парабола пересекаются в двух точках
- * A и B с абсциссами $x_1 = -1$ и $x_2 = 4$.
- * Omsem: $x_1 = -1$; $x_2 = 4$.





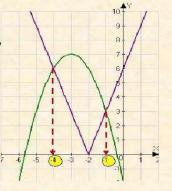
Графическое решение уравнений, содержащих знак абсолютной величины.

Решить уравнение: $3|x+2|+x^2+6x+2=0$.

Для решения уравнения графическим способом, надо построить графики функций

$$y=3|x+2|$$
 $y=-x^2-6x-2$

Парабола пересеклась с «уголком» в точках с координатами (-4; 6) и (-1; 3), следовательно, решениями уравнения будут абсциссы точек: x = -1, x = -4



Ответ: x = -1, x = -4

Используя методические рекомендации выполните практическую работу:

- 1) Найдите координаты точек пересечения параболы $y = -x^2$ и прямой y = -9.
- 2) Решите графически уравнение $2x+8=x^2$
- 3) Решите графически уравнение $\sqrt{4x+5} = 2x+1$;
- 4) Решите графически уравнение $|4-x|+|(x-3)\cdot(x-1)|=1$

Самостоятельная работа № 118 «Объём тела.»

Цель: Изучить понятие объёма тема и сравнить это понятие с понятием площади плоской фигуры.

Методические рекомендации

Используя лекционный материал составьте сравнительную таблицу объёмов тел и площадей плоских фигур.

<u>Самостоятельная работа № 119 «</u>Объём параллелепипеда.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

Самостоятельная работа № 120 «Объём призмы.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 121 «</u>Объём пирамиды.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 122-125 «</u>Вычисление площадей поверхности и объёмов пространственных тел.»

Цель: Знать формулы для нахождения объемов многогранников и тел вращения.

Методические рекомендации

Основные формулы

№	овные формулы Наименование	Изображение	Площадь боковой и
п/п	многогранника	Пооражение	полной поверхности
1	Куб		$S_{\mathbf{n}} = 6a^2$ $V=a^3$
2	Прямоугольный параллелепипед		$S_{\Pi} = 2ab + 2ac + 2ac$ $V=a*b*c$ $V=S_{0cH}*h$
3	Призма		$S_{6} = p \cdot H$ $S_{n} = S_{6} + 2S_{o}$ $V = S_{och} * h$
4	Пирамида	S B D	$S_{6} = \frac{1}{2}p \cdot h$ $S_{\Pi} = S_{6} + S_{o}$ $V = (1/3) * S_{och} * h$

Теоретический материал

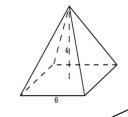
№ п/п	Наименование фигуры	Изображение	Формула площадей полной и боковой поверхности
1	Цилиндр		$S_{6} = 2\pi R H$ $S_{\Pi} = 2\pi R H + 2\pi R^{2}$ $S_{o} = \pi R^{2}$ $V = \pi R^{2} \cdot H$

2	Конус	b - R	$S_{6} = \pi R l$ $S_{n} = \pi R l + \pi R^{2}$ $S_{o} = \pi R^{2}$ $V = \frac{1}{3} \pi R^{2} \cdot H$
3	Сфера, шар	R	$S_{\Pi} = 4\pi R^2$ $V = \frac{4}{3}\pi R^3$

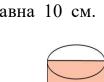
Используя методические рекомендации, решите задачи:

1 вариант

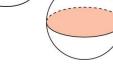
1. Найдите объём правильной четырёхугольной пирамиды, сторона основания которой равна 6 см и высота 4 см.



2. Основанием прямой треугольной призмы служит прямоугольный треугольник с катетами 3 см и 4 см, высота призмы равна 10 см. Найдите объем данной призмы.

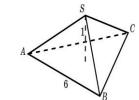


- 3. Площадь осевого сечения цилиндра равна 4 м². Найдите объем цилиндра.
- 4. Высота конуса равна 3*см*. образующая конуса составляет с плоскостью основания угол в 30°. Найти объем конуса.
- 5. Площадь большого круга шара равна 3 см². Найдите объем шара.

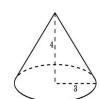


2 вариант

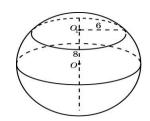
1. Найдите объём правильной треугольной пирамиды со стороной основания 6 см и высотой 1 см.



- 2. Найдите объем прямой призмы, в основании которой лежит ромб с диагоналями 6 см и 8 см и боковым ребром 10 см.
- 3. Осевое сечение цилиндра квадрат. Площадь основания равна1. Найдите объем цилиндра.



4. Радиус основания конуса равен 3 м, высота - 4 м. Найдите площадь объем конуса.



5. Сечение шара плоскостью, отстоящей от центра шара на расстоянии 8 см, имеет радиус 6 см. Найдите объем шара.

<u>Самостоятельная работа № 126-127«Декартова система координаты. Рене Декарт.»</u>

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 128«</u>Уравнения сферы и плоскости.»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

Теоретический материал: Учебник Г-10-11,Стр.98-99.

<u>Самостоятельная работа № 129 «</u>Векторы.»

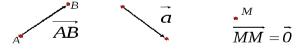
Цель: Изучить понятие вектора и основных его свойств.

Методические рекомендации

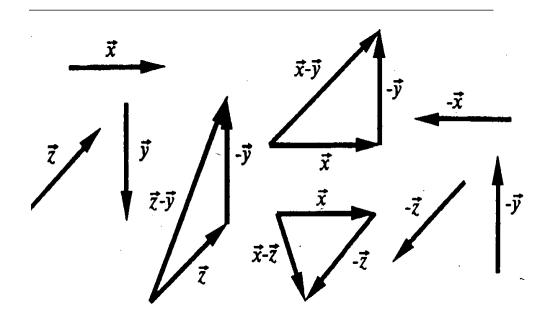
Понятие вектора в пространстве

Вектор(направленный отрезок) –

отрезок, для которого указано какой из его концов считается началом, а какой — концом.



Длина вектора $\overrightarrow{AB} =$ длина отрезка AB. $|\overrightarrow{AB}| = AB$ $|\overrightarrow{O}| = 0$



Используя методические рекомендации выполните практическую работу:

Вариант 1

- 1. Для данного вектора \vec{m} постройте векторы: a) \vec{m} ; б) $\vec{2}$ \vec{m} ; в) $\vec{3}$ \vec{m} .
- 2. Сколько векторов задают всевозможные пары точек, составленные из вершин правильной четырехугольной пирамиды?
- 3. Изобразите правильный тетраэдр ABCD и нарисуйте вектор: а) $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$; б) $\overrightarrow{CD} \overrightarrow{CA}$; в) $\overrightarrow{BD} \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{AB} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CB}$
- $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{C_1D_1} \overrightarrow{BD}_{; B}$ $\overrightarrow{BC} \overrightarrow{C_1C} + \overrightarrow{AB} \overrightarrow{A_1C_1}$.

Вариант 2

- 1. Для данного вектора \vec{n} постройте векторы: a) $3\vec{n}$; б) $-2\vec{n}$; в) $5\vec{n}$.
- 2. Сколько векторов задают всевозможные пары точек, составленные из вершин треугольной призмы?
- 3. Изобразите правильный тетраэдр ABCD и нарисуйте вектор: а) $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BD}$; б) $\overrightarrow{DA} \overrightarrow{DC}$; $\overrightarrow{CB} \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{DA}$
- $\overrightarrow{BD} \overrightarrow{B_1B} \overrightarrow{B_1A_1}_{; \ B)} \overrightarrow{AA_1} + \overrightarrow{AD} \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{C_1A_1}_{.}$

<u>Самостоятельная работа № 13 0«</u>Коллинеарные вектора»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

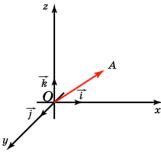
<u>Самостоятельная работа № 131-133 «</u>Решение задач по теме «Векторы»

Цель: Знать правила действия над векторами и уметь применять их при вычислениях.

Методические рекомендации

Теоретический материал

Отложим вектор так, чтобы его начало совпало с началом координат. Тогда координаты его конца называются координатами вектора. Обозначим $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ векторы с координатами (1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 0, 1) соответственно. Их длины равны единице, а направления совпадают с направлениями соответствующих осей координат. Будем изображать эти векторы, отложенными от начала координат и называть их координатными векторами.



Теорема. Вектор \vec{a} имеет координаты (x, y, z) тогда и только тогда, когда он представим в виде $\vec{a} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$.

1.С этим же материалом вы можете ознакомиться в учебнике: Учебник Γ -10-11,Стр.96, № 428.

Используя методические рекомендации, выполните практическую работу.

Вариант 1

№ п/п	Название операции	Формулы
1	Найти сумму векторов	$\vec{a}\{1;-2;3\}, \vec{b}\{4;0;-1\}$ $\vec{a}+\vec{b}\{x_1+x_2; y_1+y_2; z_1+z_2\}$
2	Найти разность векторов	$\vec{a} + \vec{b} \{x_1 + x_2 ; y_1 + y_2 ; z_1 + z_2 \}$ $\vec{a} \{4; 1; -3\}, \qquad \vec{b} \{0; -5; 2\}$ $\vec{a} - \vec{b} \{x_1 - x_2 ; y_1 - y_2 ; z_1 - z_2 \}$
3	Найти произведение вектора на число	$\vec{a} - \vec{b}\{x_1 - x_2; y_1 - y_2; z_1 - z_2\}$ $\vec{a}\{-1; 3; 1\}, \delta - $ число $\delta = -3$ $\delta \vec{a}\{\delta \cdot x; \delta y; \delta z\}$
4	Вычислить координаты середины отрезка	Точка A(1;2;-3). Точка В (-3;4;-1) .Точка С- середина отрезка AB. С(\mathbf{x}_c y_c ; z_c) $x_c = \frac{x_1 + x_2}{2}$ $y_c = \frac{y_1 + y_2}{2}$; $z_c = \frac{z_1 + z_2}{2}$.
5	Найти координаты вектора	Точка A(5:0:-3). Точка B (-1;4:-7) .Находим координаты вектора \overrightarrow{AB} . Из координат конца вычислить координаты начала вектора \overrightarrow{AB} { $x_2-x_1:y_2-y_1,z_2-z_1$ }
6	Найти длину вектора	\vec{a} {3,-2,0} $ \vec{a} = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$
7	Вычислить скалярное произведение векторов	$\vec{a}\{-2;3;7\}, \vec{b}\{-9;0;2\}$
8	Найти косинус угла между векторами	$\vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2$ $\vec{a} \{2; 0; 1\}, \qquad \vec{b} \{-3; 1; 2\}$ $\cos \alpha = \frac{x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \cdot \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}}$
9	При каких значениях m и n векторы коллинеарны?	$\vec{a}\{m; 3; 1\}, \qquad \vec{b}\{1; n; 2\}$ $\frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2} = \frac{z_1}{z_2} = k$
10	Проверьте перпендикулярность векторов	\vec{a} {-4;0;1}, \vec{b} {2;7;8} $x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2 = 0$ - условие перпендикулярности векторов

Вариант 2

	= mm. =			
№ п/п	Название операции	Формулы		
1	Найти сумму векторов	\vec{a} {2; -3; 4}, \vec{b} {-1; 2; 0} \vec{a} + \vec{b} { $x_1 + x_2$; $y_1 + y_2$; $z_1 + z_2$ }		
2	Найти разность векторов	\vec{a} {4;-5;7}, \vec{b} {3;-1;2} $\vec{a} - \vec{b}$ { $x_1 - x_2$; $y_1 - y_2$; $z_1 - z_2$ }		
3	Найти произведение вектора на число	$\vec{a}\{-2;4;0\}, \delta$ — число $\delta = -4$ $\delta \vec{a}\{\delta \cdot x; \delta y; \delta z\}$		
4	Вычислить координаты середины отрезка	Точка А(-3:1;2) Точка В (2;-3;1] Точка С-середина отрезка АВ. С($\boldsymbol{x_c}$, y_c , z_c)		

		$x_c = \frac{x_1 + x_2}{2}, y_c = \frac{y_1 + y_2}{2}, z_c = \frac{z_1 + z_2}{2}.$
5	Найти координаты вектора	Точка A(6; -3; 4). Точка B (1;-4;7]. Находим координаты вектора \overrightarrow{AB} . Из координат конца вычислить координаты начала вектора $\overrightarrow{AB} \{x_2 - x_1 : y_2 - y_1, z_2 - z_1\}$
6	Найти длину вектора	$ \overrightarrow{AB} \{x_2 - x_1 : y_2 - y_{1}, z_2 - z_1\} $ $ \overrightarrow{a}\{0, 2, -2\} $ $ \overrightarrow{a} = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} $
7	Вычислить скалярное произведение векторов	\vec{a} {-3;2;9}, \vec{b} {-7;0;3} $\vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2$
8	Найти косинус угла между векторами	$\vec{a}\{4;1;0\}, \qquad \vec{b}\{-5;3;1\}$ $\cos \alpha = \frac{x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \cdot \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}}$
9	При каких значениях m и n векторы коллинеарны?	$\vec{a}\{m; 5; 3\}, \vec{b}\{2; n; 4\}$ $\frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2} = \frac{z_1}{z_2} = k$
10	Проверьте перпендикулярность векторов	\vec{a} {0; -3; 2}, \vec{b} {9; 4; 6} $x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2 = 0$ - условие перпендикулярности векторов

<u>Самостоятельная работа № 134-135 «</u> Решение задач по теме : «Координаты и векторы»

Цель: Знать правила действия над векторами и уметь применять их при вычислениях.

Методические рекомендации

Инструкция:

сложение двух векторов по правилу треугольника

- 1. Задайте начальную точку.
- 2. Проведите через эту точку любой из векторов параллельным переносом.
- 3. Через конец построенного вектора проведите второй вектор параллельным переносом.
- 4. Соедините начальную точку с концом второго вектора.
- 5. На отрезке, соединяющем эти точки, поставьте стрелочку вектора возле конечной точки.
- 6. Вы получили искомый вектор, отображающий сумму векторов а и b.

Инструкция:

сложение двух векторов по правилу параллелограмма

- 1. Задайте начальную точку.
- 2. Параллельным переносом проведите из этой точки векторы а и b. Вы получили угол с двумя сторонами.
- 3. Достройте его до параллелограмма: через конец первого вектора проведите второй вектор, через конец второго вектора проведите первый.
- 4. Проведите диагональ параллелограмма из начальной точки.
- 5. Укажите стрелочку. Суммарный вектор найден.

Пример. Даны векторы $\vec{a}\{1;6\}$ и $\vec{b}\{-5;7\}$. Найдите координаты векторов $\vec{c} = 2\vec{a} + \vec{b}$ и $\vec{d} = \vec{b} - \vec{a}$.

Решение.
 1.
$$\vec{a}\{1;6\}$$
 2. $2\vec{a}\{2;12\}$ 3. $\vec{b}\{-5;7\}$ $\vec{a}\{1;6\}$ $2\vec{a}+\vec{b}\{2+(-5);12+7\}$ $\vec{b}-\vec{a}\{-5-1;7-6\}$ $\vec{c}\{-3;19\}$

Ответ: $\vec{c}\{-3, 19\}, \vec{d}\{-6, 1\}$

Используя методические указания к Самостоятельной работе №132, выполните практическую работу.

Вариант 1

- 1. Найдите координаты вектора: a) $2i + 3^{j} 4k$; б) -5i + 10k; в) -j + 3k.
- 2. Найдите длину вектора: a) $\vec{a}(1,-2,10)$; б) \vec{AB} , если A(0,-5,1), B(2,0,-8); в) m+n, если m(6,2,-6), \vec{n} (2,-2,0).
- 3. Найдите координаты точки C, если: a) \overrightarrow{CD} (-5,6,8), D(0,-1,2); б) D(-13, $\overline{2}$,6), \overrightarrow{DC} (-5,0,0).
- 4. Найдите числа x, y, z, чтобы выполнялось равенство $\vec{f} = x\vec{c} + y\vec{d} + z\vec{e}$, если \vec{f} (5,-2,0), \vec{c} (0,2,-6), d(-5,0,-8), e(-5,2,-4).

Вариант 2

- 1. Найдите координаты вектора: а) $3\vec{i}$ $4\vec{j}$ + $2\vec{k}$; б) -2 \vec{i} \vec{k} ; в) \vec{j} $2\vec{k}$. 2. Найдите длину вектора: а) \vec{b} (0,-3,2); б) , если M(0,-5,1), N(2,0,-8); в) \vec{c} \vec{d} , если \vec{c} (0,-2,6), \vec{d} (-5,0,3).
- 3. Найдите координаты точки E, если: a) \overrightarrow{EF} (0,-3,11), F(5,-1,0); б) F(5,0,-9), \overrightarrow{FE} (-2,4,-6).
- 4. Найдите числа u, v, w, чтобы выполнялось равенство n = uk + vl + wm, если n(-30,6,-12), k(5,-12)6,0), I(10,-3,2), m(0,1,2).

Самостоятельная работа № 136 «Комбинаторика»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 137 «</u>Табличное и графическое представление данных

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Презентация должна быть выполнена с соблюдением методических рекомендаций по созданию презентации.

<u>Самостоятельная работа № 138 «</u>Решение комбинаторных задач.»

Цель: Закрепить основные понятия комбинаторики на примерах решения задач.

Методические рекомендации

Общим термином *«соединения»* мы будем называть три вида комбинаций, составляемых из некоторого числа *различных* элементов, принадлежащих одному и тому же множеству (например, буквы алфавита, книги в библиотеке, машины на стоянке и т.д.).

1Перестановки. Возьмём n различных элементов: a_1 , a_2 , a_3 , ..., a_n . Будем переставлять их всеми возможными способами, сохраняя их количество и меняя лишь порядок их расположения. Каждая из полученных таким образом комбинаций называется nepecmahoskoй. Общее количество nepecmahoskok из n элементов обозначается P_n . Это число равно произведению всех

целых чисел от 1 до
$$n$$
: $P_N = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot ... \cdot (n-1) \cdot n = n!$

Символ n! (называется факториал) - сокращённая запись произведения: $1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \ldots \cdot (n-1) \cdot n$

Пример . Найти число перестановок из трёх элементов: a, b, c.

Р е ш е н и е . В соответствии с приведенной формулой: $P_3 = 1 \cdot 2 \cdot 3 = 6$.

Действительно, мы имеем 6 перестановок: abc, acb, bac, bca, cab, cba.

2 *Размещения.* Будем составлять группы из m различных элементов, взятых из множества, состоящего из n элементов, располагая эти m взятых элементов в различном порядке. Полученные комбинации называются размещениями из n элементов nom.

$$A^{n}$$

Их общее количество обозначается: n и равно произведению:

$$\stackrel{m}{A} = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot \dots \cdot [n-(m-1)].$$

Пример. Найти число размещений из четырёх элементов *a*, *b*, *c*, *d* по два.

Решение. В соответствии с формулой получим:

$$A_{4}^{2} = 4 \cdot 3 = 12.$$

Вот эти размещения: ab, ba, ac, ca, ad, da, bc, cb, bd, db, cd, dc.

3 Сочетания. Будем составлять группы из m различных элементов, взятых из множества, состоящего из n элементов, не принимая во внимание порядок расположения этих m элементов. Тогда мы получим сочетания из n элементов по m.

Их общее количество обозначается и может быть вычислено по формуле:

$$C = \frac{n!}{n \quad m! \cdot (n-m)!}$$

Из этой формулы ясно, что

$$C = C = n - m$$

Заметим, что можно составить только *одно сочетание из п элементов по п*, которое содержит все n элементов. Формула числа сочетаний даёт это значение, если только принять, что 0! = 1, что является определением 0!.

В соответствии с этим определением получим:

$$C = C = 1.$$

Общее число сочетаний можно вычислить, пользуясь и другим выражением:

$$C = A / P_m .$$

Пример. Найти число сочетаний из пяти элементов: a, b, c, d, e по три. Решение :

$$C$$
 = $\frac{5!}{3! \cdot (5-3)!} = \frac{5!}{3! \cdot 2!} = 10$.

Эти сочетания: abc, abd, abe, acd, ace, ade, bcd, bce, bde, cde.

Используя методические указания выполните практическую работу:

Вычислите:

A)
$$p_4 - p_3 =$$

B)
$$\frac{p}{p_8}$$
 $\frac{4}{8}$ =

$$\Gamma$$
) 6_8 p_2

Вычислите:

A)
$$p_3 - p_2 =$$

B)
$$\frac{p}{p_9}$$
 $\frac{5}{9}$ =

$$\Gamma$$
) ₁₀ p_2

<u>Самостоятельная работа № 139 «</u>Формула бинома Ньютона. Решение задач.»

Цель: Изучить формулу бином Ньютона и научиться применять её при решении примеров.

Методические рекомендации

Бином Ньютона. Это формула, представляющая выражение $(a+b)^n$ при положительном целом n в виде многочлена:

Заметим, что сумма показателей степеней для a и b постоянна и равна n.

Пример 1.

3!
$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + ---- ab^2 + b^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3 .$$
 1! • 2!

$$\Pi$$
 р и мер 2. $(1+x)^6 = 1+6x+15x^2+20x^3+15x^4+6x^5+x^6$. (Вычислите это сами!)

$$1 \ 2 \ 3 \ n-1$$
 $C \ , C \ , C \ , \dots \ , C$ $Uucna \ n \ n \ n \ n \ n$ называются биномиальными коэффициентами.

Используя методические указания выполните практическую работу:

Вариант 1

Вариант 2

1. Найдите значение выражения:

a)
$$\frac{60!}{80!} - \frac{50!}{48!}$$
;
b) $\frac{A_6^3}{P_4} + \frac{A_{11}^6}{11P_6}$
c) $\frac{C^2}{P_4} + \frac{C^4}{P_1}$
c) $\frac{C^3}{P_4} + \frac{C^4}{P_5}$
c) $\frac{C^3}{P_5}$;

2. Найти разложение степени бинома:

$$\left(\frac{y}{3}-3\right)^5$$

Самостоятельная работа № 140 «Треугольник Паскаля. Решение задач.»

Цель: Изучить понятие треугольник Паскаля.

Методические рекомендации

$$U^{1}_{n}$$
 U^{2}_{n} U^{3}_{n} U^{n-1}_{n} U^{n-1}_{n} называются биномиальными коэффициентами.

Их можно вычислить, применяя только сложение, если пользоваться следующей схемой. В верхней строке пишем две единицы. Все последующие строки начинаются и заканчиваются единицей. Промежуточные числа в этих строках получаются суммированием соседних чисел из предыдущей строки. Эта схема называется треугольником Паскаля:

Первая строка в этой таблице содержит биномиальные коэффициенты для n=1; вторая - для n=2; третья - для n=3 и т.д. Поэтому, если необходимо, например, разложить выражение:

$$(a+b)^{7}$$
,

мы можем получить результат моментально, используя таблицу:

$$(a+b)^7 = a^7 + 7a^6b + 21a^5b^2 + 35a^4b^3 + 35a^3b^4 + 21a^2b^5 + 7ab^6 + b^7$$

Используя методические указания к Самостоятельным работам N 138,139 ,выполните практическую работу:

Типичные задачи, в которых обычно путаются учащиеся:

Сочетания	Размещения
1. Сколько рукопожатий получится, если	1. Сколькими способами пять человек могут
здороваются 5 человек?	обменяться фотографиями?
${Bacя, Пeтя} = {Пeтя, Bacя} - одно и тоже.$	$\{ Bася, \Piетя \} \neq \{ \Piетя, Bася \} - разные обмены.$
Значит, порядок неважен, значит это	Значит, порядок важен, значит это
подмножество по два элемента из 5, значит это	последовательность по два элемента из 5, значит
сочетание из пяти по два.	это размещение из пяти по два.
$C_5^2 = \frac{5!}{(5-2)!2!} = \frac{4 \cdot 5}{2} = 10$	$A_5^2 = \frac{5!}{(5-2)!} = 4 \cdot 5 = 20$
Перест	ановки
1. Сколькими способами п человек могут сесть	2. Сколькими способами п человек могут сесть
на одной скамейке?	за круглым столом?
Pn = n!	$P_n = \frac{n!}{n}(n-1)!$

1. Сколько различных	4. В нашем распоряжении есть	7. Сколькими способами можно
экзаменационных комиссий по	5 разноцветных флагов.	выбрать 6 различных
3 человека можно составить,	Сколько различных сигналов,	пирожных в кондитерской, где
если на кафедре 20	состоящих из 3 флагов, можно	имеется 11 сортов пирожных?
преподавателей?	поднять на флаг штоке?	
2. Сколькими способами можно	5. Имеется 7 путевок в	8. В шахматном турнире
окрасить трехкомнатную	различные дома отдыха и 7	участвуют 12 человек. Каждый
квартиру (каждая комната	кандидатов. Сколькими	из участников должен сыграть с
окрашивается одной краской,	способами можно распределить	каждым из остальных по две
все комнаты окрашиваются в	эти путевки?	партии. Сколько всего партий
разные цвет), если имеется 10		должны сыграть участники
различных красок?		турнира?
3. Сколькими способами можно	6. В колоде 52 карты.	9. Сколькими способами из 30
расставить 5 книг на полке?	Раздаются 3 карты. Сколько	человек может выбрать
	может быть случаев появления	собрание председателя и
	одного туза среди розданных	секретаря?
	карт?	

<u>Самостоятельная работа № 141 «</u>Элементы теории вероятностей. Решение задач»

Цель: Изучить основные понятия теории вероятностей. Приобрести навык в решении вероятностных задач.

Методические рекомендации

Случайным называется событие, которое в одних и тех же условиях может произойти, а может и не произойти.

Равновозможными или равновероятными событиями называют события возможности наступления, которых одинаковы.

Маловероятные (более вероятные) события – события возможность наступления, которых мала (велика).

1 .Вероятность случайного события

Вероятность случайного события приближенно равна частоте этого события при проведении большого числа случайных экспериментов.

Иногда вероятность выражают в процентах.

Вероятность события обозначается большой латинской буквой P (от французского слова probabilite, что означает — возможность, вероятность).

По вероятности события можно прогнозировать частоту его появления в будущем.

Вероятностные оценки широко используют в физике и биологии, социологии и демографии, экономике и политике, спорте и т. д.

Задача 1. По статистике, на каждые 1 000 лампочек приходится 3 бракованные. Какова вероятность купить исправную лампочку?

Ответ: 0,997.

Задача 2. Какова вероятность того, что число, составленное из нечетных цифр, будет четным?

Ответ: 0.

Задача 3. Известно, что среди 1000 выпущенных лотерейных билетов 100 выигрышных. Какое наименьшее количество билетов надо купить, чтобы выиграть с вероятностью равной 1?

Ответ: 901 билет.

Задача 4. Из кошелька в темноте вынимали монетку. Известно, что-то, что вытащена, будет рублевая монета, являлось достоверным событием. Однако этот же исход при повторной попытке оказался невозможным. Сколько и каких монет было в кошельке?

Ответ: одна монета, рублевая.

Вероятностью P наступления случайного события A называется отношение $\frac{m}{n}$, где n – число

P(A) = - всех возможных исходов эксперимента, а m – число всех благоприятных исходов: n.

2. Примеры решения задач.

Пример 1. На экзамене по информатике в 9 классе -20 билетов. Сергей не разобрался в одном билете и очень боится его вытянуть. Какова вероятность, что Сергею достанется несчастливый билет?

Решение: Всего у данного эксперимента «вытянуть наугад один билет» 20 исходов, все они равновероятны. У Сергея только один шанс из 20 вытянуть несчастливый билет. Поэтому

вероятность того, что ему достанется несчастливый билет, равна $P(A) = \frac{1}{20}$

<u>1</u> Ответ: 20

Пример 2. В лотерее 10 выигрышных билетов и 240 билетов без выигрыша. Какова вероятность выиграть в эту лотерею, купив один билет?

Решение: В лотерее разыгрывается всего 240 + 10 = 250 билетов, любой из них можно купить с одинаково вероятностью. Есть 10 шансов из 250 выиграть, и, следовательно, вероятность выигрыша

$$P(A) = \frac{10}{250} = \frac{1}{25}$$

Задача 3. В вазочке перемешаны 15 конфет «Чародейка» и 5 конфет «Белочка». Когда из-за аварии погас свет, Маша наугад схватила одну конфету. Какова вероятность, что ей досталась «Белочка»?

$$\frac{1}{2}$$
 Ответ: $\frac{1}{4}$.

Задача 4. Наудачу выбрано двузначное число. Какова вероятность того, что оно окажется:

- 1) четным;
- 2) меньшим 12?

Omsem: 1)
$$\frac{1}{2}$$
; 2) $\frac{1}{45}$.

Задача 5. В классе 30 человек. Вероятность того, что при случайном выборе одного ученика по

номеру в журнале выбранным окажется мальчик, равна $\frac{1}{3}$. Сколько в этом классе девочек? *Ответ*: 20 девочек.

Задача 6. В случайном эксперименте симметричную монету бросают дважды. Найдите вероятность того, что орел выпадет ровно один раз.

Решение:

Возможен такой вариант решения.

Какие возможны исходы двух бросаний монеты?

- 1) Решка, решка.
- 2) Решка, орел.
- 3) Орел, решка.
- 4) Орел, орел.

Это все возможные события, других нет. Нас интересует вероятность 2-го или 3-го события.

Всего возможных исходов 4.

Благоприятных исходов -2.

Отношение 2/4 = 0.5.

Достоверные события – события, которые в обычных условиях происходят всегда, обязательно.

Невозможные события – события, которые в данных условиях никогда не происходят. Достоверные и невозможные события встречаются в жизни сравнительно редко, можно сказать, что мы живем в мире случайных событий.

Теория вероятностей – это наука, которая изучает закономерности наступления случайных событий, что позволяет оценить шансы наступления случайного события.

Возможность наступления случайного события зависит от условий, в которых оно рассматривается. Умение оценивать вероятность наступления события очень полезно при принятии обоснованного решения, на пример стоит участвовать в лотерее или игре.

Используя методические указания, выполните практическую работу:

- 1) В чемпионате по гимнастике участвуют 50 спортсменок: 15 из Норвегии, 18 из Дании, остальные из Швеции. Порядок, в котором выступают гимнастки, определяется жребием. Найдите вероятность того, что спортсменка, выступающая первой, окажется из Швеции.
- 2) Фабрика выпускает сумки. В среднем на 170 качественных сумок приходится четыре сумки со скрытыми дефектами. Найдите вероятность того что купленная сумка окажется качественной. Результат округлите до сотых.
- 3) Научная конференция проводится в 3 дня. Всего запланировано 40 докладов в первый день 20 докладов, остальные распределены поровну между вторым и третьим днями. Порядок докладов определяется жеребьёвкой. Какова вероятность, что доклад профессора М. окажется запланированным на последний день конференции?
- 4) В сборнике билетов по физике всего 40 билетов, в 8 из них встречается вопрос по электростатике. Найдите вероятность того, что в случайно выбранном на экзамене билете школьнику достанется вопрос по электростатике.
- 5) На чемпионате по прыжкам в воду выступают 50 спортсменов, среди них 5 прыгунов из Швеции и 3 прыгуна из Мексики. Порядок выступлений определяется жеребьёвкой. Найдите вероятность того, что сорок четвертым будет выступать прыгун из Мексики.
- 6) Научная конференция проводится в 3 дня. Всего запланировано 75 докладов в первый день 27 докладов, остальные распределены поровну между вторым и третьим днями. Порядок докладов определяется жеребьёвкой. Какова вероятность, что доклад профессора М. окажется запланированным на последний день конференции?
- 7) На семинар приехали 4 ученых из Швеции, 4 из России и 2 из Италии. Порядок докладов определяется жеребьёвкой. Найдите вероятность того, что четвертым окажется доклад ученого из Швеции.
- 8) В соревнованиях по толканию ядра участвуют 3 спортсмена из Японии, 9 спортсменов из Кореи, 7 спортсменов из Китая и 6 из Индии. Порядок, в котором выступают спортсмены, определяется жребием. Найдите вероятность того, что спортсмен, который выступает последним, окажется из Индии.
- 9) На чемпионате по прыжкам в воду выступают 30 спортсменов, среди них 4 прыгуна из Италии и 9 прыгунов из Парагвая. Порядок выступлений определяется жеребьёвкой. Найдите вероятность того, что девятым будет выступать прыгун из Парагвая.
- 10) Конкурс исполнителей проводится в 5 дней. Всего заявлено 60 выступлений по одному от каждой страны. В первый день 24 выступления, остальные распределены поровну между оставшимися днями. Порядок выступлений определяется жеребьёвкой. Какова вероятность, что выступление представителя России состоится в третий день конкурса?
- 11) В сборнике билетов по философии всего 20 билетов, в 19 из них встречается вопрос по Пифагору. Найдите вероятность того, что в случайно выбранном на экзамене билете школьнику не достанется вопроса по Пифагору
- 12) На семинар приехали 5 ученых из Австрии, 4 из Германии и 6 из Сербии. Порядок докладов определяется жеребьёвкой. Найдите вероятность того, что десятым окажется доклад ученого из Сербии.
- 13) Конкурс исполнителей проводится в 5 дней. Всего заявлено 75 выступлений по одному от каждой страны. В первый день 27 выступлений, остальные распределены поровну между оставшимися днями. Порядок выступлений определяется жеребьёвкой. Какова вероятность, что выступление представителя России состоится в третий день конкурса?
- 14) В среднем из 2000 садовых насосов, поступивших в продажу, 14 подтекают. Найдите вероятность того, что один случайно выбранный для контроля насос не подтекает.
- 15) В случайном эксперименте бросают две игральные кости. Найдите вероятность того, что в сумме выпадет 3 очка. Результат округлите до сотых.

<u>Самостоятельная работа № 144 «</u>Решение уравнений и систем уравнений.»

Цель: Изучить алгоритм решения систем уравнений.

Методические рекомендации

1. Решение систем уравнений с двумя переменными.

Способ подстановки.

План решения:

- 1) В более простом уравнении выразить одну из переменных.
- 2) Выраженную переменную подставить в другое уравнение и решить его.
- 3) Полученное значение переменной подставить в первое действие и сосчитать.

Записать ответ.

Пример.

$$\int_{0}^{1} 4x + y = 3$$

$$|6x-2y=1|$$

Решение:

$$4x + y = 3$$

$$y = 3 - 4x$$

2)
$$6x - 2y = 1$$

$$6x - 2(3-4x) = 1$$
$$6x - 6 + 8x = 1$$

$$14x = 7$$

$$x = \frac{7}{14}$$

$$x = 0.5$$

3)
$$y = 3 - 4 \cdot 0,5 = 3 - 2 = 1$$

Ответ: (0,5; 1)

2. Решение систем уравнений с двумя переменными.

Способ сложения.

План решения:

- 1) Умножением <u>всех</u> членов уравнений на некоторые числа получить противоположные коэффициенты.
- 2) Сложить почленно уравнения системы и решить получившееся уравнение.
- 3) Найденное значение переменной подставить в более простое уравнение <u>данной</u> системы и найти значение другой переменной.
- 4) Записать ответ.

Примеры:

Ответ: (4; 2)

2)
$$\begin{cases} 4y + 7x = 90 \\ 5x - 6y = 20 \end{cases}$$
 Переставим в первом уравнении: $\begin{cases} 7x + 4y = 90 \\ 5x - 6y = 20 \end{cases}$ $\cdot 3$

Решение:

Решение:
1)
$$+\begin{cases} 21x + 12y = 270 \\ 10x - 12y = 40 \end{cases}$$
 2) $7x + 4y = 90$
 $31 \ x = 310$ $7 \cdot 10 + 4y = 90$
 $x = \frac{310}{31}$ $4y = 90 - 70$
 $x = 10$ $4y = 20$
 $y = \frac{20}{4}$
 $y = 5$ Ответ: (10; 5)

3. Решение задач с помощью систем уравнений

1)

	V_{coo} , км/ч	$V_{\text{теч}}$, км/ч	V, км/ч	t, 4	S, км
по течению	X	у	x+y	3	3(x+y)
против течения	X	у	х-у	2	2(x-y)

По условию задачи $S_{по} + S_{пр} = 240 \text{ км}$

Составляем уравнение: 3(x+y) + 2(x-y) = 240

$$5x + y = 240$$

2)

	V_{coo} , км/ч	$V_{\text{теч}}$, км/ч	V, км/ч	t, ч	S, км
по течению	X	у	x+y	2	2(x+y)
против течения	X	у	х-у	3	3(x-y)

По условию задачи $S_{\pi p} > S_{\pi o}$ на 35 км

Составляем уравнение: 3(x-y) - 2(x+y) = 35

$$x - 5y = 35$$

3) Составляем систему уравнений:

$$\begin{cases} 5x + y = 240 \\ x - 5y = 35 \end{cases} (-5) \begin{cases} 5x + y = 240 \\ -5x + 25y = -175 \\ 26y = 65 \\ y = 2,5 \end{cases}$$

$$x - 5y = 35$$

 $x - 5 \cdot 2,5 = 35$
 $x = 35 + 12,5$

$$x = 47.5$$

4) По смыслу задачи x>0, y>0, x>y. Этому условию удовлетворяет найденное решение. Значит, $V_{no}=$ x+y = 47.5 + 2.5 = 50 км/ч и

 $V_{\text{IIP}} = x - y = 47.5 - 2.5 = 45 \text{ km/y}$

Ответ: 50 км/ч, 45 км/ч

Используя методические рекомендации, выполните практическую работу:

$$\begin{cases} \left(\frac{1}{5}\right)^{4x-y} = 25, & \begin{cases} 6^{3x-y} = \sqrt{6}, \\ 7^{9x-y} = \sqrt{7}. \end{cases} \end{cases}$$

<u>Самостоятельная работа № 145 «</u>Решение текстовых задач.»

Цель: Изучить алгоритм решения текстовых задач.

Методические рекомендации

План решения задач (памятка)

- 1. Составить эскиз задачи.
- 2. Выбрать действующих лиц (например: девочки и мальчики; квадрат и прямоугольник; машина и мотоцикл; действие по плану и действие фактически; пряники и конфеты) и их характеристики (количество детей; длина, ширина и площадь; скорость, время, расстояние; производительность, время и объем работы; цена, количество, стоимость).
- 3. Заполнить таблицу по действующим лицам (строки) и по характеристикам (столбцы) по следующему плану:

		/
	с пер	емен

Если залача

с числовыми данными	с переменными величинами
4. Расставить известные данные из т	екста задачи.
5. Найти связь между известными	5. Ввести переменную Х. Найти
и неизвестными данными.	связи между величинами, в том
	числе используя формулы
6. Составить выражение.	6. Составить уравнение, исходя
	из условия задачи.
7. Найти искомые значения	7. Решить уравнение и вычислить
	недостающие данные.
8. Записать ответ задачи	

Задача на суммарную величину

В классе девочек в 2 раза больше, чем мальчиков, а всего 30 учеников. Сколько девочек и мальчиков в классе?

	Количество, чел.
Д	2x = ?
M	$\mathbf{x} = ?$

По условию задачи Д + M = 30 человек.

Составляем уравнение:

$$2x + x = 30$$

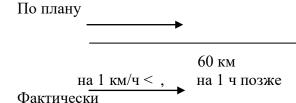
 $2x + 1x = 30$
 $x (2 + 1) = 30$
 $3x = 30$
 $x = 10$

Значит, M - 10 человек, в $\Pi = 2x = 2.10 = 20$ человек.

Ответ: 10 и 20 человек.

Задача на движение

Турист предполагал пройти маршрут длиной 60 км с некоторой скоростью. Однако из-за погодных условий его скорость на маршруте оказалась на 1 км/ч меньше и турист прибыл в конечный пункт на 1ч позже, чем рассчитывал. С какой скоростью прошел турист свой маршрут?



	V, км/ч	t, ч	S, км
По плану	X	60: x	60
Фактически	x-1 = ?	60 : (x-1)	60
	из ума	счет по формуле	из книги

По условию задачи $t_{\phi a \kappa \tau} > t_{\pi \pi a H}$ на 1 ч.

Составляем уравнение:

60:
$$(x-1) - 60$$
: $x = 1$

Задача на стоимость

Тетради в клетку дороже тетрадей в линейку на 400 руб. За 8 тетрадей в клетку надо заплатить на 1600 руб. больше, чем за 10 тетрадей в линейку. Какова цена этих тетрадей?

По условию задачи $\,T_{\kappa\pi}\,>\,T_{\pi}\,$ на $\,1600\,$ рублей.

Составляем уравнение:

$$8(x + 400) - 10x = 1600$$

Задача на работу

Машинистке надо перепечатать рукопись. Она рассчитала, что печатая в час 8 страниц, она закончит работу на 4 часа раньше, чем если будет печатать в час по 6 страниц. Сколько страниц в рукописи?

План
$$-$$
 по 6 стр/ч, , стр. ? Фактически $-$ по 8 стр/ч, на 4 ч раньше, стр. ?

	Производительность, стр/ч	t, ч	V, стр.
По плану	6	X	6x =?
Фактически	8	x-4	8(x-4)

По условию задачи перепечатана одна и та же рукопись. Значит, количество страниц по плану и фактически одинаково.

Составляем уравнение:

$$6x = 8(x-4)$$

Используя методические рекомендации, выполните практическую работу:

- Задача 1. Ручка и ластик вместе стоят 345 рублей, а линейка и ручка вместе 467 рублей. Ластик стоит 127 рублей. На сколько ластик стоит меньше, чем ручка?
- Задача 2. На экскурсию собралось поехать 300 учеников в сопровождении учителей. 7 групп с одинаковым числом школьников отправились на экскурсию в Кремль, а 90 школьников в Третьяковскую галерею. Сколько денег должна уплатить каждая из 7 групп, если один билет для взрослых стоит 400 рублей, а детский 200 рублей и в каждой группе 4 учителя?
- Задача 3. Купили 2 кг вафель и с 20000 рублей получили 4000 рублей сдачи. Какова цена одной вафли, если в одном кг 40 вафель?
- Задача 4. За 1 кг бананов и 4 кг апельсинов заплатили 19600 рублей. Какова стоимость 1 кг бананов, если он дешевле 1 кг апельсинов на 2100 рублей?
- Задача 5. Цена альбома такая же, как и общей тетради. Альбом стоит в 4 раза больше, чем 5 карандашей, а общая тетрадь на 3000 рублей дороже 5 карандашей. Сколько стоит альбом и сколько карандаш?
- Задача 6. Коммерческая фирма приобрела 10 пакетов сахара по 50 кг по цене 3600 рублей за 1 кг, продала их по цене 200000 рублей за 1 мешок. Какова прибыль фирмы, если на перевозку ушла 1/10 первоначальной стоимости двух мешков?
- Задача 7. Альбом дороже карандаша в 6 раз, и альбом 2 раза дороже, чем ручка. Альбом стоит на 2000 руб. дороже, чем карандаш и ручка вместе. Какова цена каждого предмета?
- Задача 8. Цена шести нотных тетрадей такая же, как и у 9 блокнотов. Какова стоимость одного блокнота, если за 2 нотные тетради нужно заплатить 1800 руб.?
- Задача 9. Стоимость 1 кг фруктов и 4 кг конфет 72000 руб. Какова стоимость 1 кг конфет, причем это дороже одного кг фруктов на 3000 руб.?
- Задача 10. Смешали 550 граммов белой краски по цене 15000 рублей за 1 кг и 700 граммов синей по цене 22000 рублей за 1 кг. Сколько стоит 250 граммов этой смеси?